

# Troisième/Théorème de Thalès

## 1. Activité d'introduction :

### Exercice 4679



Dans le plan, on considère un triangle  $ABC$  dont les dimensions sont :

$$AB = 6 \text{ cm} \quad ; \quad AC = 9 \text{ cm} \quad ; \quad \widehat{ABC} = 60^\circ$$

On note  $I$  et  $J$  les deux points de la demi-droite  $[AB)$  vérifiant les mesures :

$$AI = 2 \text{ cm} \quad ; \quad AJ = 4 \text{ cm}$$

On note  $K$  et  $L$  les deux points de la demi-droite  $[AC)$  vérifiant les mesures :

$$AK = 3 \text{ cm} \quad ; \quad AL = 6 \text{ cm}$$

On note  $M$  le point d'intersection des droites  $(JL)$  et  $(BK)$ .

1. Réaliser le dessin de cette configuration.
2. Montrer que les droites  $(IK)$  et  $(JL)$  sont parallèles.
3. Justifier que le point  $M$  est le milieu du segment  $[BK]$ .
4. Montrer que la droite  $(JL)$  est parallèle à la droite  $(BC)$ .
5. En déduire que  $(IK)$  est parallèle à  $(BC)$ .

### Exercice 2163



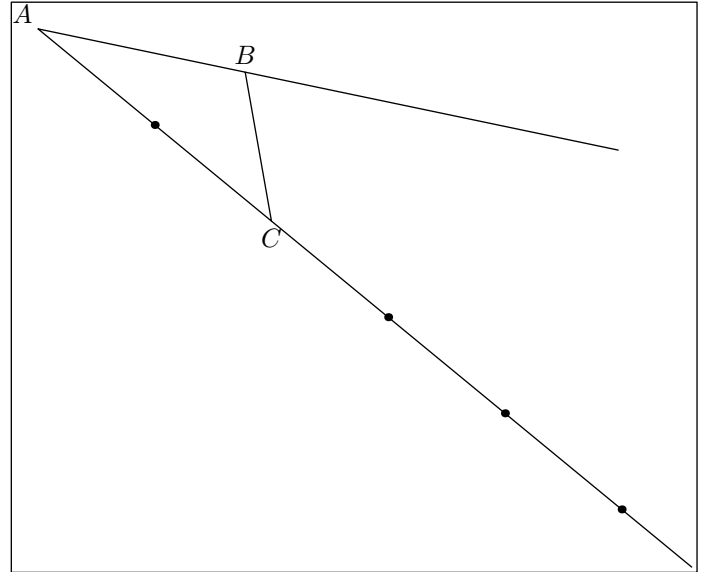
Dans chaque cas, trouver la longueur  $OM$  vérifiant l'égalité :

a.	$\frac{OM}{3} = \frac{5}{9}$	b.	$\frac{2}{OM} = \frac{4}{3}$
c.	$\frac{5}{8} = \frac{8}{OM}$	d.	$\frac{OM+1}{OM} = \frac{9}{8}$

### Exercice 652



1. On considère les deux demi-droites  $[AC)$  et  $[AB)$



Les points représentés sur la demi-droite  $[AC)$  sont équitablement répartis sur celle-ci.

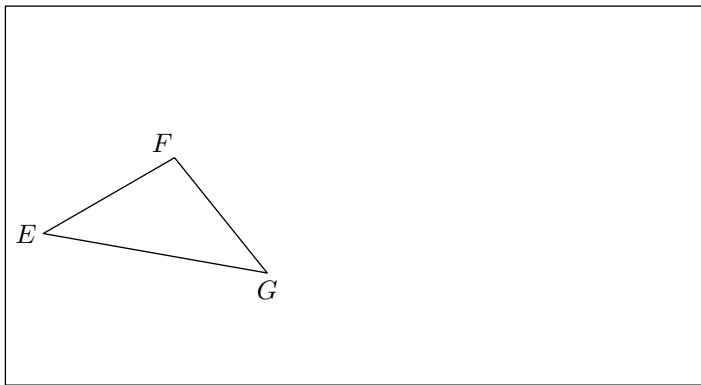
- a. Nommer  $N$  un des points représentés sur la demi-droite  $[AC)$ .
- b. Tracer la parallèle à la droite  $(BC)$  passant par  $N$ . Nommer  $M$  le point d'intersection de cette parallèle avec la demi-droite  $[AB)$ .
- c. Remplacer les valeurs "grisées", présentes dans le tableau ci-dessous, par la mesure du segment associé :

$[AB]$	$[AC]$	$[BC]$
$[AM]$	$[AN]$	$[MN]$

- d. Que peut-on dire du tableau précédent?
- e. Vérifier l'égalité ci-dessous est vérifiée ou non :

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

2. On considère le triangle  $EFG$  ci-dessous et on souhaite construire un "agrandissement" et vérifier certaines propriétés de ces deux triangles :

