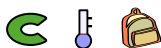


# Première Spécialité/Equation cartésienne

ChingEval : 3 exercices disponibles pour l'évaluation par QCM

## 1. Rappels: Vecteurs directeurs :

### Exercice 9706

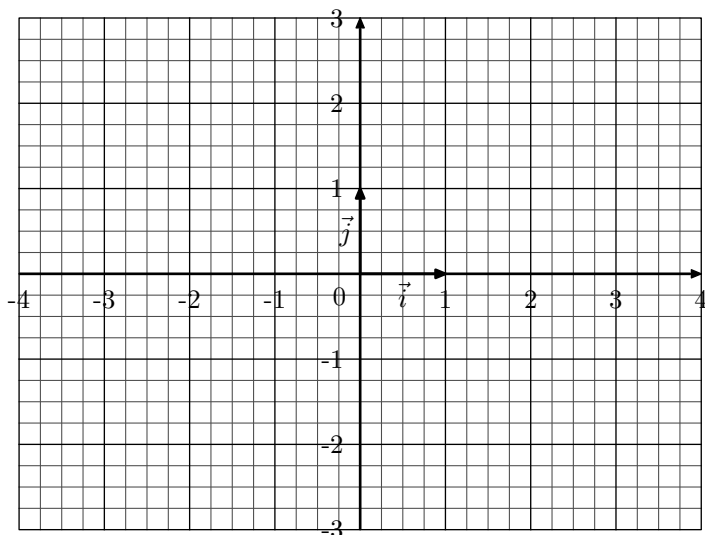


Dans le plan muni d'un repère  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ , on considère les quatre droites ci-dessous définies par leur équation cartésienne:

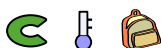
$$(d_1): 2x - 3y + 3 = 0 \quad ; \quad (d_2): -2x - y + 1 = 0$$

$$(d_3): 4x + 8y - 10 = 0 \quad ; \quad (d_4): -3x + y + 4 = 0$$

1. Pour chacune des droites, donner un point et un vecteur directeur de cette droite.
2. Tracer chacune de ces droites dans le repère ci-dessous:



### Exercice 9707



**Proposition:** dans le plan muni d'un repère, on considère une droite ayant pour  $\vec{u}(a;b)$  admet une équation cartésienne de la forme:  $-b \cdot x + a \cdot y + c = 0$

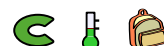
On considère le plan muni d'un repère  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .  
Pour chaque question, déterminer une équation cartésienne

de la droite  $(d)$  passant par le point  $A$  et ayant pour vecteur directeur  $\vec{u}$  :

a.  $A(2;1)$  et  $\vec{u}(2;3)$       b.  $A(3;-2)$  et  $\vec{u}\left(\frac{1}{2}; -1\right)$

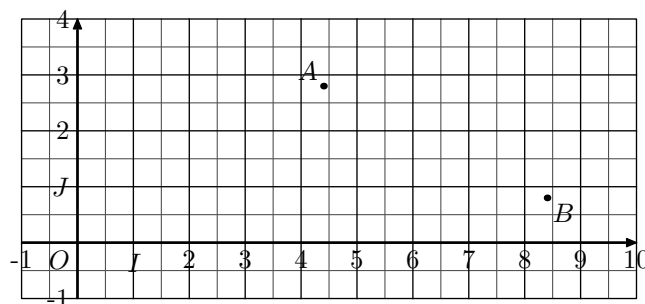
c.  $A(0;3)$  et  $\vec{u}(-2;1)$       d.  $A\left(-2; \frac{1}{2}\right)$  et  $\vec{u}\left(3; -\frac{5}{3}\right)$

### Exercice 9708



Dans le plan muni d'un repère  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ , on considère les points  $A$  et  $B$  de coordonnées:

$$A\left(\frac{22}{5}; \frac{14}{5}\right) \quad ; \quad B\left(\frac{42}{5}; \frac{4}{5}\right)$$



