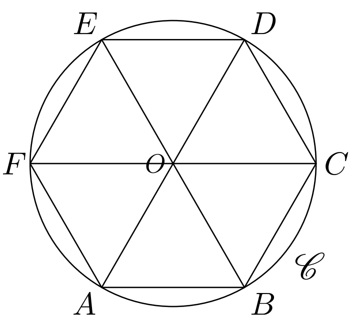
Compiler exercice   Compiler correction   Plus d'option

Hors programme collège/Polygones

1. Généralité :

Exercice 5373

On considère l'hexagone régulier $ABCDEF$ représenté ci-contre inscrit dans le cercle $\mathscr{C}$ de centre O.

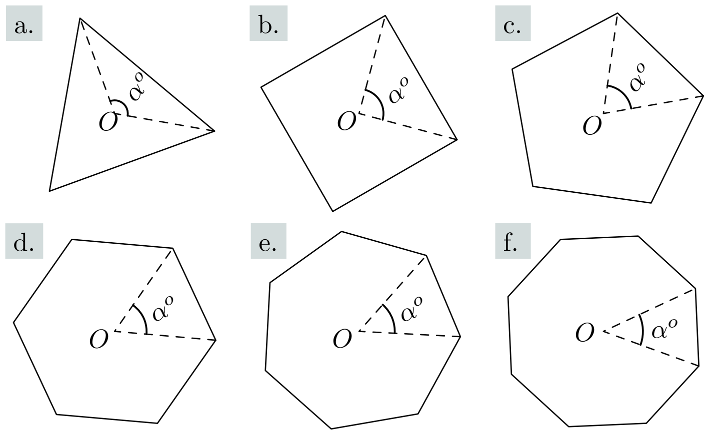


1. a. Donner la mesure de l'angle $\widehat{COD}$.
   b. Quelle est la mesure de l'angle $\widehat{COE}$.
   c. En déduire la mesure de l'angle $\widehat{EAC}$. Justifier.
2. a. Donner, sans justification, la mesure des angles $\widehat{ACE}$ et $\widehat{CEA}$.
   b. Quelle est la nature du triangle ACE?

2. Propriété des polygones réguliers :

Exercice 3957

On considère la figure ci-dessous représentant six polygones réguliers ayant pour centre le point O :



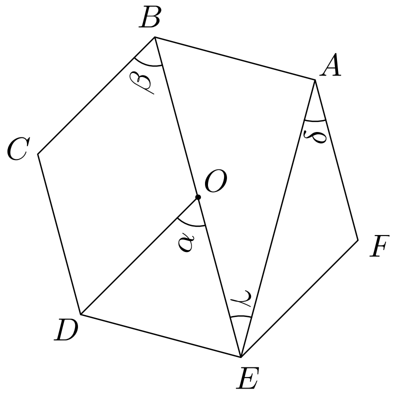
1. Nommer chacun de ces six polygones réguliers.
2. Sur chacun de ces polygones, est représenté un angle ayant pour centre le point O et reliant deux sommets consécutifs du polygone régulier. Dans chacun des cas, déterminer la mesure de l'angle α.

3. Polygones réguliers et angles inscrits :

Exercice 5715

Ci-contre est représentée un hexagone régulier.

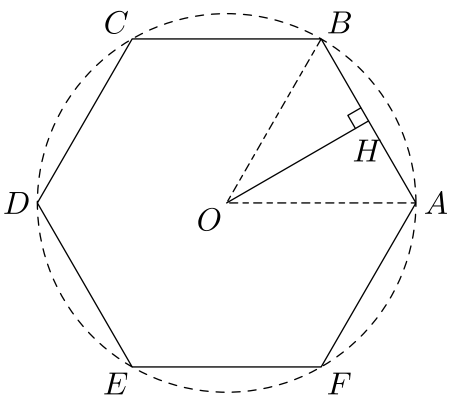
Déterminer la mesure des angles codés sur la figure.



