

Hors programme collège/Polygones

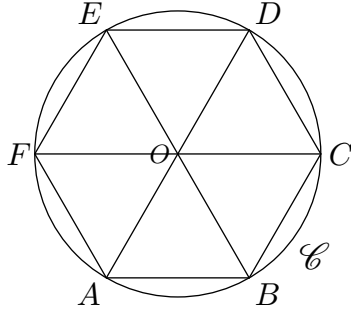
1. Généralité :

(+1 exercice pour les enseignants)

Exercice 5373



On considère l'hexagone régulier $ABCDEF$ représenté ci-contre inscrit dans le cercle \mathcal{C} de centre O .



1. a. Donner la mesure de l'angle \widehat{COD} .
- b. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{COE} .

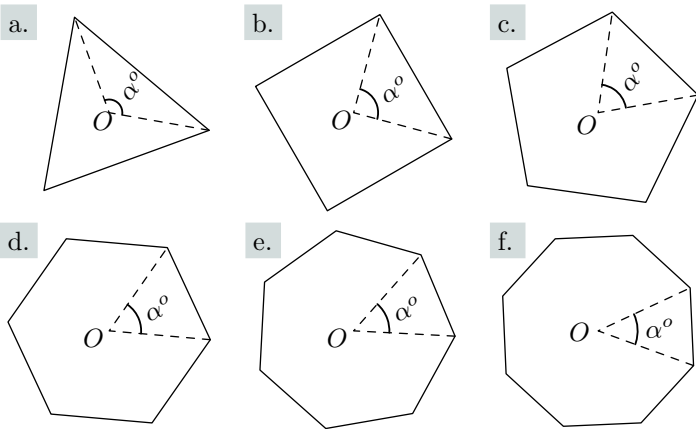
- c. En déduire la mesure de l'angle \widehat{EAC} . Justifier.
2. a. Donner, sans justification, la mesure des angles \widehat{ACE} et \widehat{CEA} .
 - b. Quelle est la nature du triangle ACE ?

2. Propriété des polygones réguliers :

Exercice 3957



On considère la figure ci-dessous représentant six polygones réguliers ayant pour centre le point O :



1. Nommer chacun de ces six polygones réguliers.
2. Sur chacun de ces polygones, est représenté un angle ayant pour centre le point O et reliant deux sommets consécutifs du polygone régulier. Dans chacun des cas, déterminer la mesure de l'angle α .

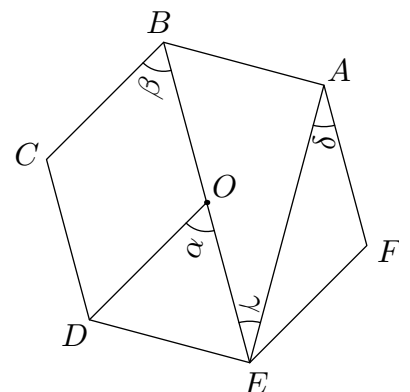
3. Polygones réguliers et angles inscrits :

Exercice 5715



Ci-contre est représentée un hexagone régulier.

Déterminer la mesure des angles codés sur la figure.

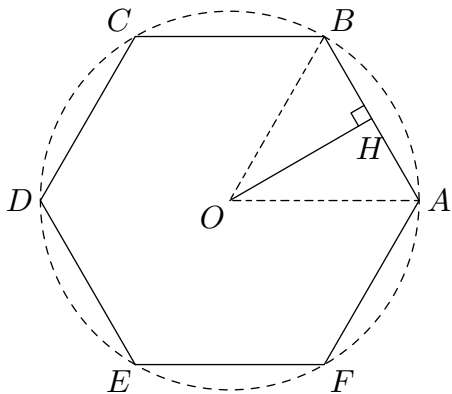


4. Polygones réguliers et trigonométrie :

Exercice 4025



Considérons l'hexagone régulier $ABCDEF$ de centre O représenté ci-dessous :