On considère également la droite  $(d)$  admettant pour équation cartésienne:

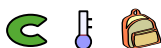
$$(d): 3 \cdot x + 6 \cdot y - 12 = 0$$

1. a. Déterminer les coordonnées du vecteur  $\vec{AB}$ .  
b. Justifier que le segment  $[AB]$  a pour mesure  $\sqrt{20}$ .
2. Justifier que les droites  $(AB)$  et  $(d)$  sont parallèles.
3. a. Déterminer les points  $C$  et  $D$  intersection de la droite  $(d)$  respectivement avec l'axe des abscisses et l'axe des ordonnées.  
b. Justifier que le quadrilatère  $ABCD$  est un losange.

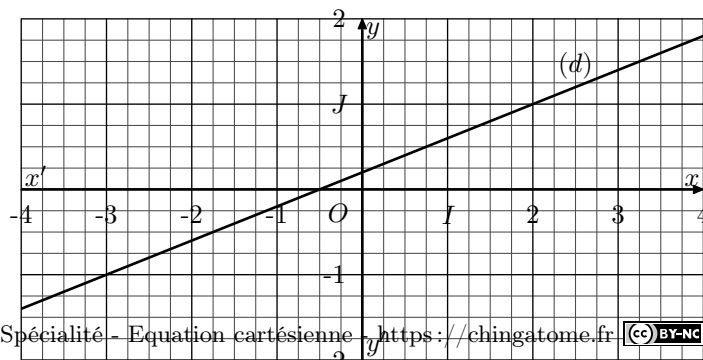
## 2. Rappels: équations cartésiennes et intersection de droites :

(+1 exercice pour les enseignants)

### Exercice 9709



Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère la droite  $(d)$  représentée ci-dessous:

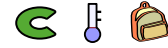


- Déterminer une équation cartésienne de la droite  $(d)$ .
- On considère la droite  $(\Delta)$  ayant pour équation cartésienne :  
 $(\Delta) : 5x + 6y - 6 = 0$ 
  - Donner les coordonnées de deux points appartenant à la droite  $(\Delta)$ .
  - Effectuer le tracé dans le repère ci-dessous de la droite

$(\Delta)$ .

- Algébriquement, déterminer les coordonnées du point d'intersection des droites  $(d)$  et  $(\Delta)$ .

**Exercice 9710**



Résoudre les systèmes d'équations suivants :

$$\text{a. } \begin{cases} x - 3y = 8 \\ 4x + y = -7 \end{cases} \quad \text{b. } \begin{cases} 2x + 3y = 10 \\ 5x + 10y = 20 \end{cases}$$

**3. Vecteurs normaux et équations de droites :**

(+2 exercices pour les enseignants)

**Exercice 2591**

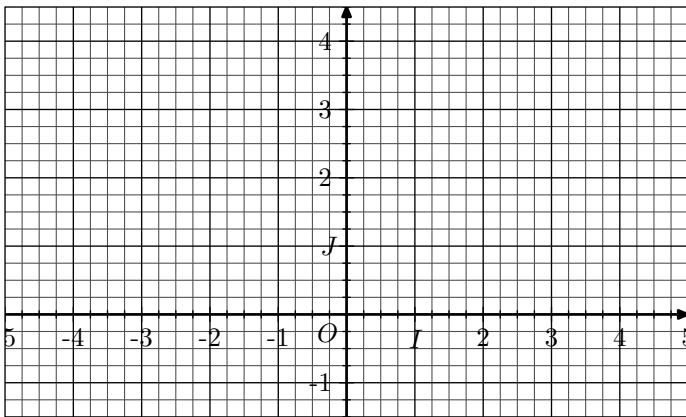


**Définition :** on appelle **vecteur normal** d'une droite, tout vecteur orthogonal aux vecteur directeur de cette droite.

