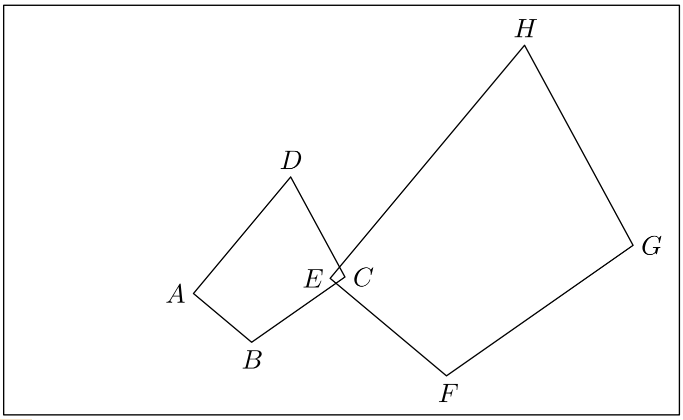
Compiler exercice Compiler correction Plus d'option

Hors programme lycée/Transformations

255. Exercices non-classés :

Exercice 2627

La figure ci-dessous représente deux quadrilatères $ABCD$ et $EFGH$:



1. Effectuer les mesures nécessaires pour compléter le tableau ci-dessous :

	AB	BC	CD	DA
Mesure *(en cm)*				

	EF	FG	GH	HE
Mesure *(en cm)*				

2. a. Tracer les droites (AE), (BF), (CG) et (DH). Que remarquez-vous?

   b. Nommer O le point d'intersection de ces droites.

   c. Compléter les tableaux ci-dessous :

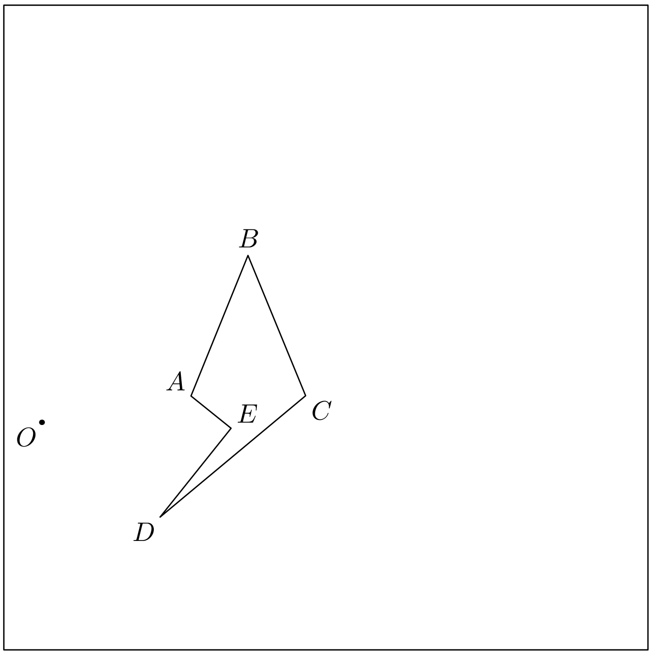
	OA	OB	OC	OD
Mesure *(en cm)*				

	OE	OF	OG	OH
Mesure *(en cm)*				

   d. Que remarquez-vous?

Exercice 2628

On considère le polygone $ABCDE$ ci-dessous et O un point du plan.



1. a. Placer le point A' sur la demi-droite $[OA)$ tel que : $OA' = 2 \cdot OA$

   b. Placer le point B' sur la demi-droite $[OB)$ tel que : $OB' = 2 \cdot OB$

   c. Faire de même avec les points C, D et E.

   d. Tracer le polygone $A'B'C'D'E'$

2. a. Effectuer les mesures suivantes :

	AB	BC	CD	DE	EA
Mesure *(en cm)*					

	$A'B'$	$B'C'$	$C'D'$	$D'E'$	$E'A'$
Mesure *(en cm)*					

   b. Que pouvez-vous dire de ces deux polygones?

3. a. Quelle conjecture pouvez-vous faire sur les droites (AB) et $(A'B')$?

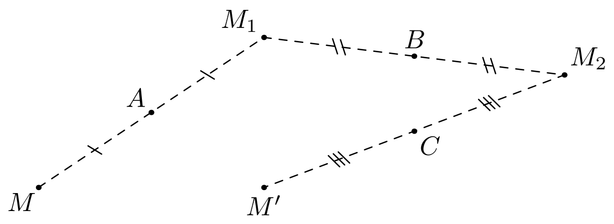
   b. Quel théorème permet de confirmer votre conjecture?

Exercice 2631

Soit A, B, C trois points distincts deux à deux du plan et M un point quelconque du plan.

La figure ci-contre représente l'image M' de M par la transformation $S_C \circ S_B \circ S_A$ où :

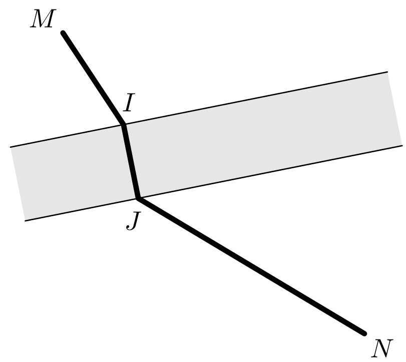
$$S_A(M) = M_1 \quad ; \quad S_B(M_1) = M_2 \quad ; \quad S_C(M_2) = M'$$



Déterminer, s'ils existent, les invariants de la transformation $S_C \circ S_B \circ S_A$.