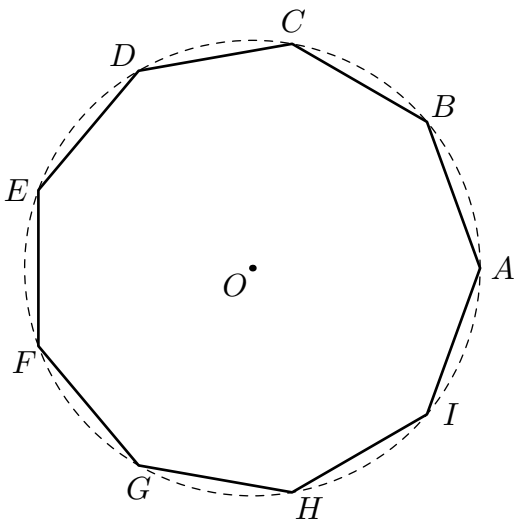
Le rayon du cercle a pour mesure 4 cm . Le point H est la hauteur issue du sommet O dans le triangle OAB .

- Déterminer la mesure de l'angle \widehat{AOB} . Justifier votre démarche.
 - En déduire la mesure du segment $[AB]$.
 - Déterminer la mesure de l'angle \widehat{AOH} . Justifier votre démarche.
- Déterminer le périmètre de l'hexagone $ABCDEF$.
- On donnera les mesures ci-dessous au centième de centimètres carrés.
 - Déterminer l'aire du triangle OAB .
 - En déduire l'aire de cet hexagone.

Exercice 865



$ABCDEFGHI$ est un polygone régulier à 9 côtés (*appelé ennéagone*), O est son centre et son cercle circonscrit a pour rayon 5 cm .



- Quelle condition doit vérifier un polygone inscrit dans un cercle pour être régulier?
- Quel est la valeur de l'angle \widehat{AOB} ?
 - Notons M le milieu du segment $[AB]$. Calculer la longueur AM arrondie au millimètre près.
 - Donner la mesure du périmètre de l'ennéagone au millimètre près.
- Expliquer pourquoi le triangle ADG est un triangle équilatéral.

Exercice 864



On considère l'octogone régulier $ABCDDEFGH$. On note O le centre du polygone et \mathcal{C} son cercle circonscrit. Le rayon du cercle \mathcal{C} est de 4 cm .

- Dans l'octogone $ABCDDEFGH$, donne la mesure d'un angle au centre reliant deux de ses sommets consécutifs.
- Construire en vraie grandeur l'octogone régulier $ABCDDEFGH$.
- On note I le milieu du segment. Déterminer la mesure du segment $[IA]$ au millimètre près.
 - En déduire le périmètre de l'octogone $ABCDDEFGH$ au millimètre près.

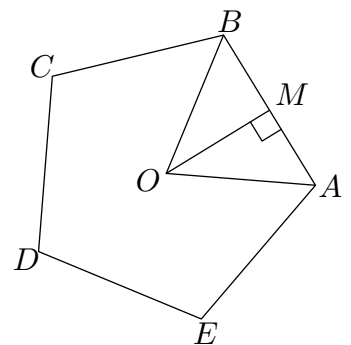
Exercice 5673



Le Pentagone est un bâtiment hébergeant le ministère de la défense des Etats-Unis.

Il a la forme d'un pentagone régulier inscrit dans un cercle de rayon $OA = 238\text{ m}$.

Il est représenté par le schéma ci-contre.



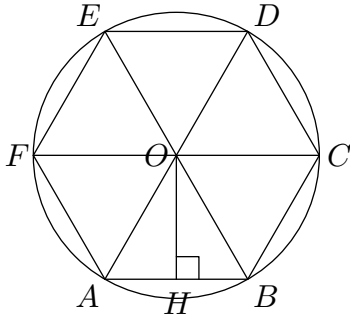
- Calculer la mesure de l'angle \widehat{AOB} .
- La hauteur issue de O dans le triangle AOB coupe le côté $[AB]$ au point M :
 - Justifier que (OM) est aussi la bissectrice de \widehat{AOB} et la médiatrice de $[AB]$.
 - Prouver que $[AM]$ mesure environ 140 m .
 - En déduire une valeur approchée du périmètre du Pentagone.

5. Polygones réguliers, échelle et trigonométrie :

Exercice 5369



Le schéma ci-contre représente un hexagone régulier $ABCDEF$ de 96 m de périmètre. Il est inscrit dans un cercle de centre O . Le segment $[OH]$ est une hauteur du triangle OBH .

