

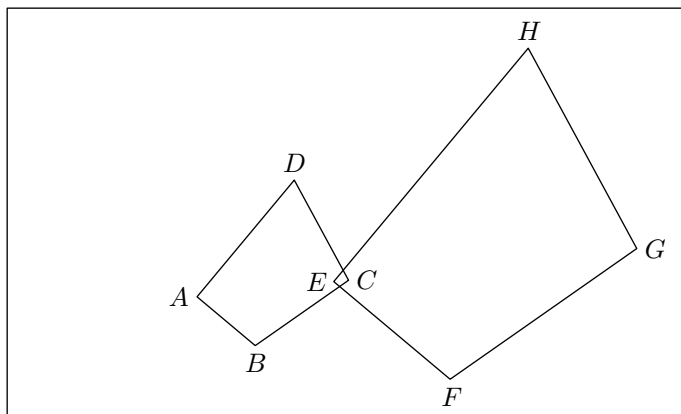
Hors programme lycée/Transformations

1. Isométrie :

Exercice 2627



La figure ci-dessous représente deux quadrilatères $ABCD$ et $EFGH$:



1. Effectuer les mesures nécessaires pour compléter le tableau ci-dessous :

	AB	BC	CD	DA
Mesure (en cm)				

	EF	FG	GH	HE
Mesure (en cm)				

2. a. Tracer les droites (AE) , (BF) , (CG) et (DH) .
Que remarquez-vous?
b. Nommer O le point d'intersection de ces droites.
c. Compléter les tableaux ci-dessous :

	OA	OB	OC	OD
Mesure (en cm)				

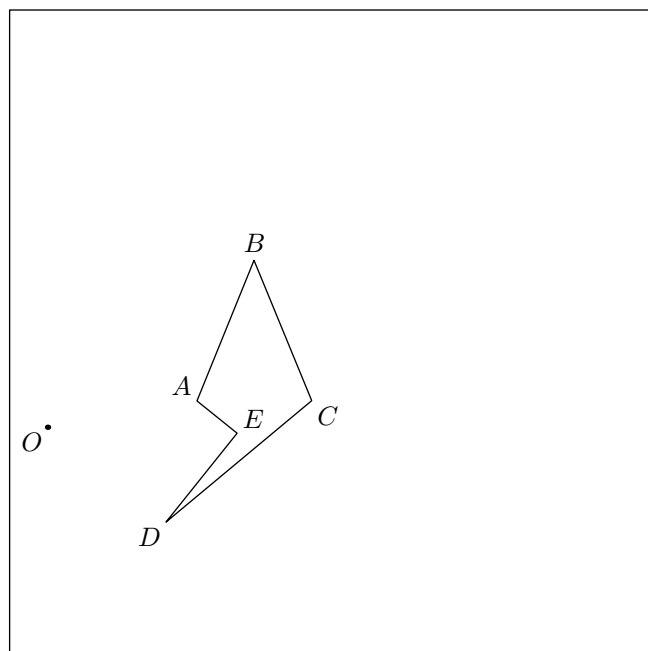
	OE	OF	OG	OH
Mesure (en cm)				

- d. Que remarquez-vous?

Exercice 2628



On considère le polygone $ABCDE$ ci-dessous et O un point du plan.



1. a. Placer le point A' sur la demi-droite $[OA)$ tel que :
 $OA' = 2 \cdot OA$
b. Placer le point B' sur la demi-droite $[OB)$ tel que :
 $OB' = 2 \cdot OB$
c. Faire de même avec les points C , D et E .
d. Tracer le polygone $A'B'C'D'E'$

2. a. Effectuer les mesures suivantes :

	AB	BC	CD	DE	EA
Mesure (en cm)					

	$A'B'$	$B'C'$	$C'D'$	$D'E'$	$E'A'$
Mesure (en cm)					

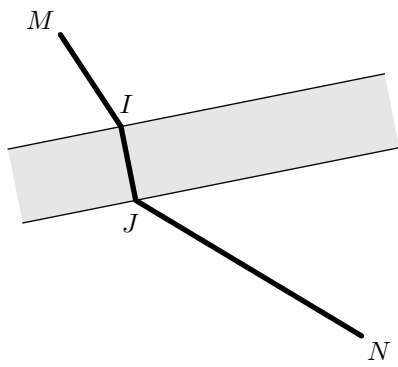
- b. Que pouvez-vous dire de ces deux polygones?
3. a. Quelle conjecture pouvez-vous faire sur les droites (AB) et $(A'B')$?
b. Quel théorème permet de confirmer votre conjecture?

Exercice 2632



On doit construire une route passant de la ville M à la ville N .