4. Polygones réguliers et trigonométrie :

Exercice 4025

Considérons l'hexagone régulier $ABCDEF$ de centre O représenté ci-dessous :

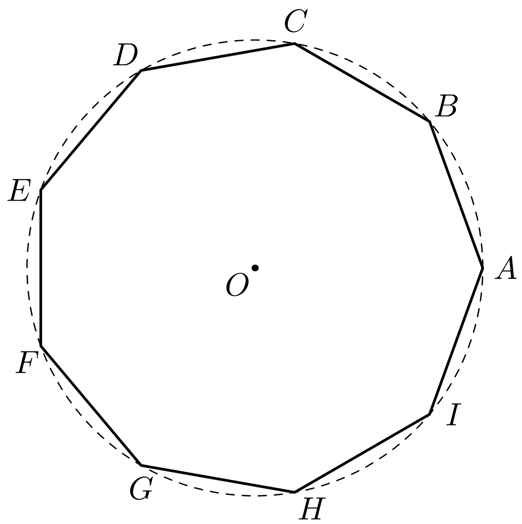


Le rayon du cercle a pour mesure $4\,cm$. Le point H est la hauteur issue du sommet O dans le triangle OAB.

1. a. Déterminer la mesure de l'angle $\widehat{AOB}$. Justifier votre démarche.
   b. En déduire la mesure du segment $[AB]$.
   c. Déterminer la mesure de l'angle $\widehat{AOH}$. Justifier votre démarche.
2. Déterminer le périmètre de l'hexagone $ABCDEF$.
3. On donnera les mesures ci-dessous au centième de centimètres carrés.
   a. Déterminer l'aire du triangle OAB.
   b. En déduire l'aire de cet hexagone.

Exercice 865

$ABCDEFGHI$ est un polygone régulier à 9 côtés *(appelé ennéagone)*, O est son centre et son cercle circonscrit a pour rayon $5\,cm$.



1. Quelle condition doit vérifier un polygone inscrit dans un cercle pour être régulier?
2. a. Quel est la valeur de l'angle $\widehat{AOB}$?
   b. Notons M le milieu du segment $[AB]$. Calculer la longueur AM arrondie au millimètre près.
   c. Donner la mesure du périmètre de l'ennéagone au millimètre près.
3. Expliquer pourquoi le triangle ADG est un triangle équilatéral.

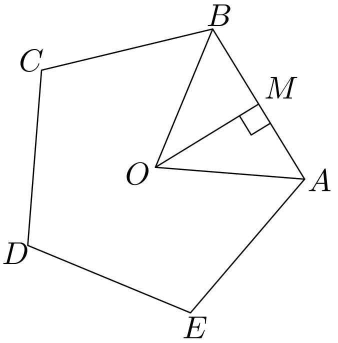
Exercice 864

On considère l'octogone régulier $ABCDDEFGH$. On note O le centre du polygone et $\mathscr{C}$ son cercle circonscrit.
Le rayon du cercle $\mathscr{C}$ est de $4\,cm$.

1. Dans l'octogone $ABCDEFGH$, donne la mesure d'un angle au centre reliant deux de ses sommets consécutifs.
2. Construire en vraie grandeur l'octogone régulier $ABCDEFGH$.
3. a. On note I le milieu du segment. Déterminer la mesure du segment $[IA]$ au millimètre près.
   b. En déduire le périmètre de l'octogone $ABCDEFGH$ au millimètre près.

Exercice 5673

Le Pentagone est un batiment hébergeant le ministère de la défense des Etats-Unis.
Il a la forme d'un pentagone régulier inscrit dans un cercle de rayon $OA = 238\,m$.
Il est représenté par le schéma ci-contre.



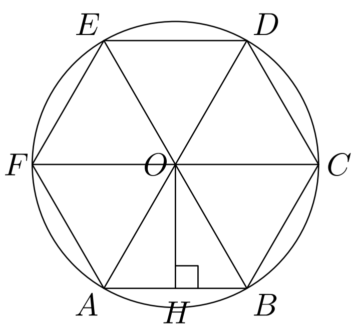
1. Calculer la mesure de l'angle $\widehat{AOB}$.

