

Terminale ES/Probabilité conditionnelle

1. Rappels :

Exercice 7117



Le tableau ci-dessous donne, d'après un échantillon de 800 personnes interrogés en 2005, un aperçu de la lecture de la presse quotidienne en France.

| | Tous les jours ou presque | Une ou deux fois par semaine | Seulement pendant certaines périodes | Rarement | Jamais | Total |
|---|---------------------------|------------------------------|--------------------------------------|----------|--------|-------|
| Agriculteurs exploitants | 1 | 10 | 2 | 8 | 79 | 100 |
| Artisans, commerçants, chefs d'entreprise | 11 | 11 | 5 | 7 | 66 | 100 |
| Cadres | 17 | 16 | 10 | 18 | 39 | 100 |
| Professions intermédiaires | 8 | 15 | 7 | 15 | 55 | 100 |
| Employés | 6 | 7 | 4 | 9 | 74 | 100 |
| Ouvriers (y compris agricoles) | 4 | 5 | 3 | 5 | 83 | 100 |
| Retraités | 6 | 7 | 2 | 6 | 79 | 100 |
| Autres inactifs | 5 | 9 | 4 | 9 | 73 | 100 |
| Total en effectif | 58 | 80 | 37 | 77 | 548 | 800 |
| Pourcentages du total | 7,25 % | 10 % | 4,625 % | | | |

Dans cet exercice, les résultats seront donnés sous forme décimale et éventuellement arrondis à 0,001 près.

Partie A.

- La dernière ligne du tableau ci-dessous représente la part de chaque catégorie par rapport à l'échantillon total. Calculer les valeurs manquantes de cette dernière ligne.
- Donner la probabilité qu'une personne choisie au hasard parmi les cadres ne lise jamais.

Partie B.

On choisit au hasard une personne dans cet échantillon de 800 personnes. Dans cette partie, on note les événements suivants :

- J l'évènement : "la personne choisie ne lit jamais" ;
- O l'évènement : "la personne choisie est un ouvrier".

- Calculer les probabilités des évènements J et O .
- Calculer la probabilité de l'évènement $J \cap O$.
- Calculer la probabilité de l'évènement $J \cup O$.

Exercice 7118



Soit $(\Omega; \mathcal{P})$ un espace probabilisé où A et B sont deux évènements de Ω tels que :

$$\mathcal{P}(A) = 0,36 \quad ; \quad \mathcal{P}(B) = 0,27$$

- Que peut-on dire de A et de B si $\mathcal{P}(A \cup B) = 0,63$?
- On suppose que : $\mathcal{P}(A \cup B) = 0,5$:
 - Que peut-on dire de A et de B ?
 - Quelle est la probabilité qu'un événement réalise simultanément les événements A et B .

Exercice 7119



Le comité d'entreprise d'une société parisienne souhaite organiser un week-end en province.

Une enquête est faite auprès des 1 200 employés de cette entreprise afin de connaître leur choix en matière de moyen de transport (les seuls moyens de transport proposés sont le train, l'avion ou l'autocar)

Les résultats de l'enquête auprès des employés de l'entreprise sont répertoriés dans le tableau suivant :

| | Train | Avion | Autocar | Total |
|-------|-------|-------|---------|-------|
| Femme | 468 | 196 | 56 | 720 |
| Homme | 150 | 266 | 64 | 480 |
| Total | 618 | 462 | 120 | 1200 |


On interroge au hasard un employé de cette entreprise (on suppose que tous les employés ont la même chance d'être interrogés).

- F l'évènement : "l'employé est une femme" ;
- T l'évènement : "l'employé choisit le train".

- Calculer les probabilités $\mathcal{P}(F)$, $\mathcal{P}(T)$ puis déterminer la probabilité que l'employé ne choisisse pas le train (on donnera les résultats sous forme décimale)
- Déterminer la probabilité de l'évènement $F \cap T$.

b. En déduire la probabilité de l'évènement $F \cup T$.