Cette route doit passer au dessus d'une rivière: le pont sera perpendiculaire au lit de la rivière.



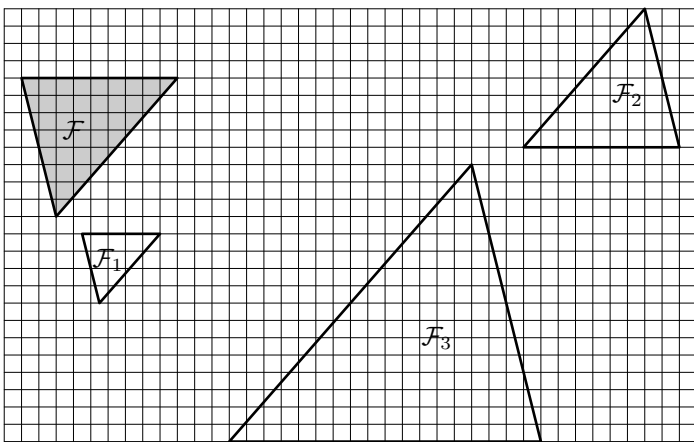
Placer le pont (*plus précisément les points I et J*) afin que la longueur de la route soit minimale.

Indication : penser à l'inégalité triangulaire.

Exercice 2643



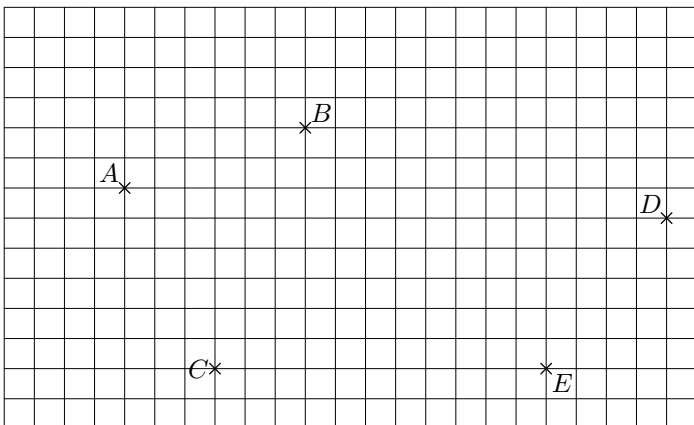
La figure \mathcal{F} a subi trois homothéties distinctes; pour chacune d'entre elles, déterminer son centre et son rapport de l'homothétie:



Exercice 2645



On considère les cinq points du plan représentés ci-dessous :



- Déterminer le centre et le rapport de l'homothétie transformant A en C et B en D .
- Déterminer le centre de l'homothétie de rapport $\frac{3}{2}$ transformant le point B en le point A .
- Justifier qu'il n'existe pas d'homothéties transformant B en C et D en E .

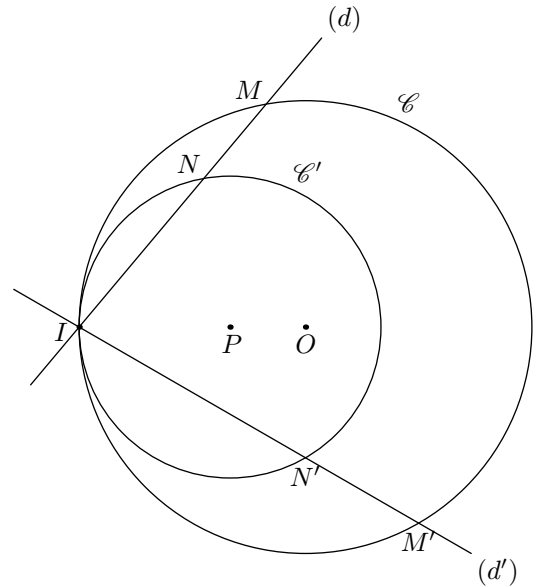
Exercice 2646



On considère deux points du plan O et P séparés de 1 cm ; le cercle \mathcal{C} a pour centre le point O et un rayon de 3 cm ; le cercle \mathcal{C}' a pour centre P et son rayon est de 2 cm . Soit I le point d'intersection de la droite (OP) avec le cercle

\mathcal{C} .

La droite (d) passant par I intercepte les cercles \mathcal{C} et \mathcal{C}' respectivement en M et en N . La droite (d') passant par I est sécante au cercle \mathcal{C} en M' et coupe également le cercle \mathcal{C}' en N' .



- Montrer que le point I appartient également au cercle \mathcal{C}' .
Que pouvez-vous de la position relative des deux cercles \mathcal{C} et \mathcal{C}' .
- Déterminer le centre et le rapport de l'homothétie transformant le cercle \mathcal{C} en le cercle \mathcal{C}' .
- En déduire que les droites (NN') et (MM') sont parallèles.