2. La hauteur issue de O dans le triangle AOB coupe le côté $[AB]$ au point M :
   a. Justifier que (OM) est aussi la bissectrice de $\widehat{AOB}$ et la médiatrice de $[AB]$.
   b. Prouver que $[AM]$ mesure environ $140\,m$.
   c. En déduire une valeur approchée du périmètre du Pentagone.

5. Polygones réguliers, échelle et trigonométrie :

Exercice 5369

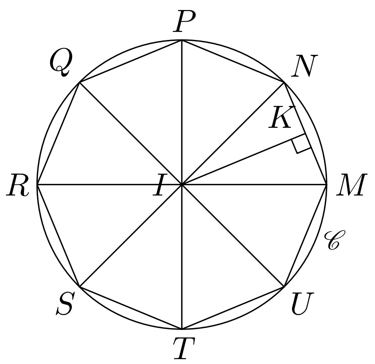
Le schéma ci-contre représente un héxagone régulier $ABCDEF$ de $96\,m$ de périmètre. IL est inscrit dans un cercle de centre O. Le segment $[OH]$ est une hauteur du triangle OBH.



1. Justifier que le triangle OAB est un triangle équilatéral.
2. Calculer la longueur OH, exprimée en m. En donner l'arrondi au centimètre près.
3. Utiliser ce résultat pour calculer l'aire du triangle OBA, exprimée en m^2 et arrondi au $1/10$.
4. En déduidre l'arrondi à l'unité de l'aire d'un hexagone régulier de $96\,m$ de périmètre.

Exercice 5371

On considère l'octogone régulier $MNPQRSTU$ représenté en réduction ci-contre où le segment $[MN]$ mesure $12\,m$ en vraie grandeur.
Le point K représente le pied de la hauteur issue de I



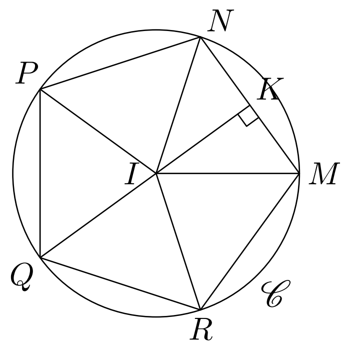
1. Donner la mesure de l'angle $\widehat{MNI}$.
2. On souhaite représenter dans le cadre ci-dessous, le triangle IMN à l'échelle $^1/_{4\,000}$

   a. Donner la mesure du segment représentant le côté $[MN]$.
   b. Effectuer la représentation du triangle IMN dans le cadre en y ajoutant la hauteur $[IK]$

3. En déduire une valeur approchée au mètre près de la hauteur $[IK]$.

Exercice 5372

On considère le pentagone régulier $MNPQR$ inscrit dans le cercle $\mathscr{C}$ de centre I représenté en réduction ci-contre où le segment $[MN]$ mesure $12\,m$ en vraie grandeur.
Le point K représente le pied de la hauteur issue de I



1. Déterminer la mesure de l'angle $\widehat{MNI}$.
2. On souhaite représenter dans le cadre ci-dessous, le triangle IMN à l'échelle $^1/_{4\,000}$

a. Donner la mesure du segment représentant le côté $[MN]$.

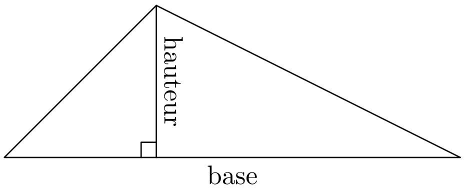
b. Effectuer la représentation du triangle IMN dans le cadre en y ajoutant la hauteur $[IK]$

3. En déduire une valeur approchée au mètre près de la hauteur $[IK]$.

6. *Problème du brevet :*

Exercice 5370

On rappelle que l'aire d'un triangle se calcule par la formule : $\dfrac{\text{base} \times \text{hauteur}}{2}$



Rémy dispose de $96\,m$ de grillage avec lesquels il souhaite construire un enclos pour son poney. Il cherche quelle forme donner à son encls pour que celui-i ait la plus grande surgace possible.