3. En choisissant un employé au hasard parmi les employés n'ayant pas choisi le train, quelle est la probabilité que cet employé soit une femme? (on donnera le résultat arrondi au millièmes)

Exercice 7120 


Soit \mathcal{X} une variable aléatoire dont la loi de probabilité est donnée ci-dessous :

| | | | | | | |
|----------------------|------|------|------|------|------|-----|
| x_i | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| $\mathcal{P}(X=x_i)$ | 0,05 | 0,12 | 0,15 | 0,23 | 0,17 | a |

1. Déterminer la valeur de a afin que le tableau ci-dessous représente une loi de probabilité.

2. Déterminer les probabilités suivantes :

- a. $\mathcal{P}(X \geq 3)$ b. $\mathcal{P}(X < 5)$

Exercice 7121 

Un QCM (questionnaire à choix multiples) est proposé à des élèves : il comporte trois questions et pour chaque des questions, quatre réponses sont proposées dont une seule est juste.

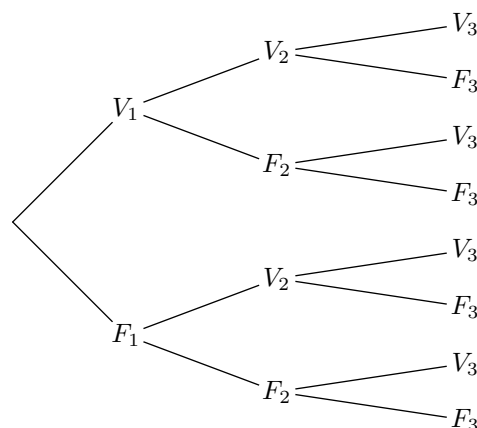
On souhaite étudier le pourcentage de réussite à ce QCM si les élèves y répondent complètement de réponse aléatoire ; on suppose alors que les réponses données à chacune des ques-

tions sont indépendantes entre elles.

On note :

- F_i : "La réponse fournit à la question i est fautive";
- V_i : "La réponse fournit à la question i est vraie";


1. Compléter l'arbre pondéré ci-dessous :



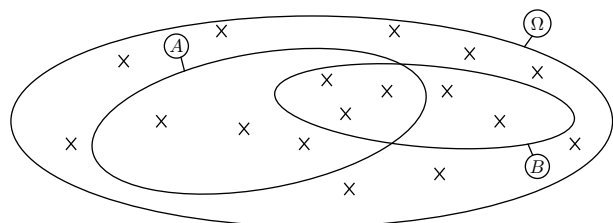
2. On note \mathcal{X} la variable aléatoire comptant le nombre de bonnes réponses fournies au QCM.

- a. Déterminer la loi de probabilité de la variable aléatoire \mathcal{X} .
- b. Calculer l'espérance de la variable aléatoire \mathcal{X} .

2. Introduction aux probabilités conditionnelles :

Exercice 7122 

On considère un ensemble Ω et deux de ses parties A et B représentés ci-dessous et dont les éléments sont représentés par des croix :




De manière équiprobable, on choisit un élément au hasard.

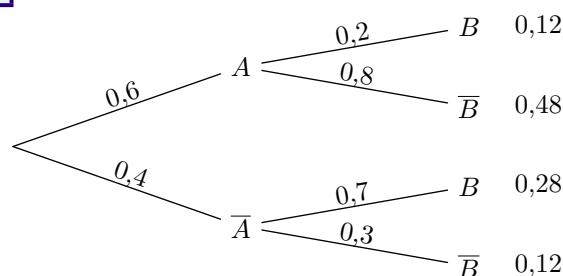
1. a. Quelle est la probabilité que l'élément tiré appartienne à A ?
- b. Sachant qu'on a tiré un élément de B , quelle est la probabilité que cet élément appartienne à A ?

2. a. Déterminer les probabilités suivantes : $\mathcal{P}(B)$; $\mathcal{P}(A \cap B)$

b. Donner la valeur du quotient : $\frac{\mathcal{P}(A \cap B)}{\mathcal{P}(B)}$.
Que remarque-t-on ?