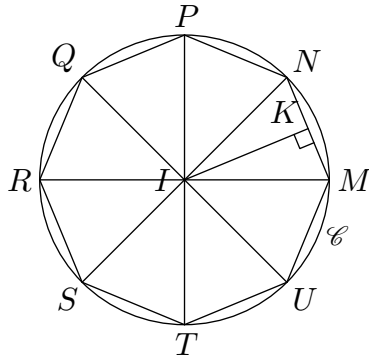


1. Justifier que le triangle OAB est un triangle équilatéral.
2. Calculer la longueur OH , exprimée en m . En donner l'arrondi au centimètre près.
3. Utiliser ce résultat pour calculer l'aire du triangle OBA , exprimée en m^2 et arrondi au $1/10$.
4. En déduire l'arrondi à l'unité de l'aire d'un hexagone régulier de 96 m de périmètre.

Exercice 5371

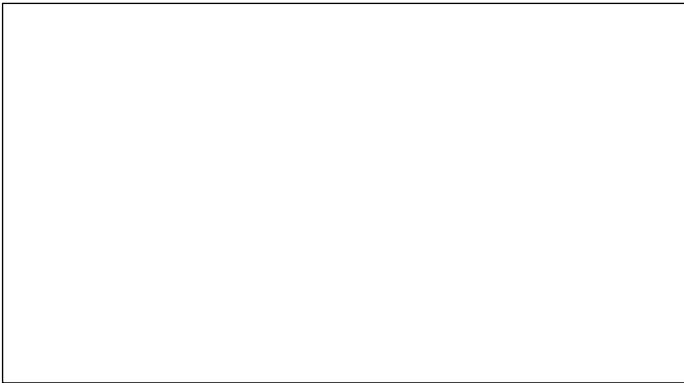


On considère l'octogone régulier $MNPQRSTU$ représenté en réduction ci-contre où le segment $[MN]$ mesure 12 m en vraie grandeur.



Le point K représente le pied de la hauteur issue de I

1. Donner la mesure de l'angle \widehat{MNI} .
2. On souhaite représenter dans le cadre ci-dessous, le triangle IMN à l'échelle $\frac{1}{4000}$



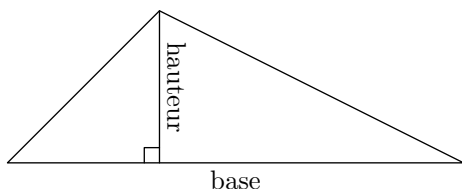
6. Problème du brevet :

Exercice 5370



On rappelle que l'aire d'un triangle se calcule par la formule:

$$\frac{\text{base} \times \text{hauteur}}{2}$$



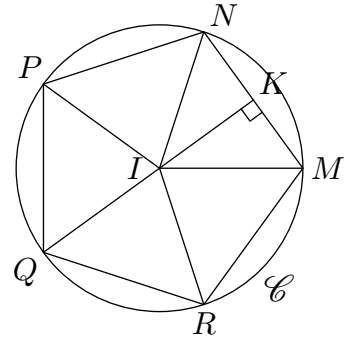
Rémy dispose de 96 m de grillage avec lesquels il souhaite

- a. Donner la mesure du segment représentant le côté $[MN]$.
 - b. Effectuer la représentation du triangle IMN dans le cadre en y ajoutant la hauteur $[IK]$
3. En déduire une valeur approchée au mètre près de la hauteur $[IK]$.

Exercice 5372

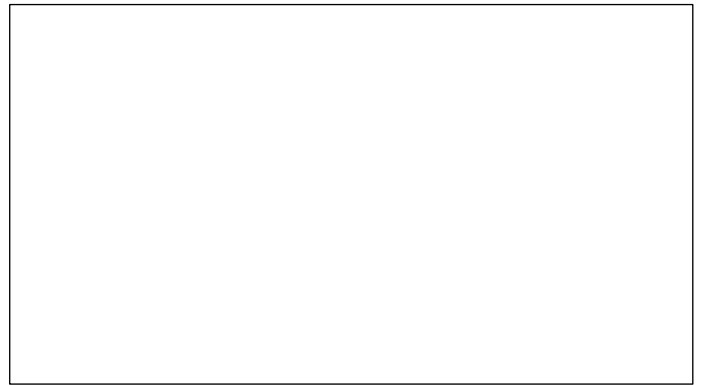


On considère le pentagone régulier $MNPQR$ inscrit dans le cercle \mathcal{C} de centre I représenté en réduction ci-contre où le segment $[MN]$ mesure 12 m en vraie grandeur.



