

Définition:

On considère n évènements A_1, A_2, \dots, A_n évènement d'une expérience aléatoire.

On dit que ces évènements forment une **partition de Ω** si ils vérifient les deux propriétés suivantes:

- Les évènements A_1, \dots, A_n sont disjoints entre eux.
- L'union de ces évènements est l'univers Ω .

Remarque:

- Pour tout évènement A , les deux évènements A et \bar{A} forment une partition de l'univers car :

$$A \cap \bar{A} = \emptyset ; A \cup \bar{A} = \Omega$$

- Considérons les 3 évènements A, B et C représentés ci-dessous :

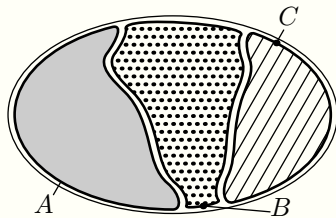


Fig. 4

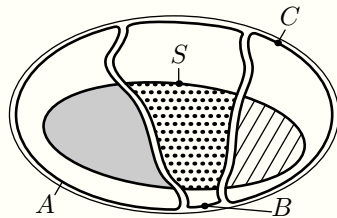


Fig. 5

Ces trois évènements forment une partition de Ω car ils vérifient :

- ➔ Ils sont disjoints deux à deux :

$$A \cap B = \emptyset ; A \cap C = \emptyset ; B \cap C = \emptyset$$

- ➔ Leur union est l'univers: $A \cup B \cup C = \Omega$

Proposition: (Formule des probabilités totales)

Soit A, B, C trois évènements formant une partition de l'univers. On considère S un autre évènement :

$$\mathcal{P}(S) = \mathcal{P}(S \cap A) + \mathcal{P}(S \cap B) + \mathcal{P}(S \cap C)$$

Preuve: (admise dans le cas général.)

On remarquera que l'exemple du début de paragraphe justifie qu'avec la partition formée par les évènements P et \bar{P} , on a :

$$\mathcal{P}(P) = \mathcal{P}(G \cap P) + \mathcal{P}(G \cap \bar{P})$$