Exercice 7124 

Dans une expérience aléatoire, on considère les deux événements A et B . L'étude de cet expérience aléatoire a permis de produire l'arbre de probabilité ci-dessous :

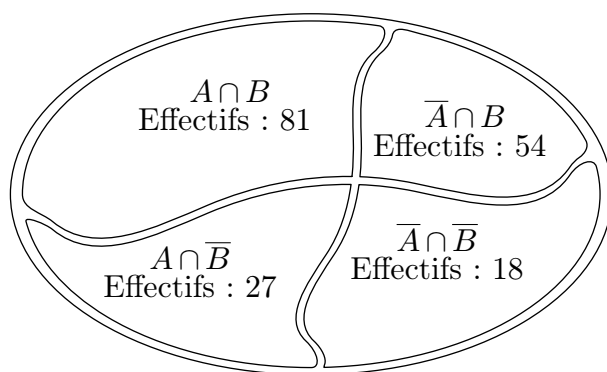


Donner, si possible, par lecture de l'arbre les probabilités suivantes :

- a. $\mathcal{P}(A)$ b. $\mathcal{P}(\bar{A} \cap B)$ c. $\mathcal{P}(A \cap \bar{B})$
- d. $\mathcal{P}_B(\bar{A})$ e. $\mathcal{P}_A(B)$ f. $\mathcal{P}_{\bar{A}}(B)$

Exercice 7127 

Dans une expérience aléatoire, on considère deux événements A et B qui réalise la partition de l'univers représentée ci-dessous :



Déterminer les probabilités suivantes :

- a. $\mathcal{P}(A)$ b. $\mathcal{P}(\overline{B})$ c. $\mathcal{P}(A \cap \overline{B})$
- d. $\mathcal{P}_A(B)$ e. $\mathcal{P}_A(\overline{B})$ f. $\mathcal{P}_{\overline{B}}(\overline{A})$

Exercice 7125



Une agence de location de voitures dispose de trois types de véhicules : berline, utilitaire ou luxe, et propose, au moment de la location, une option d'assurance sans franchise.

Une étude statistique a permis d'établir que :

- 30 % des clients ont loué une berline et 10 % ont loué un véhicule de luxe.
- 40 % des clients qui ont loué une berline ont choisi l'option d'assurance sans franchise.

- 9 % des clients ont loué un véhicule de luxe et ont choisi l'option d'assurance sans franchise.
- 21 % des clients ont loué un véhicule utilitaire et ont choisi l'option d'assurance sans franchise.

On prélève au hasard la fiche d'un client et on considère les évènements suivants :

- B : le client a loué une berline.
- L : le client a loué un véhicule de luxe.
- U : le client a loué un véhicule utilitaire.
- A : le client a choisi l'option d'assurance sans franchise.

Produire un arbre de probabilités représentant la situation ci-dessus et intégrant les données de l'énoncé.

3. Probabilité conditionnelle :

Exercice 7134



Un serveur, travaillant dans une pizzeria, remarque qu'en moyenne, 40 % des clients sont des familles, 25 % des clients sont des personnes seules et 35 % des clients sont des couples.

Il note aussi que :

- 70 % des familles laissent un pourboire ;
- 90 % des personnes seules laissent un pourboire ;
- 40 % des couples laissent un pourboire.

Un soir donné, ce serveur prend au hasard une table occupée dans la pizzeria.

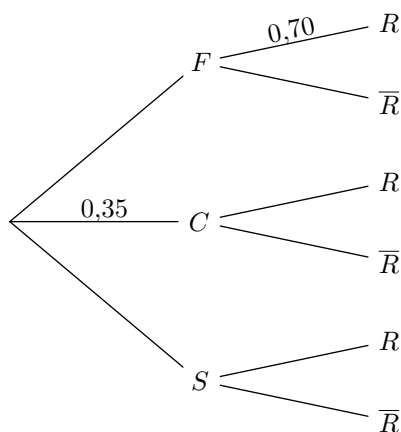
On s'intéresse aux évènements suivants :

- F : "la table est occupée par une famille"
- S : "la table est occupée par une personne seule"
- C : "la table est occupée par un couple"
- R : "le serveur reçoit un pourboire"

On note \overline{A} l'évènement contraire de A et $p_B(A)$ la probabilité de A , sachant B .

1. D'après les données de l'énoncé, préciser les probabilités $p(F)$ et $p_S(R)$.

2. Recopier et compléter l'arbre pondéré suivant :



3. Calculer $p(F \cap R)$

Exercice 7156



Amélie doit traverser la rue principale d'un village qui est jalonnée de deux feux tricolores.