Exercice 572



Soit A et B deux points du plan et M un point du plan n'appartenant pas à (AB) .

Placer le point C tel que H soit l'orthocentre du triangle ABC .

Exercice 573



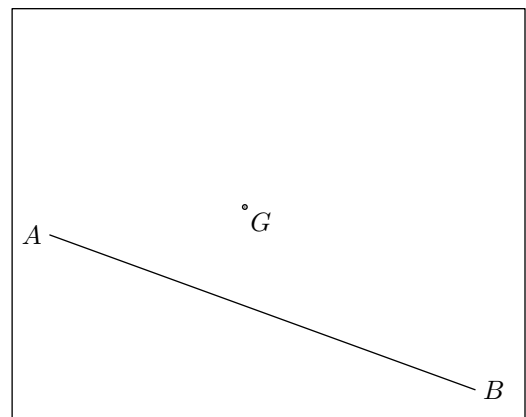
Soit \mathcal{C} un cercle de centre O et A un point du cercle. On considère le point M parcourant le cercle \mathcal{C} et I le milieu du segment $[OM]$

Que décrit le point I lorsque le point M décrit le cercle \mathcal{C} ?

Exercice 574



Construire, dans la figure ci-dessous, le point C tel que ABC ait pour centre du cercle inscrit (le point d'intersection des bissectrices) le point G .

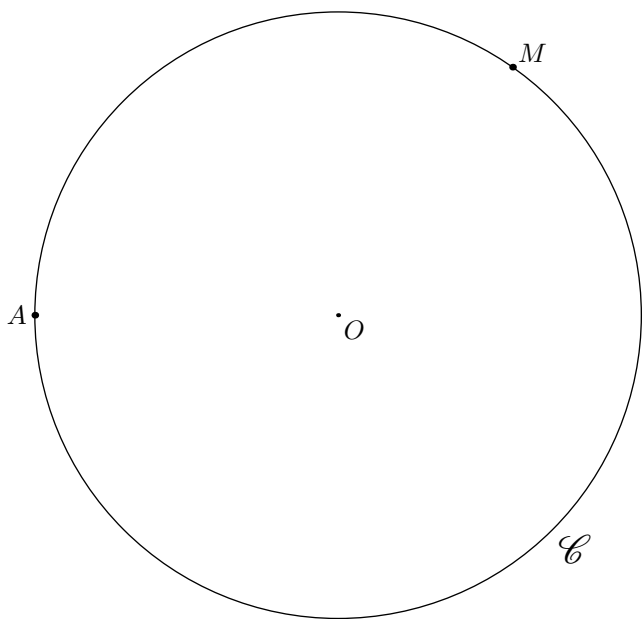


Exercice 1839



On considère un cercle \mathcal{C} , un point $A \in \mathcal{C}$ et un point M qui décrit le cercle: c'est à dire que la position de M est variable et il parcourera le cercle \mathcal{C} .

On considère le point I milieu de $[AM]$.



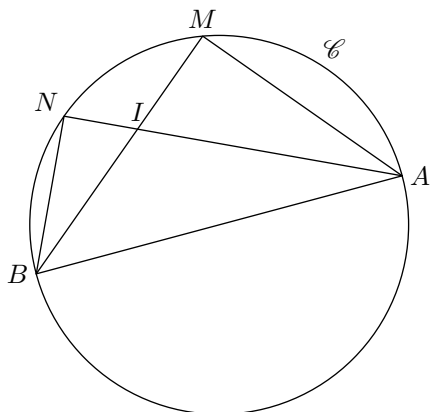
1. Placer le point I sur la figure ci-dessus.
2.
 - a. Placer le point M diamétralement opposé au point A . Où se trouve alors le point I .
 - b. Si le point M se trouve en A , où se trouve le point I .
 - c. Placer le point M à quatre autres endroits possibles et construire à chaque fois le point I associé
3. Lorsque le point M décrit l'intégralité du cercle \mathcal{C} quel ensemble décrit le point I .

Exercice 1852



On considère un cercle \mathcal{C} de diamètre $[AB]$. Soit M et N deux points de \mathcal{C} distinct de A et B .

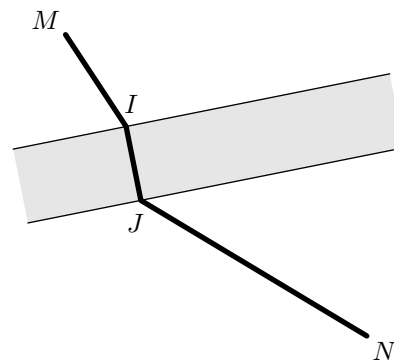
1. Placer sur la figure ci-dessus le point J intersection des droites (NB) et (MA) .
2. Montrer que la droite (IJ) est perpendiculaire à (BA) .