Toutes les parties sont indépendantes

Partie 1

Sa première idée est de réaliser un rectangle avec les $96\,m$ de grillage. Calculer la longueur et la largeur de ce rectangle sachant que :

- la longueur est le double de la largeur ;
- son périmètre est $96\,m$.

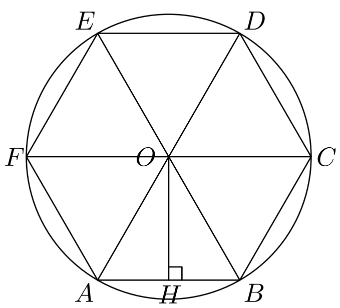
Calculer l'aire de ce rectangle de $96\,m$ de périmètre.

Partie 2

Sa deuxième idée est de réaliser un carré. Calculer l'aire d'un carré de $96\,m$ de périmètre

Partie 3

Sa troisième idée est de réaliser un hexagone régulier.
Le schéma à main levée ci-contre représente un héxagone régulier $ABCDEF$ de $96\,m$ de périmètre. IL est inscrit dans un cercle de centre O et de rayon $16\,m$. Le segment $[OH]$ est une hauteur du triangle équilatéral OBH.



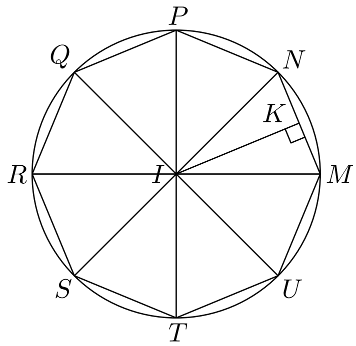
1. Calculer la longueur OH, exprimée en m. En donner l'arrondi au centimètre près.

2. Utiliser ce résultat pour calculer l'aire du triangle OBA, exprimée en m^2 et arrondi au 1/10.

3. En déduidre l'arrondi à l'unité de l'aire d'un hexagone régulier de $96\,m$ de périmètre.

Partie 4

Sa quatrième idée est de réaliser un octogone régulier de $96\,m$ de périmètre.
La figure ci-contre représente le plan réalisé par Rémy.
Cet octogone est inscrit dans un cercle de centre I. Le segment $[IK]$ est une hauteur du triangle isocèle IMN.



1. Vérifier que $MN = 12\,m$ dans la réalité.

2. En prenant pour échelle $1\,cm$ pour $4\,m$, représenter dans le cadre ci-dessous le triangle IMN, puis le point K. Laisser apparents tous les traits de construction.

3. Mesurer sur votre plan la longueur IK.
Combien de mètres cela représente-t-il dans la réalité?

4. En déduire l'aire du triangle MIN, puis, à partir de cette valeur, calculer l'aire d'un octogone régulier de $96\,m$ de périmètre.

Partie 5

Les recherches ont permis à Rémy de remarquer que l'aire d'un polygone régulier de $96\,m$ de périmètre semble augmenter quand on augmente le nombre de ses côtés. Il imagine qu'un enclos circulaire aurait peut-être une surface encore plus grande.

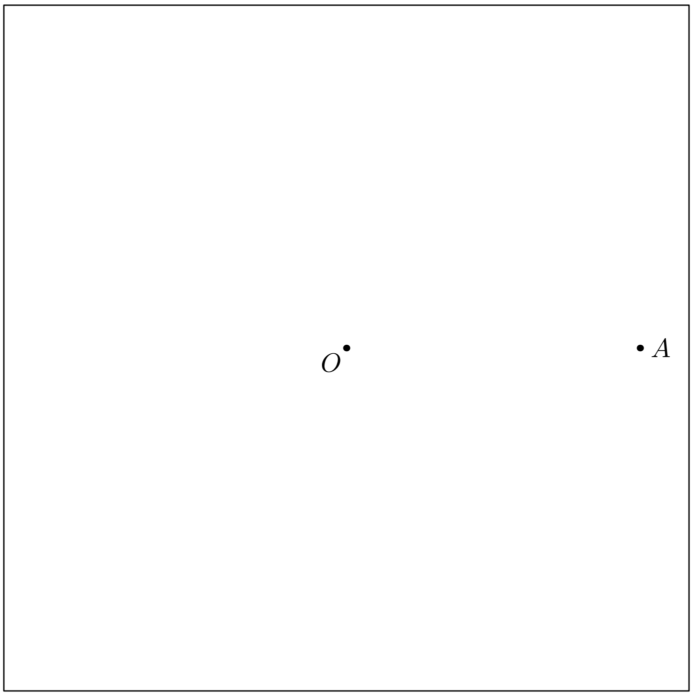
1. Quel rayon faut-il prendre pour avoir un disque de périmètre $96\,m$?