Pour $n \in \{1; 2\}$, on note E_n l'évènement "Amélie est arrêtée par le n^e feu rouge ou orange" et \overline{E}_n l'évènement contraire. Le feu orange est considéré comme un feu rouge.

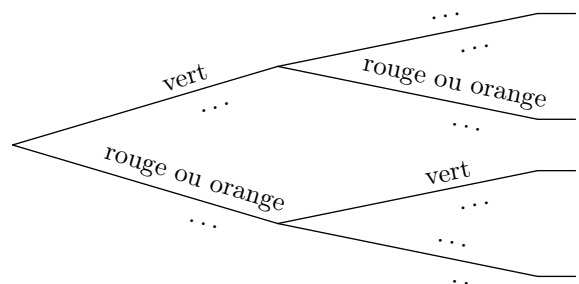
Soit p_n la probabilité de E_n et q_n celle de \overline{E}_n . La probabilité que le premier feu tricolore soit rouge ou orange vaut $\frac{1}{8}$

On suppose que les deux conditions suivantes sont réalisées :

- La probabilité que le second feu tricolore soit rouge ou orange, si le premier feu est rouge, vaut $\frac{1}{20}$.
- La probabilité que le second feu tricolore soit rouge ou orange, si le premier feu est vert, est égale à $\frac{9}{20}$.

On s'intéresse, tout d'abord, aux premiers feux tricolores.

1. Recopier et compléter l'arbre pondéré ci-dessous.



2. On note \mathcal{X} la variable aléatoire égale au nombre de feux verts parmi ces deux feux tricolores. Déterminer la loi de probabilité de \mathcal{X} .

4. Formule des probabilités totales :

Exercice 7133

Une société s'est intéressée à la probabilité qu'un de ses salariés, choisi au hasard, soit absent durant une semaine donnée de l'hiver 2014.

On a évalué à 0,07 la probabilité qu'un salarié ait la grippe une semaine donnée. Si le salarié a la grippe, il est alors absent.

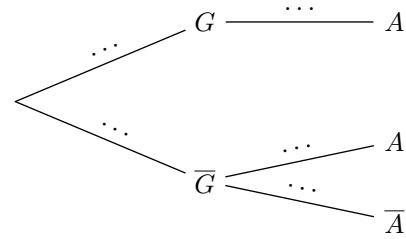
Si le salarié n'est pas grippé cette semaine là, la probabilité qu'il soit absent est estimée à 0,04.

On choisit un salarié de la société au hasard et on considère les événements suivants :

- G : le salarié a la grippe une semaine donnée ;

- A : le salarié est absent une semaine donnée.

1. Reproduire et compléter l'arbre en indiquant les probabilités de chacune des branches.



2. Montrer que la probabilité $p(A)$ de l'évènement A est égale à 0,1072.

5. Formule des probabilités totales et inversion de la condition :

Exercice 7138

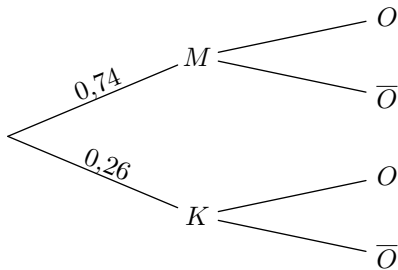
D'après une étude récente, il y a 216 762 médecins en France métropolitaine parmi lesquels 0,6 % pratiquent l'ostéopathie et on compte 75 164 kinésithérapeutes parmi lesquels 8,6 % pratiquent l'ostéopathie.

On choisit une personne au hasard parmi les médecins et les kinésithérapeutes.

On note les événements suivants :

- M : "la personne choisie est médecin" ;
- K : "la personne choisie est kinésithérapeute" ;
- O : "la personne choisie pratique l'ostéopathie".

On représente la situation à l'aide de l'arbre pondéré suivant :



1. Reproduire l'arbre de probabilité puis le compléter.
2. Montrer que la probabilité $\mathcal{P}(O)$ est égale à 0,0268.
3. Un patient vient de suivre une séance d'ostéopathie chez un praticien d'une des deux catégories. Détermine la probabilité que le praticien soit un kinésithérapeute. Donner le résultat arrondi au centième.

Exercice 7166

Un marathon est une épreuve sportive de course à pied. Dans cet exercice, tous les résultats approchés seront donnés à 10^{-3} près.