Le point K représente le pied de la hauteur issue de I

1. Déterminer la mesure de l'angle \widehat{MNI} .
2. On souhaite représenter dans le cadre ci-dessous, le triangle IMN à l'échelle $\frac{1}{4000}$



- a. Donner la mesure du segment représentant le côté $[MN]$.
 - b. Effectuer la représentation du triangle IMN dans le cadre en y ajoutant la hauteur $[IK]$
3. En déduire une valeur approchée au mètre près de la hauteur $[IK]$.

construire un enclos pour son poney. Il cherche quelle forme donner à son enclos pour que celui-ci ait la plus grande surface possible.

Toutes les parties sont indépendantes

Partie 1

Sa première idée est de réaliser un rectangle avec les 96 m de grillage. Calculer la longueur et la largeur de ce rectangle sachant que:

- la longueur est le double de la largeur ;
- son périmètre est $96 m$.

Calculer l'aire de ce rectangle de $96 m$ de périmètre.

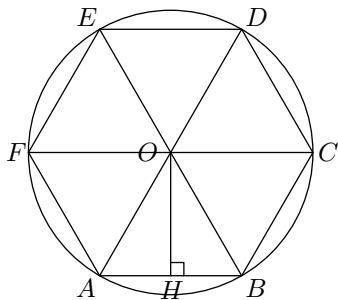
Partie 2

Sa deuxième idée est de réaliser un carré. Calculer l'aire d'un carré de $96 m$ de périmètre

Partie 3

Sa troisième idée est de réaliser un hexagone régulier.

Le schéma à main levée ci-contre représente un hexagone régulier $ABCDEF$ de $96 m$ de périmètre. IL est inscrit dans un cercle de centre O et de rayon $16 m$. Le segment $[OH]$ est une hauteur du triangle équilatéral OBA .



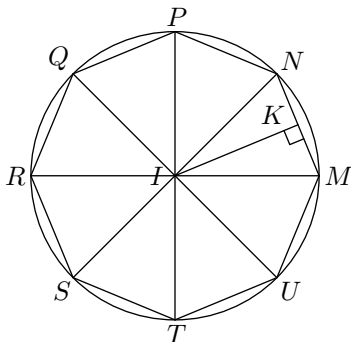
1. Calculer la longueur OH , exprimée en m . En donner l'arrondi au centimètre près.
2. Utiliser ce résultat pour calculer l'aire du triangle OBA , exprimée en m^2 et arrondi au $1/10$.
3. En déduire l'arrondi à l'unité de l'aire d'un hexagone régulier de $96 m$ de périmètre.

Partie 4

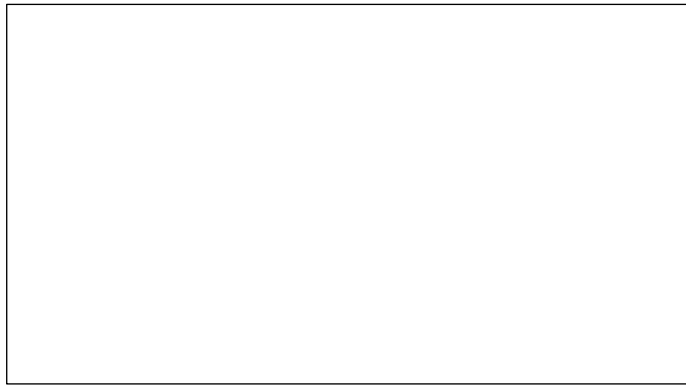
Sa quatrième idée est de réaliser un octogone régulier de $96 m$ de périmètre.

La figure ci-contre représente le plan réalisé par Rémy.