2. En déduire l'aire d'un disque ayant pour périmètre $96\,m$.

7. *Tracé de polygones :*

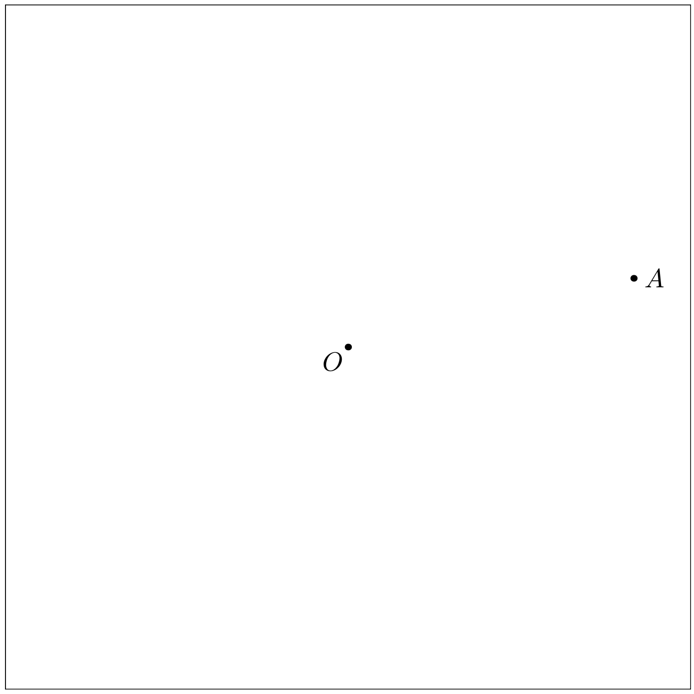
Exercice 3955

Tracer, à l'aide uniquement du compas et de la règle non-graduée, le triangle équilatéral ABC dont le sommet A et le centre O sont représentés ci-dessous :



Exercice 3956

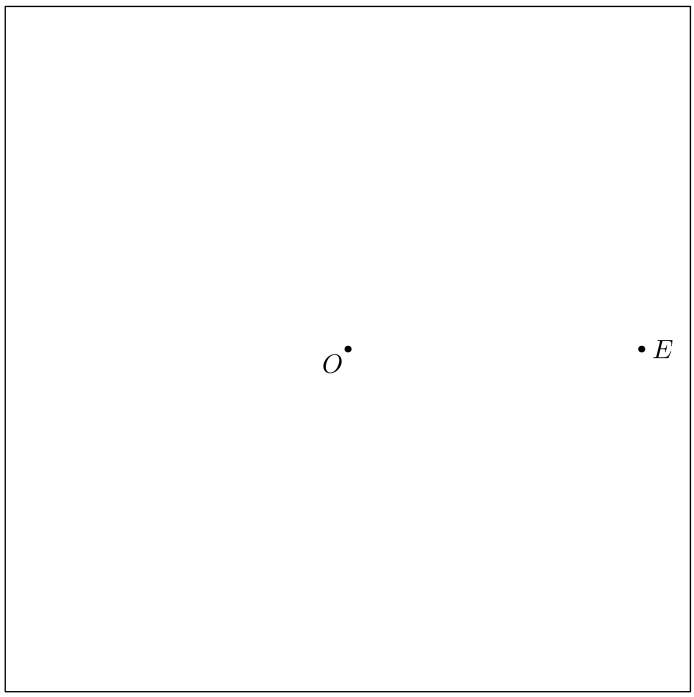
Tracer, à l'aide uniquement du compas et de la règle non-graduée, le carré $ABCD$ dont le centre O et le sommet A sont représentés ci-dessous :