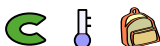
**Proposition :** dans le plan muni d'un repère, on considère une droite  $(d)$  admettant le vecteur  $\vec{u}(a; b)$  pour vecteur normal. Alors la droite  $(d)$  admet pour équation cartésienne :  
 $(d) : a \cdot x + b \cdot y + c = 0$  où  $c \in \mathbb{R}$

On considère le plan munit d'un repère  $(O; I; J)$  orthonormé.

- Dans chaque cas, déterminer une équation cartésienne passant par le point  $A$  et admettant le vecteur  $\vec{u}$  pour vecteur normal :
  - $\vec{u} = (2; 3)$  et  $A(1; 0)$
  - $\vec{u} = (-1; 1)$  et  $A(-2; 1)$
- Tracer la représentation de chacune de ces droites dans le repère ci-dessous ainsi qu'un représentant de chaque vecteur  $\vec{u}$  au point  $A$  correspondant :



**Exercice 9704**

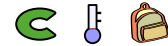


**Proposition :** dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère la droite  $(d)$  admettant le vecteur  $\vec{u}(a; b)$  pour vecteur normal alors l'équation cartésienne de la droite  $(d)$  est de la forme :  $(d) : a \cdot x + b \cdot y + c = 0$   $c \in \mathbb{R}$

On considère le plan muni d'un repère  $(O, I; J)$  orthonormé. Pour chaque question, déterminer l'équation cartésienne de la droite  $(d)$  admettant le vecteur  $\vec{u}$  pour vecteur normal et passant par le point  $A$  où :

$$\text{a. } \vec{u}(5; 2); A(1; 1) \quad \text{b. } \vec{u}(-1; 1); A(4; -1)$$

**Exercice 9746**



On considère le plan muni d'un repère  $(O, I; J)$  orthonormé. Pour chaque question, déterminer l'équation cartésienne de la droite  $(d)$  admettant le vecteur  $\vec{u}$  pour vecteur normal et passant par le point  $A$  où :

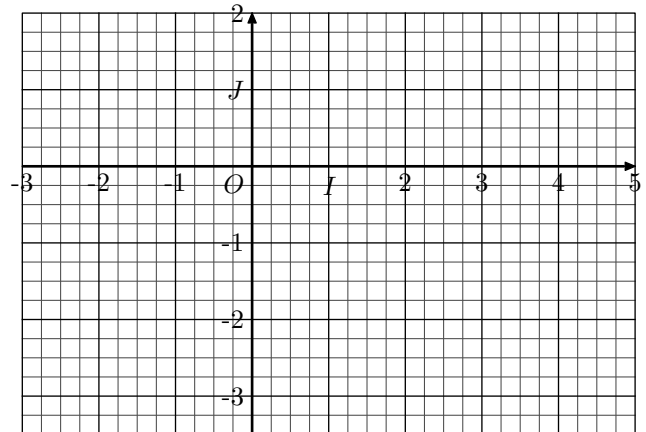
$$\text{a. } \vec{u}(1; -2); A(-5; 2) \quad \text{b. } \vec{u}(-2; -4); A(-1; 3)$$

**Exercice 8446**



Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère les points  $A(-2; -3)$  et  $B(4; 1)$ . On note  $(d)$  la médiatrice du segment  $[AB]$ .

- Déterminer les coordonnées du point  $K$  milieu du segment  $[AB]$ .
- Donner les coordonnées d'un vecteur  $\vec{v}$  normal à la droite  $(d)$ .
- Déterminer une équation cartésienne de la droite  $(d)$ .
- Tracer dans le repère ci-dessous la droite  $(d)$ .