Une étude portant sur le marathon de Tartonville montre que :

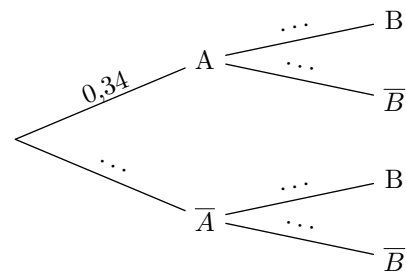
- 34 % des coureurs terminent la course en moins de 234 minutes ;
- parmi les coureurs qui terminent la course en moins de 234 minutes, 5 % ont plus de 60 ans ;
- parmi les coureurs qui terminent la course en plus de 234 minutes, 84 % ont moins de 60 ans.

On sélectionne au hasard un coureur et on considère les événements suivants :

- A : "le coureur a terminé le marathon en moins de 234 minutes" ;
- B : "le coureur a moins de 60 ans".

On rappelle que si E et F sont deux événements, la probabilité de l'évènement E est notée $\mathcal{P}(E)$ et celle de E sachant F est notée $\mathcal{P}_F(E)$. De plus, \bar{E} désigne l'évènement contraire de E .

1. Recopier et compléter l'arbre de probabilité ci-dessous associé à la situation de l'exercice :

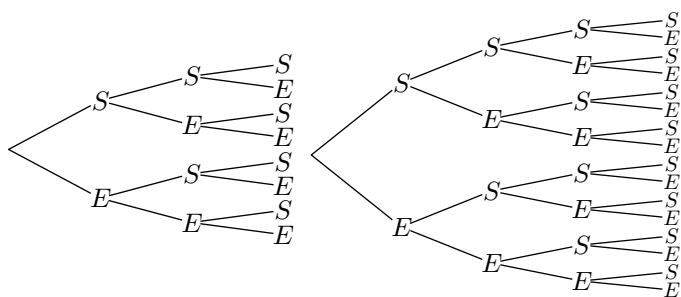


2.
 - a. Calculer la probabilité que la personne choisie ait terminé le marathon en moins de 234 minutes et soit âgée de plus de 60 ans.
 - b. Vérifier que : $\mathcal{P}(\bar{B}) \simeq 0,123$
 - c. Calculer $\mathcal{P}_{\bar{B}}(A)$ et interpréter le résultat dans le cadre de l'exercice.

6. Rappels sur la loi binomiale :

Exercice 7155

Voici les arbres de choix associés à la répétition d'une épreuve de Bernoulli respectivement 3 et 4 fois :



1. Pour la répétition trois fois de l'épreuve de Bernoulli, compléter le tableau ci-dessous :

| | | | | |
|------------------|---|---|---|---|
| Nombre de succès | 0 | 1 | 2 | 3 |
| Nombre d'issues | | | | |

2. Pour la répétition quatre fois de l'épreuve de Bernoulli, compléter le tableau ci-dessous :

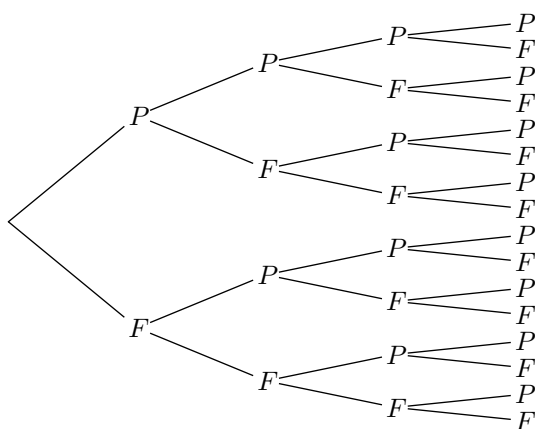
| | | | | | |
|------------------|---|---|---|---|---|
| Nombre de succès | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |
| Nombre d'issues | | | | | |

Exercice 7167

1. Un joueur lance une pièce qui n'est pas équilibré dont la probabilité d'obtenir le côté face est de 0,63.

Quel est la probabilité d'obtenir le côté pile ?