8. Tracé de polygones :

Exercice 3954

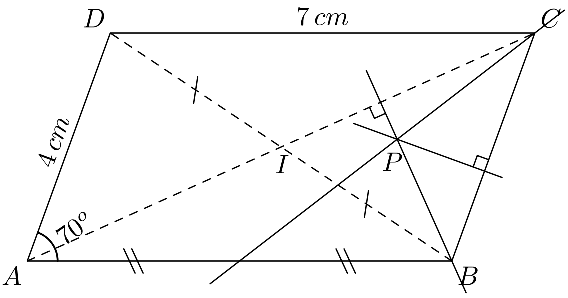
Tracer, à l'aide uniquement du compas et de la règle non-graduée, de l'hexagone régulier $ABCDDEF$ dont le de centre O et de rayon $[OE]$ sont représentés ci-dessous :



9. Médianes et hauteurs :

Exercice 1669

On considère dans le plan la configuration ci-dessous où le quadrilatère $ABDC$ est un parallélogramme.

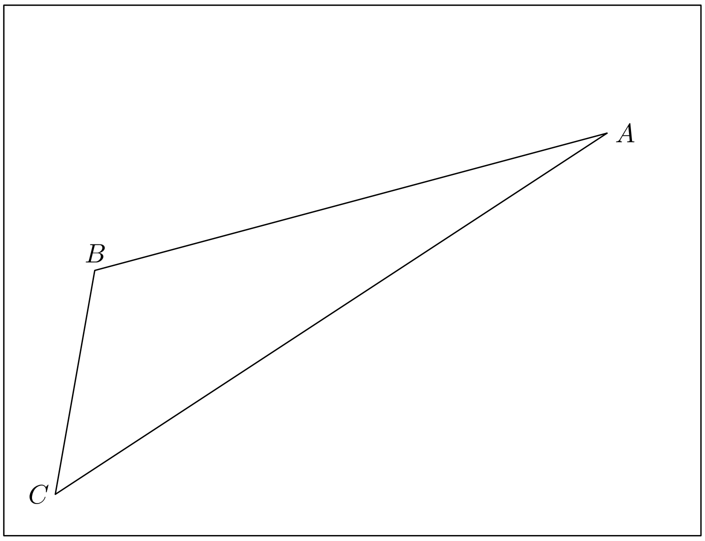


1. Reproduire la figure ci-dessus.

2. Ecrire un programme de tracés de la figure en commençant par :
“*Tracer le parallélogramme $ABCD$ tel que :*
$CD = 7\,cm$; $AD = 4\,cm$; $\widehat{BAD} = 70^o$ ”

Exercice 6679

On considère le triangle ABC ci-dessous :



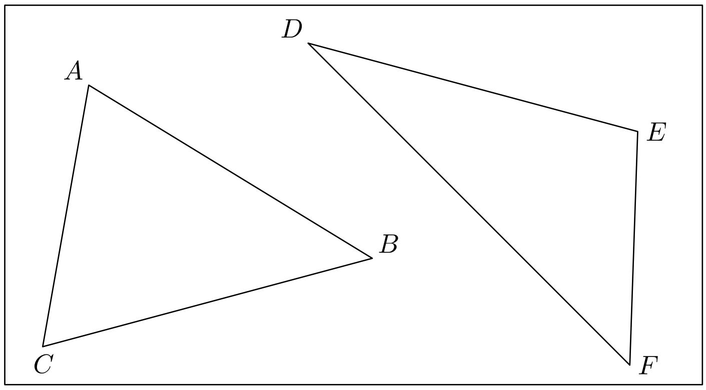
1. A l’aide du compas et de la règle non-graduée, tracer la médiatrice du segment $[AB]$.