**4. Parallélisme et orthogonalité de droites :**

(+1 exercice pour les enseignants)

**Exercice 8449**

**Définition :** dans le plan muni d'un repère, on appelle **déterminant** des deux vecteurs  $\vec{u}(x; y)$  et  $\vec{v}(x'; y')$  le nombre, noté  $\det(\vec{u}; \vec{v})$ , définie par :

$$\det(\vec{u}; \vec{v}) = x \cdot y' - x' \cdot y$$

**Proposition :** dans le plan muni d'un repère, on considère les deux vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  non-nuls. On a :

•  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  colinéaires  $\iff \det(\vec{u}; \vec{v}) = 0$

•  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  orthogonaux  $\iff \vec{u} \cdot \vec{v} = 0$

On considère le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$  orthonormé :

1. On considère les deux droites  $(d_1)$  et  $(d_2)$  admettant pour équation cartésienne :

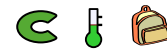
$$(d_1) : x + 2 \cdot y - 1 = 0 \quad ; \quad (d_2) : 4 \cdot x + 8 \cdot y + 2 = 0$$

Justifier que les droites  $(d_1)$  et  $(d_2)$  sont parallèles.

2. On considère les deux droites  $(\Delta_1)$  et  $(\Delta_2)$  admettant pour équation cartésienne :

$$(\Delta_1) : 4 \cdot x + 3 \cdot y - 1 = 0 \quad ; \quad (\Delta_2) : -6 \cdot x + 8 \cdot y + 5 = 0$$

Justifier que les droites  $(\Delta_1)$  et  $(\Delta_2)$  sont perpendiculaires.

**Exercice 9712**

Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère la droite  $(d)$  admettant pour équation cartésienne :

$$(d) : 2x - y + 1 = 0$$

1. La droite  $(d')$  est parallèle à la droite  $(d)$  et son équation cartésienne est :  $(d') : 5x + b \cdot y + 4 = 0$  où  $b \in \mathbb{R}$   
Déterminer la valeur de  $b$ .

2. La droite  $(\Delta)$  est perpendiculaire à la droite  $(d)$  et son équation cartésienne est :

$$(\Delta) : a \cdot x + 3 \cdot y - 2 = 0 \quad \text{où } a \in \mathbb{R}$$

Déterminer la valeur de  $a$ .

**5. Intersection de droites :**

(+2 exercices pour les enseignants)

**Exercice 6484**

Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère la droite  $(d)$  (resp.  $(d')$ ) passe par le point  $A(-2; 1)$  (resp.  $B(3; 2)$ ) et admet le vecteur  $\vec{u}(3; -1)$  (resp.  $\vec{v}(1; 1)$ ) pour vecteur normal.

1. Déterminer les équations cartésiennes des droites  $(d)$  et  $(d')$ .

2. a. Justifier que les droites  $(d)$  et  $(d')$  sont sécantes.

b. Déterminer les coordonnées du point d'intersection des droites  $(d)$  et  $(d')$ .

**Exercice 9780**

On considère le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ .

1. On note  $(d)$  la droite admettant le vecteur  $\vec{u}(2; 1)$  pour vecteur directeur et passant par le point  $B(1; 1)$ .  
Déterminer l'équation cartésienne de la droite  $(d)$ .

2. On note  $(d')$  la droite admettant le vecteur  $\vec{v}(4; -3)$  pour vecteur normal et passant par le point  $C(2; 2)$ .  
Déterminer l'équation cartésienne de la droite  $(d')$ .

3. a. Justifier que les droites  $(d)$  et  $(d')$  sont sécantes.

b. Déterminer les coordonnées du point  $A$  intersection des droites  $(d)$  et  $(d')$ .

**Exercice 3036**

Dans le plan  $(O; I; J)$ , on considère les points  $A, B, C, D$  de coordonnées :

$$A(-1; -1) \quad ; \quad B(2; -4) \quad ; \quad C\left(\frac{22}{5}; \frac{4}{5}\right) \quad ; \quad D\left(\frac{1}{5}; \frac{7}{5}\right)$$

1. Soit  $K$  le milieu du segment  $[AB]$ . On considère l'ensemble  $(\mathcal{E})$  des points  $M(x; y)$  du plan qui vérifie la relation :  $\vec{AB} \cdot \vec{KM} = 0$

a. Montrer que tout point  $M(x; y)$  appartenant à l'ensemble  $(\mathcal{E})$  a ses coordonnées qui vérifient l'équation :  $x - y - 3 = 0$

b. Comment s'appelle l'ensemble  $(\mathcal{E})$  relativement au segment  $[AB]$ .