Cet octogone est inscrit dans un cercle de centre I . Le segment $[IK]$ est une hauteur du triangle isocèle IMN .



1. Vérifier que $MN = 12 m$ dans la réalité.
2. En prenant pour échelle $1 cm$ pour $4 m$, représenter dans le cadre ci-dessous le triangle IMN , puis le point K . Laisser apparents tous les traits de construction.



3. Mesurer sur votre plan la longueur IK . Combien de mètres cela représente-t-il dans la réalité?
4. En déduire l'aire du triangle MIN , puis, à partir de cette valeur, calculer l'aire d'un octogone régulier de $96 m$ de périmètre.

Partie 5

Les recherches ont permis à Rémy de remarquer que l'aire d'un polygone régulier de $96 m$ de périmètre semble augmenter quand on augmente le nombre de ses côtés. Il imagine qu'un enclos circulaire aurait peut-être une surface encore plus grande.

1. Quel rayon faut-il prendre pour avoir un disque de périmètre $96 m$?
2. En déduire l'aire d'un disque ayant pour périmètre $96 m$.

7. Tracé de polygones :

Exercice 3955



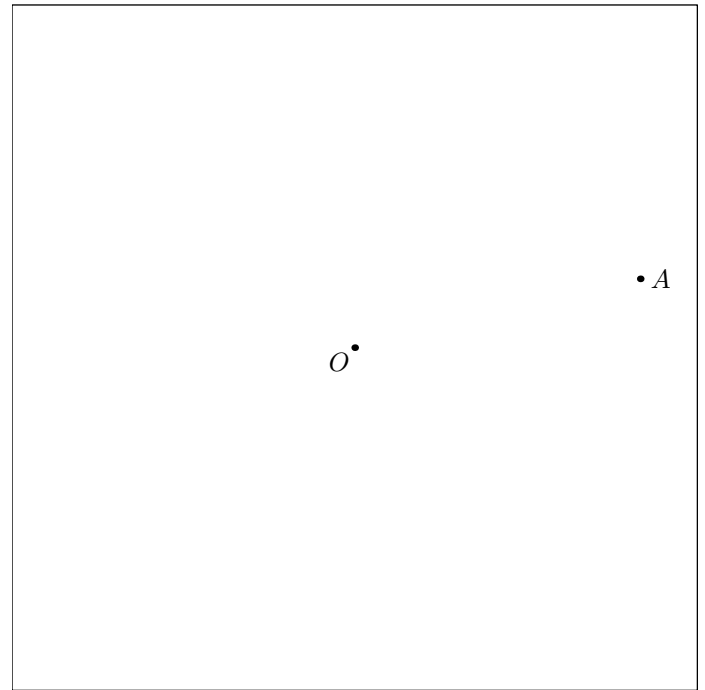
Tracer, à l'aide uniquement du compas et de la règle non-graduée, le triangle équilatéral ABC dont le sommet A et le centre O sont représentés ci-dessous :

O

A

Exercice 3956

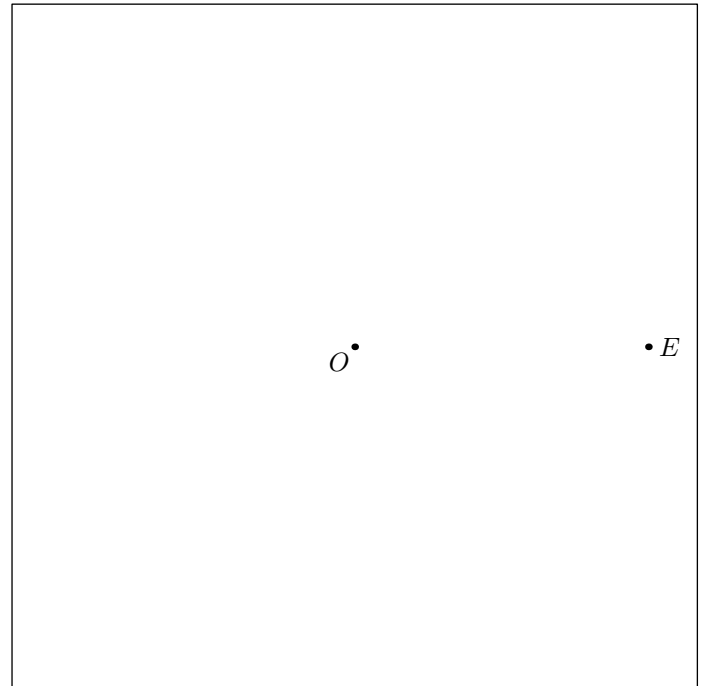
Tracer, à l'aide uniquement du compas et de la règle non-graduée, le carré $ABCD$ dont le centre O et le sommet A sont représentés ci-dessous :