2. Tracer la médiane du triangle ABC issue du sommet C.

3. A l’aide de l’équerre, tracer la hauteur du triangle ABC issue du sommet B.

Exercice 6702

On considère les deux triangles ABC et CDE représentés ci-dessous :



1. Dans le triangle ABC, tracer la hauteur issue du sommet B.

2. Dans le triangle DEF, tracer la hauteur issue du sommet D.

10. Chaînons déductifs :

Exercice 1460

Compléter les chaînons déductifs suivant :

1. . . . .

   Si un parallélogramme a deux côtés consécutifs de même longueur Alors c’est un losange.

   $ABCD$ est un losange.

2. $(AB) \perp (CD)$; $[AB]$ et $[CD]$ ont pour milieu le point O.

   Si un quadrilatère a ses diagonales perpendiculaires et se coupant en leurs milieux Alors c’est un losange.

   . . . .

3. $EF = GH$; $[EF]$ et $[GH]$ ont même milieu.

   . . . .

   Le quadrilatère $EGFH$ est un rectangle

Exercice 2102

1. a. Tracer un rectangle $ABCD$.

   b. Tracer la parallèle à la droite (BD) passant par le point C.
   Cette droite intercepte la droite (AD) en F.

2. Quelle est la nature du quadrilatère $BDFC$? Justifier votre affirmation.

3. Justifier chacune des affirmations suivantes :

   a. “*D est le milieu du segment $[AF]$*”

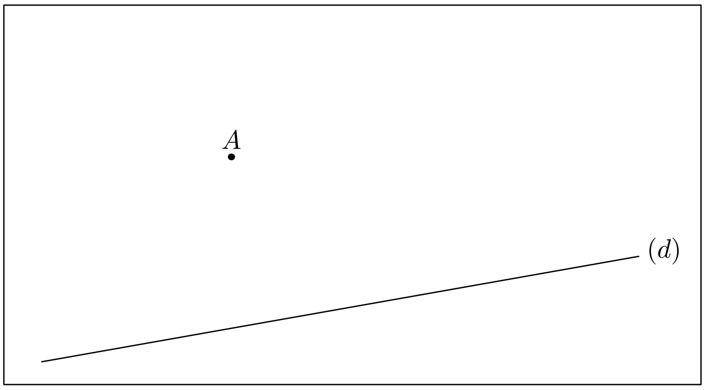
   b. “*(DC) est la médiatrice du segment $[AF]$*”

   c. “*Le triangle ACF est isocèle en A*”

11. Tracés de parallèles au compas :

Exercice 1458

A l'aide de votre compas, tracer la parallèle à la droite (d) passant par le point A.

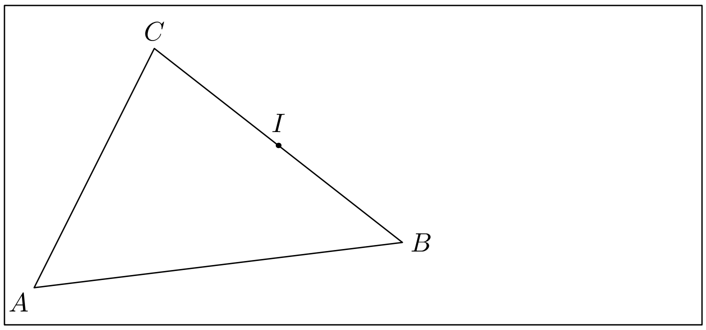


On laissera les traits de constructions visibles

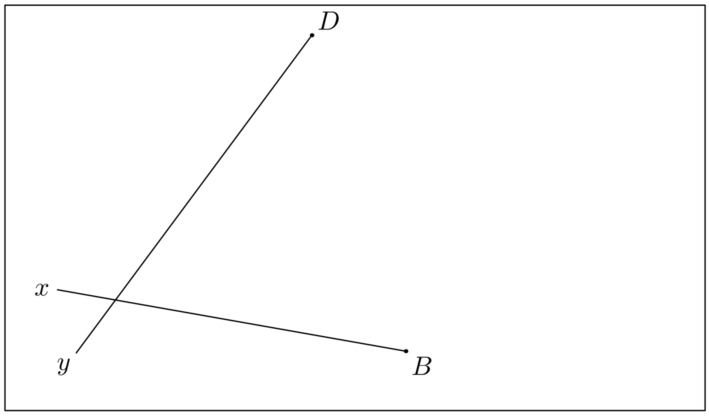
Exercice 2101

L'ensemble des traits de constructions doivent être effectués exclusivement au compas et à la règle non graduée et doivent être conservés

1. Soit ABC un triangle et I le milieu de $[BC]$.
Tracer dans la figure ci-dessous la droite (d) parallèle à (AB) passant par le point I.