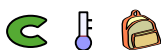
2. a. Déterminer les coordonnées d'un vecteur orthogonal à la droite  $(CD)$ .

b. En déduire l'équation de la droite  $(CD)$ .

3. Déterminer les coordonnées du point d'intersection des droites  $(d)$  et  $(d')$ .

**6. Projeté orthogonal :**

(+1 exercice pour les enseignants)

**Exercice 8447**

**Proposition-définition :** dans le plan, on considère une droite  $(d)$  et un point  $A$  n'appartenant pas à  $(d)$ . Il existe un unique point  $H$  tel que la droite  $(AH)$  soit perpendiculaire à la droite  $(d)$ .

Le point  $H$  s'appelle le **projeté orthogonal du point  $A$  sur la droite  $(d)$** .

Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$  orthonormé, on considère les points  $A(-1; 1)$ ,  $B(3; 5; -2)$ ,  $M(4; 2)$ .

1. Déterminer une équation cartésienne de la droite  $(AB)$ .

2. Montrer que le point  $H(2; -1)$  est le projeté orthogonal du point  $M$  sur la droite  $(AB)$ .

**Exercice 8448**

Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$  orthonormé, on considère les points  $A\left(1; -\frac{1}{5}\right)$ ,  $B(-2; 1)$ ,  $M\left(2; -\frac{7}{2}\right)$ .

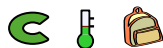
- Déterminer une équation cartésienne de la droite  $(AB)$ .

- Déterminer l'équation réduite de la droite  $(d)$  passant par le point  $M$  et perpendiculaire à la droite  $(AB)$ .
  - Déterminer les coordonnées du point  $E$  intersection des droites  $(d)$  et  $(AB)$ .

## 7. Projeté orthogonal et aire :

(+2 exercices pour les enseignants)

### Exercice 9758



Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère les trois points:  $A(-3; 2)$  ;  $B(3; 5)$  ;  $C(2; 2)$

- Soit  $(d)$  la droite passant par le point  $C$  est orthogonale à la droite  $(AB)$ :
  - Déterminer les coordonnées d'un vecteur  $\vec{u}$  normal à la droite  $(d)$ .
  - Déterminer l'équation cartésienne de la droite  $(d)$ .
  - Déterminer les coordonnées du pied  $H$  de la hauteur du triangle  $ABC$  issue du sommet  $C$ .
- Déterminer l'aire du triangle  $ABC$ .

### Exercice 9781



Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère les

trois points:  $A(-1; -1)$  ;  $B(3; 3)$  ;  $C(4; 1)$

- Déterminer l'équation cartésienne de la droite  $(AB)$ .
- Déterminer l'équation cartésienne de la droite  $(d)$  passant par le point  $C$  et perpendiculaire à la droite  $(AB)$ .
- Déterminer les coordonnées du point  $M$  intersection de la droite  $(AB)$  et de la droite  $(d)$ .
- En déduire l'aire du triangle  $ABC$ .

### Exercice 8451



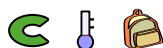
Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère les trois points:  $A\left(-\frac{2}{3}; 2\right)$  ;  $B\left(\frac{1}{4}; \frac{3}{2}\right)$  ;  $C\left(5; \frac{11}{3}\right)$

- Déterminer les coordonnées du pied  $H$  de la hauteur du triangle  $ABC$  issue du sommet  $C$ .
- Déterminer l'aire du triangle  $ABC$ .

## 8. Cercle: caractérisation par le centre et le rayon :

(+2 exercices pour les enseignants)

### Exercice 2592



**Définition:** le cercle de centre  $A$  et de rayon  $r$  est l'ensemble des points  $M$  tels que:  $OM = r$

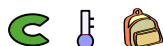
On dit aussi qu'un cercle est l'ensemble des points équidistants au centre du cercle.

Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O; I; J)$  dont l'unité est le centimètre.

On considère le cercle  $\mathcal{C}$  de centre  $I$  et de rayon  $r$ . Pour chaque question, déterminer l'équation du cercle:

- $I(1; 2)$  et  $r=3\text{ cm}$
- $I(-3; 1)$  et  $r=5\text{ cm}$

### Exercice 8554



On considère le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$  orthonormé et le cercle  $\mathcal{C}$  de centre  $A(2; 1)$  et de rayon 4.

Déterminer l'équation cartésienne du cercle  $\mathcal{C}$ .

### Exercice 8457



Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$  orthonormé, on considère le cercle  $\mathcal{C}$  de centre  $K(3; -1)$  et de rayon 5.

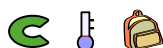
- Déterminer l'équation cartésienne du cercle  $\mathcal{C}$ .
- Parmi les points ci-dessous, lesquels appartiennent au cercle  $\mathcal{C}$ :

$$M(-1; 2) ; N\left(\frac{8}{5}; -\frac{29}{5}\right) ; P\left(\frac{9}{5}; \frac{2}{5}\right)$$

## 9. Cercle: caractérisation par le diamètre :

(+2 exercices pour les enseignants)

### Exercice 8455



**Proposition:** Si un triangle  $ABC$  est inscrit dans un cercle et qu'un de ses côtés forme un diamètre alors ce triangle est rectangle et ce côté est son hypoténuse.

**Conséquence:** Pour un cercle  $\mathcal{C}$  de diamètre  $[AB]$  et pour tout point  $M$  de ce cercle:  $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = 0$

Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O; I; J)$  dont l'unité est le centimètre.

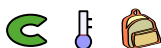
On considère le cercle  $\mathcal{C}'$  dont les points  $A$  et  $B$  sont diamétralement opposés. Déterminer l'équation du cercle dans chacun des cas suivants:

- $A(-2; 0)$  et  $B(4; 0)$
- $A(2; -3)$  et  $B(-1; 2)$

## 10. Reconnaissance de l'équation d'un cercle :

(+2 exercices pour les enseignants)

### Exercice 8452



**Proposition :** Dans le plan, considérons l'équation cartésienne  $x^2 + y^2 + a \cdot x + b \cdot y + c = 0$ . On note  $\rho = \frac{a^2}{4} + \frac{b^2}{4} - c$ . L'ensemble  $\mathcal{E}$  des points définis par cette équation cartésienne est :

- vide si  $\rho < 0$
- un point si  $\rho = 0$
- un cercle si  $\rho > 0$  dont le rayon est  $\sqrt{\rho}$  et le centre  $\left(\frac{-a}{2}; \frac{-b}{2}\right)$

Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère l'équation cartésienne :

$$(E) : x^2 + y^2 - 4x - 3y - 31 = 0$$

1. Montrer que les points  $A(-3; 5)$  et  $B\left(\frac{11}{2}; \frac{13}{2}\right)$  appartiennent à l'ensemble des points dont les coordonnées sont solutions de  $(E)$ .
2. En déduire la nature de l'ensemble des points du plan vérifiant l'équation cartésienne  $(E)$

### Exercice 3083



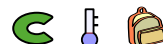
On considère les trois équations cartésiennes suivantes :

- a.  $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 9 = 0$
- b.  $x^2 + y^2 - 2x + 6y + 10 = 0$
- c.  $x^2 + y^2 + 4x - 4y + 9 = 0$

1. Ecrire chacune des équations ci-dessus sous la forme :  $(x - a)^2 + (y - b)^2 = c$  où  $a, b, c$  sont des nombres réels à déterminer.

2. Pour chaque équation, en déduire la nature de l'ensemble des points défini par cette équation et en préciser les éléments caractéristiques

### Exercice 9756



On considère le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ .

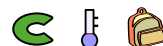
1. On considère le cercle  $\mathcal{C}$  admettant l'équation cartésienne :  $x^2 + y^2 - 6x + 4y + 4 = 0$

Déterminer les éléments caractéristiques du cercle  $\mathcal{C}$ .

2. On considère l'ensemble  $\mathcal{E}$  du plan dont les coordonnées des points vérifient l'équation cartésienne :  $x^2 + y^2 + 2x - 8y + 17 = 0$

Déterminer la nature de cet ensemble.

### Exercice 9782



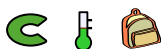
Dans le plan muni d'un repère orthonormé, on considère les deux équations cartésiennes :

- $x^2 + y^2 + 3x - y + 5 = 0$
- $x^2 + y^2 - 8x - 6y - 11 = 0$

Pour chacune des ces équations, déterminer la nature des ensembles qu'elles définissent et si possible, donner leurs éléments caractéristiques.

## 12. Etude de la parabole :

### Exercice 6485



Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$  orthonormé, on considère l'ensemble des points  $M(x; y)$  dont les coordonnées vérifient l'équation cartésienne :

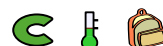
$$(E) : x^2 - 2x + y + 3 = 0$$

1. On considère les deux points  $A(0; -3)$  et  $B(2; -3)$ .
  - a. Montrer que les deux points  $A$  et  $B$  appartiennent à l'ensemble des points du plan vérifiant l'équation cartésienne  $(E)$ .
  - b. Montrer que la droite d'équation  $x=1$  est la médiatrice du segment  $[AB]$ .
2. Soit  $h$  un nombre strictement positif.
  - a. Montrer qu'il existe un unique point, qu'on notera  $M$

(resp.  $N$ ), de l'ensemble  $(E)$  ayant pour abscisse  $1+h$  (resp.  $1-h$ ). On donnera les coordonnées de ces deux points en fonction de  $h$ .

- b. Montrer que la droite d'équation  $x=1$  est la médiatrice du segment  $[MN]$  pour tout réel  $h$  strictement positif.

### Exercice 8557



Dans le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ , on considère la parabole  $\mathcal{P}$  d'équation cartésienne :  $y = 2x^2 + x + 3$

A tout point  $M$  de la parabole, différent du sommet de la parabole, on associe le point  $M'$  second point d'intersection de la parabole  $\mathcal{P}$  avec la droite parallèle à l'axe des abscisses et passant par le point  $M$ .

Déterminer les coordonnées du point  $M$  afin que  $MM' = 2$ .

## 14. Approfondissement : intersection cercle, parabole avec une droite :

(+3 exercices pour les enseignants)

**Exercice 2597**

On considère le plan muni d'un repère orthonormé  $(O; I; J)$ .

- Soit  $(d)$  la droite ayant pour vecteur directeur  $(1; 2)$  et passant par le point  $A(0; -1)$ . Déterminer l'équation cartésienne de cette droite.
  - Soit  $\mathcal{C}$  le cercle de centre  $A(1; 1)$  et de rayon 3. Déterminer l'équation cartésienne de ce cercle.

2. Dans cette question, on s'intéresse au point d'intersection de  $(d)$  et de  $\mathcal{C}$ .

- Justifier que si  $M(x; y)$  est un point d'intersection de la droite et du cercle alors ses coordonnées vérifient le système d'équation :

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2x - 2y - 7 = 0 \\ -2x + y + 1 = 0 \end{cases}$$

- Par substitution, résoudre ce système d'équation.