On considère maintenant le schéma de Bernoulli consistant à répéter quatre fois le lancer de cette pièce. Voici l'arbre de choix associé à cette répétition :



On remarquera que les branches P-P-F-P et P-F-P-P représentent des **issues** différentes de l'expérience aléatoire mais qu'elles réalisent trois piles et une face

2. a. Combien d'issues correspondent à l'obtention de 3 côtés faces et 1 côté pile ?
 b. Quel est la probabilité d'une issue contenant 3 côtés

faces et 1 côté pile ?

- c. En déduire la probabilité d'obtenir 3 côtés faces au cours de ce jeu.
3. On note \mathcal{X} la variable aléatoire qui compte le nombre de face obtenu dans cette répétition de 4 lancers de la pièce. Pour chacune des affirmations suivantes, quatre propositions sont faites mais une seule est correcte. Laquelle ?

- a. La probabilité $\mathcal{P}(\mathcal{X}=1)$ a pour valeur :
- $0,63 \times 0,37^3$
 - $0,63^3 \times 0,37$
 - $4 \times 0,63 \times 0,37^3$
 - $4 \times 0,63^3 \times 0,37$
- b. La probabilité $\mathcal{P}(\mathcal{X}=2)$ a pour valeur :
- $4 \times 0,63 \times 0,37$
 - $4 \times 0,63^2 \times 0,37^2$
 - $6 \times 0,63 \times 0,37$
 - $6 \times 0,63^2 \times 0,37^2$

Exercice 7168

Le coefficient binomial $\binom{n}{k}$ permet de connaître le nombre de chemin de l'arbre de choix réalisant k succès pour n répétitions.



Ci-dessous est donnée la capture de l'écran d'une calculatrice pour le calcul du coefficient binomial $\binom{5}{3}$:

Pour une variable aléatoire \mathcal{X} suivant une loi binomiale de paramètre n et p , la probabilité que la variable aléatoire prenne la valeur k a pour valeur :

$$\mathcal{P}(\mathcal{X}=k) = \binom{n}{k} \cdot p^k \cdot (1-p)^{n-k}$$

1. A l'aide de la calculatrice, déterminer les coefficients binomiaux ci-dessous :
- a. $\binom{5}{3}$ b. $\binom{4}{0}$ c. $\binom{4}{2}$ d. $\binom{7}{5}$
2. Considérons la variable aléatoire \mathcal{X} suivant la loi binomiale de paramètre $\mathcal{B}(12; 0,3)$. Déterminer les probabilités suivantes arrondies à 10^{-4} près :
- a. $\mathcal{P}(\mathcal{X}=3)$ a. $\mathcal{P}(\mathcal{X}=7)$
3. Considérons la variable aléatoire \mathcal{X} suivant la loi binomiale de paramètre $\mathcal{B}(8; 0,4)$. Déterminer les probabilités suivantes en passant par le complémentaire :
- a. $\mathcal{P}(\mathcal{X} \geq 1)$ a. $\mathcal{P}(\mathcal{X} \leq 19)$

7. Probabilité conditionnelle et loi binomiale :

Exercice 7136

Une grande entreprise vient de clôturer sa campagne de recrutement qui s'est déroulée en deux temps :

- premier temps : étude du dossier présenté par le candidat ;

- deuxième temps : entretien en vue du recrutement.

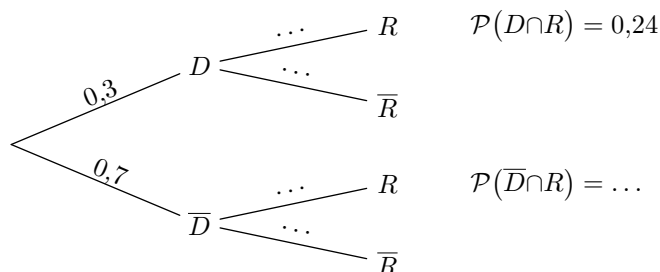
Le processus de recrutement mis en oeuvre par l'entreprise est le suivant :

- si le dossier est jugé de bonne qualité, alors le candidat est reçu en entretien par le directeur des ressources humaines ;

- si le dossier n'est pas jugé de bonne qualité, alors le candidat subit des tests puis est reçu en entretien par le directeur de l'entreprise.

Dans les deux cas, à l'issue de l'entretien, le candidat est recruté ou ne l'est pas.