2. Soit $[Dy)$ et $[Bx)$ deux demi-droites s'interceptant en A. Compléter la figure ci-dessous afin d'obtenir le parallélogramme $ABCD$.



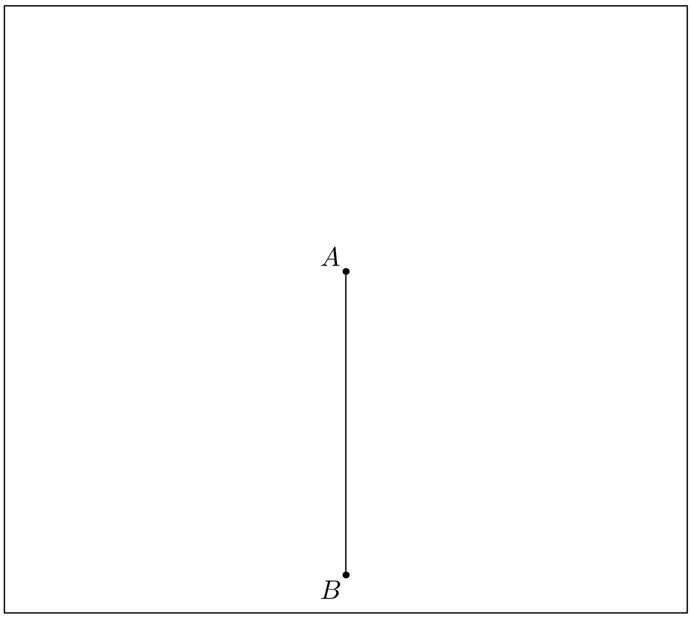
255. Exercices non-classés :

Exercice 6287

Les éoliennes sont construites de manière à avoir la même mesure d'angle entre chacune de leurs pales.

1. Une éolienne a trois pales. Quelle est la mesure de l'angle entre deux de ses pales?

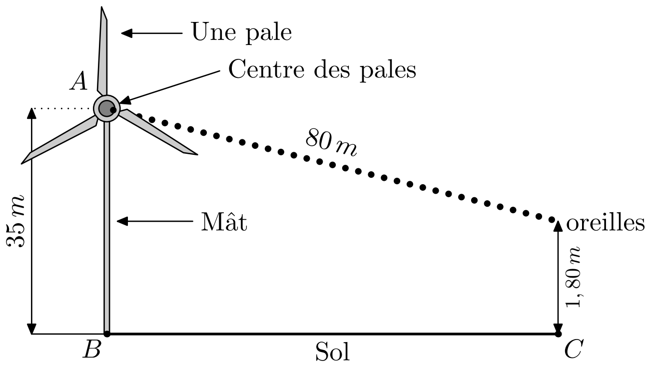
2. Pour réduire le bruit provoqué par les éoliennes, il faut augmenter le nombre de pales.
On a représenté ci-dessous le mât d'une éolienne à six pales par le segment $[AB]$. En prenant le point A pour centre des pales, compléter la construction avec des pales de $5\,cm$.



3. On estime qu'à $80\,m$ du centre des pales d'une éolienne le niveau sonore est juste suffisant pour que l'on puisse entendre le bruit qu'elle produit.

Un randonneur dont les oreilles sont à $1{,}80\,m$ du sol se déplace vers une éolienne dont le mât mesure $35\,m$ de haut. Il s'arrête dès qu'il entend le bruit qu'elle produit *(voir le schéma ci-dessous)*.

A quelle distance du mât de l'éolienne *(distane BC)* se trouve-t-il? Arrondir le résultat à l'unité.



La figure n'est pas à l'échelle