Exercice 2632

On doit construire une route passant de la ville M à la ville N.
Cette route doit passer au dessus d'une rivière : le pont sera perpendiculaire au lit de la rivière.



Placer le pont *(plus précisément les points I et J)* afin que la longueur de la route soit minimale.

Indication : penser à l'inégalité triangulaire.

Exercice 2633

On considère dans le plan un carré $ABCD$. On note I le milieu de $[AB]$.

1. Simplifier l'écriture de la transformation suivante :

$$t_{\overrightarrow{AB}} \circ t_{\overrightarrow{CA}} \circ t_{\overrightarrow{AC}} \circ t_{\overrightarrow{BC}}$$

2. Etablir la relation suivante :

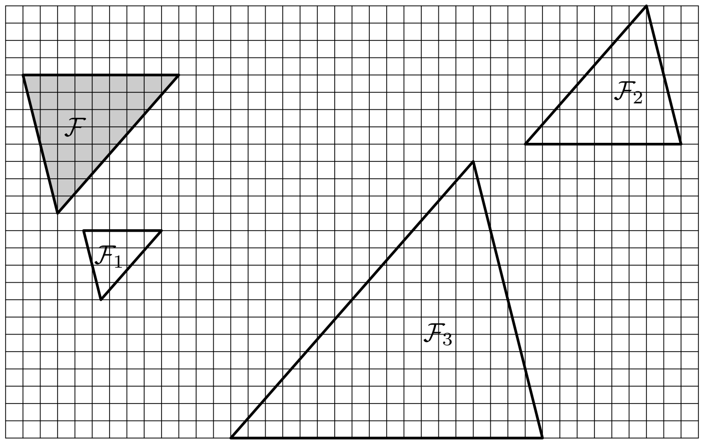
$$t_{\overrightarrow{BC}} \circ S_I \circ S_B = t_{\overrightarrow{BD}}$$

3. Déterminer le point M vérifiant la relation suivante :

$$S_I \circ S_B = S_M \circ S_C$$

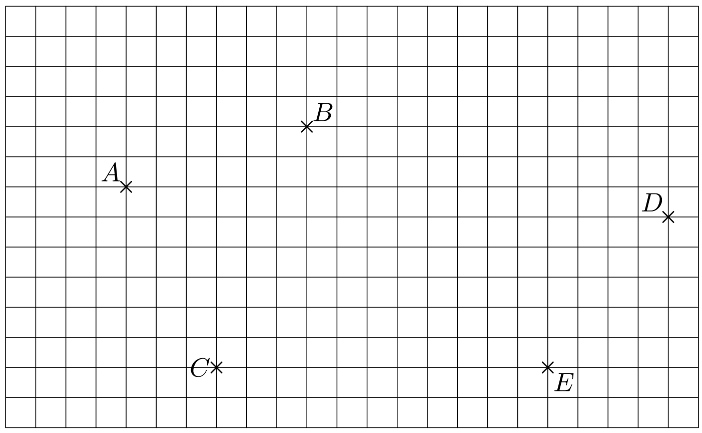
Exercice 2643

La figure $\mathcal{F}$ a subit trois homothéties distinctes ; pour chacune d'entre elles, déterminer son centre et son rapport de l'homothétie :



Exercice 2645

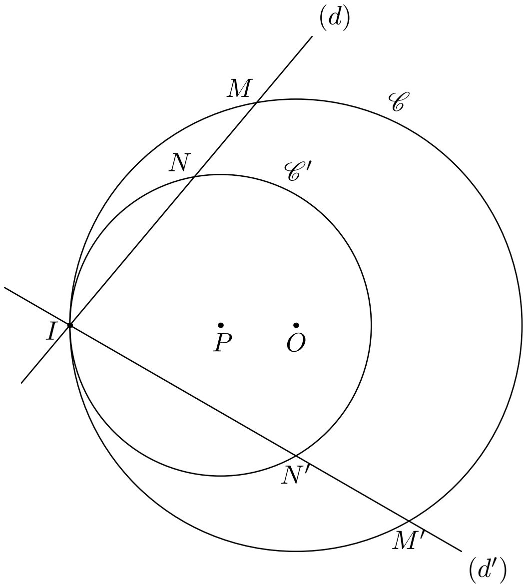
On considère les cinq point du plan représenés ci-dessous :



1. Déterminer le centre et le rapport de l'homothétie transformant A en C et B en D.
2. Déterminer le centre de l'homothétie de rapport $\dfrac{3}{2}$ transformant le point B en le point A.
3. Justifier qu'il n'existe pas d'homothéties transformant B en C et D en E.

Exercice 2646

On considère deux points du plan O et P séparés de $1\,cm$; le cercle $\mathscr{C}$ a pour centre le point O et un rayon de $3\,cm$; le cercle $\mathscr{C}'$ a pour centre P et son rayon est de $2\,cm$.
Soit I le point d'intersection de la droite (OP) avec le cercle $\mathscr{C}$.
La droite (d) passant par I intercepte les cercles $\mathscr{C}$ et $\mathscr{C}'$ respectivement en M et en N. La droite (d') passant par I est sécante au cercle $\mathscr{C}$ en M' et coupe également le cercle $\mathscr{C}'$ en N'.



1. Montrer que le point I appartient également au cercle $\mathscr{C}'$.
   Que pouvez-vous de la position relative des deux cercles $\mathscr{C}$ et $\mathscr{C}'$.

2. Déterminer le centre et le rapport de l'homothétie transformant le cercle $\mathscr{C}$ en le cercle $\mathscr{C}'$.

3. En déduire que les droites (NN') et (MM') sont parallèles.