Exercice 1854



On doit construire une route passant de la ville M à la ville N . Cette route doit passer au dessus d'une rivière: le pont sera perpendiculaire au lit de la rivière.



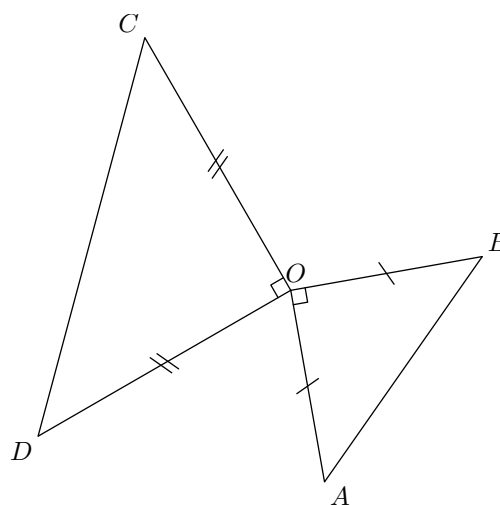
Placer le pont (*plus précisément les points I et J*) afin que la longueur de la route soit minimale.

Indication: on pensera à l'inégalité triangulaire.

Exercice 1869



On considère les deux triangles OCD et OAB rectangles isocèles en O

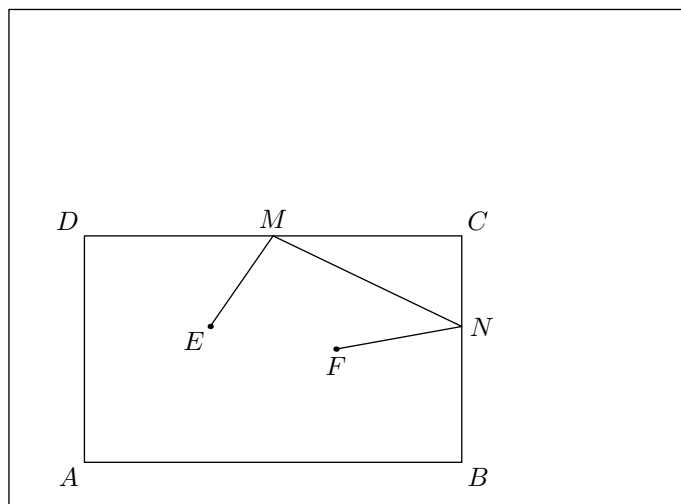


A l'aide d'une rotation, dont on indiquera ses caractéristiques, montrer que les segments $[CA]$ et $[DB]$ ont même longueur.

Exercice 1870



On considère un rectangle $ABCD$, M un point de $[DC]$ et N un point de $[BC]$.



Déterminer, sur la figure ci-dessus, le positionnement des points M et N de sorte que le chemin passant par les points E, M, N et F soient le plus courts possible.

(aucune justification n'est demandée).

2. Composée d'isométrie :

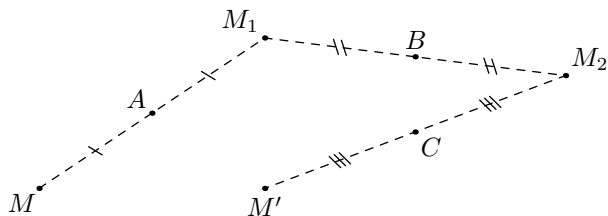
Exercice 2631



Soit A, B, C trois points distincts deux à deux du plan et M un point quelconque du plan.

La figure ci-contre représente l'image M' de M par la transformation $S_C \circ S_B \circ S_A$ où :

$$S_A(M) = M_1 \quad ; \quad S_B(M_1) = M_2 \quad ; \quad S_C(M_2) = M'$$



Déterminer, s'ils existent, les invariants de la transformation $S_C \circ S_B \circ S_A$.

Exercice 2633



On considère dans le plan un carré $ABCD$. On note I le milieu de $[AB]$.

1. Simplifier l'écriture de la transformation suivante :

$$t_{AB} \rightarrow \circ t_{CA} \rightarrow \circ t_{AC} \rightarrow \circ t_{BC} \rightarrow$$

2. Etablir la relation suivante :

$$t_{BC} \rightarrow \circ S_I \circ S_B = t_{BD} \rightarrow$$

3. Déterminer le point M vérifiant la relation suivante :

$$S_I \circ S_B = S_M \circ S_C$$