**Exercice 2660**

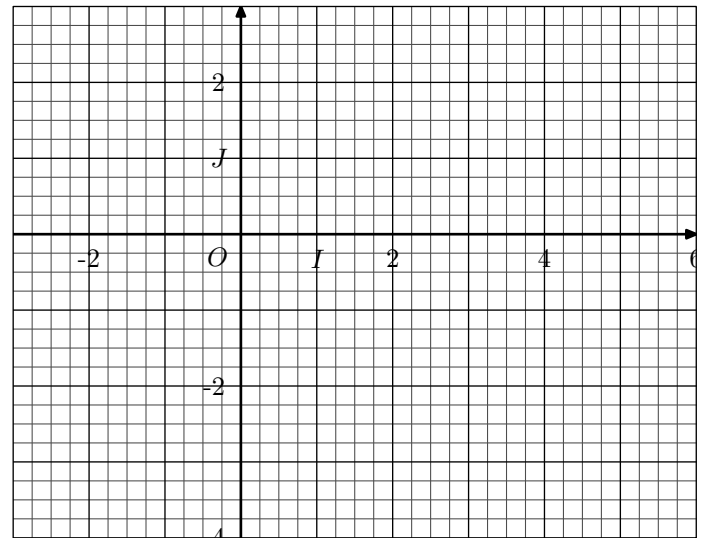
On considère le plan muni d'un repère orthonormé  $(O; I; J)$  et l'ensemble des points  $\mathcal{E}$  défini par l'équation cartésienne :

$$(E) : x^2 + y^2 - 4x + 6y + 3 = 0$$

- Ecrire l'équation  $(E)$  sous la forme :  $(x - a)^2 + (y - b)^2 = c$
  - Justifier que l'ensemble  $\mathcal{E}$  est un cercle  $\mathcal{C}$  dont on précisera les caractéristiques.
- Montrer que le point  $A(3; 0)$  est un point du cercle  $\mathcal{C}$ .
  - Déterminer une équation cartésienne de la tangente  $(d)$  au cercle  $\mathcal{C}$  passant par le point  $A$ .
- Après avoir montré que le point  $B(-1; -2)$  est un point du cercle, donner une équation cartésienne de la droite

$(d')$  tangente au cercle  $\mathcal{C}$  au point  $B$ .

- Déterminer les coordonnées du point  $M$  intersection des droites  $(d)$  et  $(d')$ .
- Tracer dans le repère ci-dessous le cercle  $\mathcal{C}$  (ou une partie) et ses deux tangentes.

**Exercice 9778**

On considère les deux cercles :

- $\mathcal{C}$  de centre  $A(1; -2)$  et de rayon 2
- $\mathcal{C}'$  admettant pour diamètre  $[BC]$  où  $B(3; 4)$  et  $C(5; -2)$

- Déterminer l'équation cartésienne du cercle  $\mathcal{C}$ .
- Déterminer l'équation cartésienne du cercle  $\mathcal{C}'$ .
- Déterminer les coordonnées des points d'intersection de ces deux cercles.

255. Exercices non-classés :

**Exercice 3040**

On considère le plan muni d'un repère  $(O; I; J)$ ; les points  $A$  et  $B$  ont pour coordonnées respectives  $(2; -3)$  et  $(-1; 1)$ ; on note  $I$  le milieu du segment  $[AB]$ ;  $M$  représente un point quelconque du plan et ses coordonnées sont notées  $(x; y)$  :

- On s'intéresse au lieu géométrique  $\mathcal{E}$  défini par la relation :  $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 2$ 
  - Déterminer une relation entre  $x$  et  $y$  caractérisant l'ensemble  $\mathcal{E}$ .

- Vérifier que le point de coordonnée  $(2; \sqrt{6}-1)$  appartient à l'ensemble  $\mathcal{E}$ .
  - Quel est la nature géométrique de  $\mathcal{E}$ ? Donner ses éléments caractéristiques.
- On s'intéresse au lieu géométrique  $\mathcal{F}$  défini par la relation :  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{IM} = -7,5$ 
    - Déterminer une relation sur les coordonnées des points  $M$  appartenant à l'ensemble  $\mathcal{F}$ .
    - Quel est la nature géométrique de  $\mathcal{F}$ ? Donner les éléments caractéristiques de  $\mathcal{F}$ .