En choisissant un candidat au hasard, on construit une expérience aléatoire dont l'arbre de probabilité est représenté ci-dessous avec quelques unes des données récupérées de la publication :



où D est l'évènement "le candidat a un dossier jugé de bonne qualité" et R l'évènement "le candidat est recruté par l'entreprise".

1. a. Déterminer la probabilité $\mathcal{P}_D(R)$.
b. De plus que, on sait 38 % des candidats ont été recrutés. En déduire la probabilité $\mathcal{P}_{\bar{D}}(R)$.
c. Compléter l'arbre de probabilité.
2. Dix personnes postulent pour un emploi dans l'entreprise. Les études de leurs candidatures sont faites indépendamment les unes des autres. On désigne par \mathcal{X}

8. Problèmes :

Exercice 7109



Un centre de loisirs destiné aux jeunes de 11 ans à 18 ans compte 60 % de collégiens et 40 % de lycéens.

Le directeur a effectué une étude statistique sur la possession de téléphones portables. Cette étude a montré que 80 % des jeunes possèdent un téléphone portable et que, parmi les collégiens, 70 % en possèdent un.

On choisit au hasard un jeune du centre de loisirs et on s'intéresse aux évènements suivants :

- C : "le jeune choisi est un collégien" ;
- L : "le jeune choisi est un lycéen" ;
- T : "le jeune choisi possède un téléphone portable".

Rappel des notations :

Si A et B sont deux évènements, $p(A)$ désigne la probabilité que l'évènement A se réalise et $p_B(A)$ désigne la probabilité de A sachant que l'évènement B est réalisé. On note aussi \bar{A} l'évènement contraire de A .

1. Donner les probabilités : $p(C)$, $p(L)$, $p(T)$, $p_C(T)$.
2. Faire un arbre de probabilités représentant la situation et commencer à la renseigner avec les données de l'énoncé.
3. Calculer la probabilité que le jeune choisi soit un collégien possédant un téléphone portable.

la variable aléatoire donnant le nombre de personnes recrutées parmi les 10 personnes.

- a. Justifier que \mathcal{X} suit une loi binomiale de paramètres $n=10$ et $p=0,38$.
- b. Calculer la probabilité qu'au moins une des dix personnes soit recrutée.
On donnera la valeur exacte puis une valeur du résultat arrondie à 10^{-3} .

Exercice 7312



Une enquête a été réalisée auprès des élèves d'un lycée afin de connaître leur point de vue sur la durée de la pause du midi ainsi que sur les rythmes scolaires. L'enquête révèle que 56,75 % des élèves de l'établissement sont favorables à une répartition des cours plus étalée sur l'année scolaire.

On interroge successivement et de façon indépendante quatre élèves pris au hasard parmi les élèves de l'établissement. Soit \mathcal{X} la variable aléatoire qui donne le nombre d'élèves favorables à une répartition des cours plus étalée sur l'année scolaire. Le nombre d'élèves étant suffisamment grand, on considère que \mathcal{X} suit une loi binomiale.

1. Préciser les paramètres de cette loi binomiale.

Les résultats seront arrondis à 10^{-4} près.

2. Calculer la probabilité qu'aucun des quatre élèves interrogés ne soit favorable à une répartition des cours plus étalée sur l'année scolaire.
3. Calculer la probabilité qu'exactement deux élèves soient favorables à une répartition des cours plus étalée sur l'année scolaire.

4. Calculer la probabilité que le jeune choisi soit un collégien sachant qu'il possède un téléphone portable.

5. a. Calculer $p(T \cap L)$, en déduire $p_L(T)$.

- b. Compléter l'arbre construit dans la question 2.

Exercice 7110



A une sortie d'autoroute, la gare de péage comporte trois voies.

Une étude statistique a montré que :

- 28 % des automobilistes empruntent la voie de gauche, réservée aux abonnés ; un automobiliste empruntant cette voie franchit toujours le péage en moins de 10 secondes ;
- 52 % des automobilistes empruntent la voie du centre, réservée au paiement par carte bancaire ; parmi ces derniers, 75 % franchissent le péage en moins de 10 secondes ;
- les autres automobilistes empruntent la voie de droite en utilisant un autre moyen de paiement (*pièces ou billets*).