8. Tracé de polygones :

Exercice 3954

Tracer, à l'aide uniquement du compas et de la règle non-graduée, de l'hexagone régulier $ABCDEF$ dont le de centre O et de rayon $[OE]$ sont représentés ci-dessous :



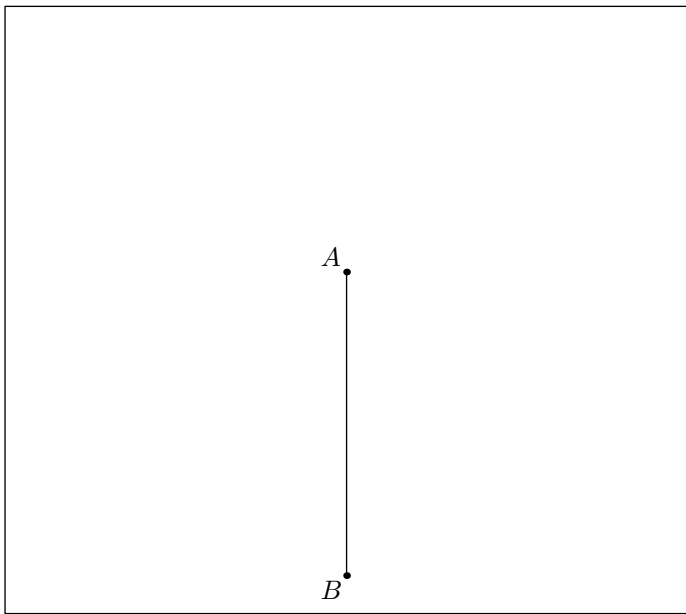
255. Exercices non-classés :

Exercice 6287

Les éoliennes sont construites de manière à avoir la même mesure d'angle entre chacune de leurs pales.

1. Une éolienne a trois pales. Quelle est la mesure de l'angle entre deux de ses pales?
2. Pour réduire le bruit provoqué par les éoliennes, il faut augmenter le nombre de pales.

On a représenté ci-dessous le mât d'une éolienne à six pales par le segment $[AB]$. En prenant le point A pour centre des pales, compléter la construction avec des pales de 5 cm .

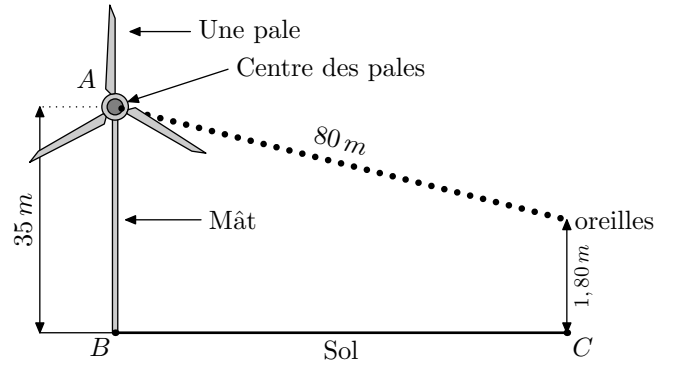


3. On estime qu'à 80 m du centre des pales d'une éolienne le niveau sonore est juste suffisant pour que l'on puisse

entendre le bruit qu'elle produit.

Un randonneur dont les oreilles sont à $1,80\text{ m}$ du sol se déplace vers une éolienne dont le mât mesure 35 m de haut. Il s'arrête dès qu'il entend le bruit qu'elle produit (*voir le schéma ci-dessous*).

A quelle distance du mât de l'éolienne (*distane BC*) se trouve-t-il? Arrondir le résultat à l'unité.



La figure n'est pas à l'échelle