On choisit un automobiliste au hasard et on considère les évènements suivants :

- G : "l'automobiliste emprunte la voie de gauche" ;
- C : "l'automobiliste emprunte la voie du centre" ;
- D : "l'automobiliste emprunte la voie de droite" ;
- T : "l'automobiliste franchit le péage en moins de 10 se-

condes”.

On note \bar{T} l'évènement contraire de l'évènement T .

1. Construire un arbre pondéré traduisant cette situation. Cette arbre sera complété au fur et à mesure de l'exercice.
2. Calculer la probabilité $p(C \cap T)$.
3. L'étude a aussi montré que 70 % des automobilistes passent le péage en moins de 10 secondes.
 - a. Justifier que $p(D \cap T) = 0,03$.
 - b. Calculer la probabilité qu'un automobiliste empruntant la voie de droite passe le péage en moins de 10 secondes.

Exercice 7112



On s'intéresse à l'ensemble des demandes de prêts immobiliers auprès de trois grandes banques.

Une étude montre que 42 % des demandes de prêts sont déposées auprès de la banque Karl, 35 % des demandes de prêts sont déposées auprès de la banque Lofa, alors que cette proportion est de 23 % pour la banque Miro.

Par ailleurs :

- 76 % des demandes de prêts déposées auprès de la banque Karl sont acceptées ;
- 65 % des demandes de prêts déposées auprès de la banque Lofa sont acceptées ;
- 82 % des demandes de prêts déposées auprès de la banque Miro sont acceptées.

On choisit au hasard une demande de prêt immobilier parmi celles déposées auprès des trois banques.

On considère les évènements suivants :

- K : “la demande de prêt a été déposée auprès de la banque Karl” ;
- L : “la demande de prêt a été déposée auprès de la banque Lofa” ;
- M : “la demande de prêt a été déposée auprès de la banque Miro” ;
- A : “la demande de prêt est acceptée.”

Dans tout l'exercice, on donnera, si nécessaire, des valeurs approchées au millième des résultats.

1. Construire un arbre pondéré illustrant la situation.
2. Calculer la probabilité que la demande de prêt soit dé-

posée auprès de la banque Karl et soit acceptée.

3. Montrer que : $\mathcal{P}(A) \simeq 0,735$
4. La demande de prêt est acceptée. Calculer la probabilité qu'elle ait été déposée à la banque Miro.

Exercice 7115



Une agence de location de voitures dispose de trois types de véhicules : berline, utilitaire ou luxe, et propose, au moment de la location, une option d'assurance sans franchise.

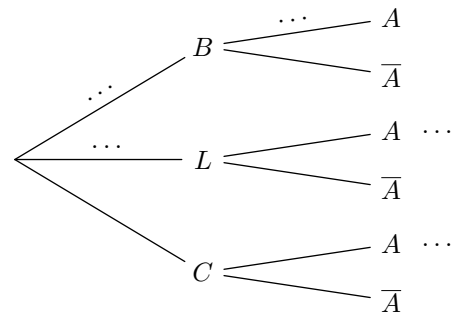
Une étude statistique a permis d'établir que :

- 30 % des clients ont loué une berline et 10 % ont loué un véhicule de luxe.
- 40 % des clients qui ont loué une berline ont choisi l'option d'assurance sans franchise.
- 9 % des clients ont loué un véhicule de luxe et ont choisi l'option d'assurance sans franchise.
- 21 % des clients ont loué un véhicule utilitaire et ont choisi l'option d'assurance sans franchise.

On prélève au hasard la fiche d'un client et on considère les évènements suivants :

- B : le client a loué une berline.
- L : le client a loué un véhicule de luxe.
- U : le client a loué un véhicule utilitaire.
- A : le client a choisi l'option d'assurance sans franchise.

1. Recopier et compléter l'arbre de probabilités ci-contre avec les données de l'énoncé.



2. Quelle est la probabilité que le client ait loué une berline et ait choisi l'option d'assurance sans franchise ?
3. Calculer la probabilité qu'un client ait choisi l'option d'assurance sans franchise.
4. Calculer $\mathcal{P}_L(A)$, la probabilité que le client ait souscrit une assurance sans franchise sachant qu'il a loué une voiture de luxe.