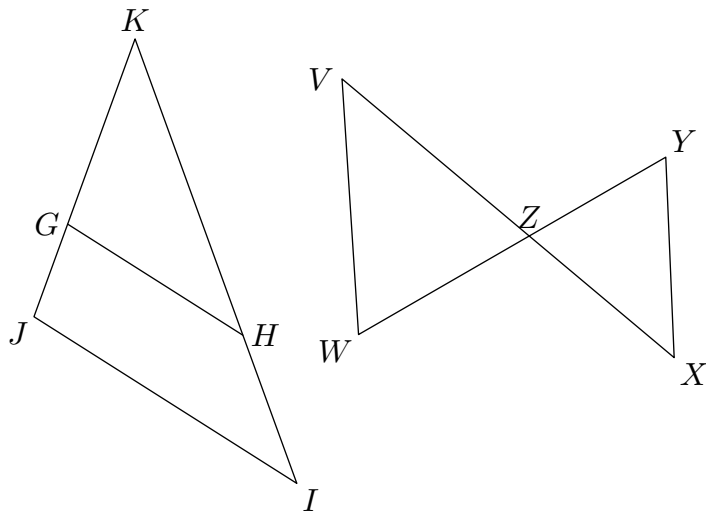


- Placer le point  $P$  sur la demi-droite  $[EF)$  et le point  $Q$  sur la demi-droite  $[EG)$  tels que :  
 $EP = 2,5 \times EF$  ;  $EQ = 2,5 \times EG$ .
- Que peut-on dire des droites  $(FG)$  et  $(PQ)$ ?
- Comparer les mesures de  $[FG]$  et  $[PQ]$ .

### Exercice 2167

Nous avons représenté deux configurations de Thalès où  $(GH) \parallel (IJ)$  et  $(XY) \parallel (VW)$ .

Dans chaque cas, citer les égalités de quotient de longueurs données par le théorème de Thalès :



## 2. Théorème de Thalès :

### Exercice 662

- Construire le triangle  $ABC$  tel que :  
 $AB = 7,5 \text{ cm}$  ;  $BC = 10 \text{ cm}$  ;  $AC = 12,5 \text{ cm}$ .
- Montrer que le triangle  $ABC$  est rectangle.
- $M$  est un point du segment  $[BC]$  tel que  $BM = 4 \text{ cm}$ .  
 Placer le point  $M$  et construire la droite  $(d)$  parallèle à la droite  $(AC)$  passant par  $M$ .  
 La droite  $(d)$  coupe  $[AB]$  au point  $N$ .
  - Calculer  $BN$  et  $MN$ .

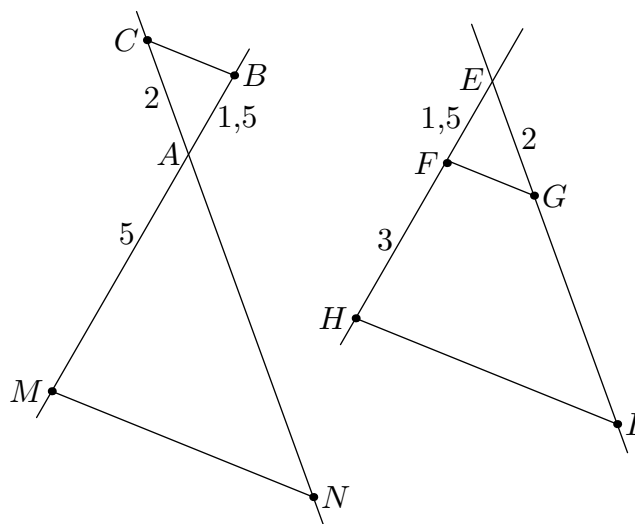
### Exercice 3452

Dans le plan, on considère la configuration ci-dessous :

### Exercice 3451

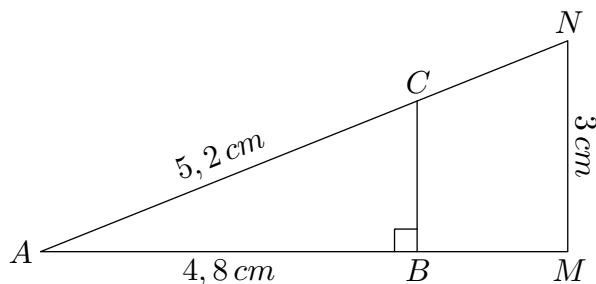


On considère les deux configurations suivantes dans le plan :



Les droites  $(BC)$  et  $(MN)$  et les droites  $(FG)$  et  $(HI)$  sont respectivement parallèles entre elles.

- A l'aide du théorème de Thalès, déterminer la longueur du segment  $[AN]$ .
- Donner la longueur du segment  $[EH]$ .
  - A l'aide du théorème de Thalès, déterminer la longueur du segment  $[EI]$ .
  - En déduire que la longueur du segment  $[GI]$ .



Voici les propriétés de la figure :

- Le point  $C$  appartient à la droite  $[AN]$  ;
- le point  $B$  appartient à la droite  $[AM]$  ;
- le triangle  $ABC$  est un triangle rectangle en  $B$  ;
- les droites  $(BC)$  et  $(MN)$  sont parallèles.

- Déterminer la mesure du segment  $[BC]$ .
- Déterminer la longueur du segment  $[AN]$ .
  - Donne la longueur du segment  $[CN]$ .

### Exercice 2190



On considère la figure ci-dessous qui n'est pas dessinée en vrai grandeur.

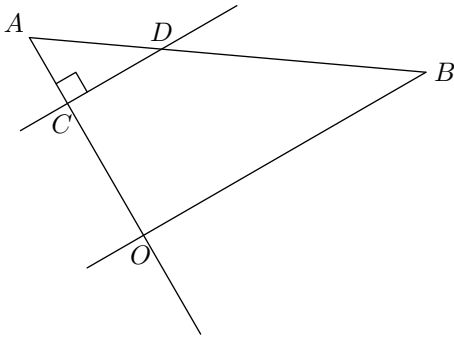
L'unité de longueur est le centimètre.

Les droites  $(CD)$  et  $(OA)$  sont perpendiculaires.

On donne :

$$OA = 9 \quad ; \quad OB = 12 \quad ; \quad AB = 15 \quad ; \quad AC = 3$$

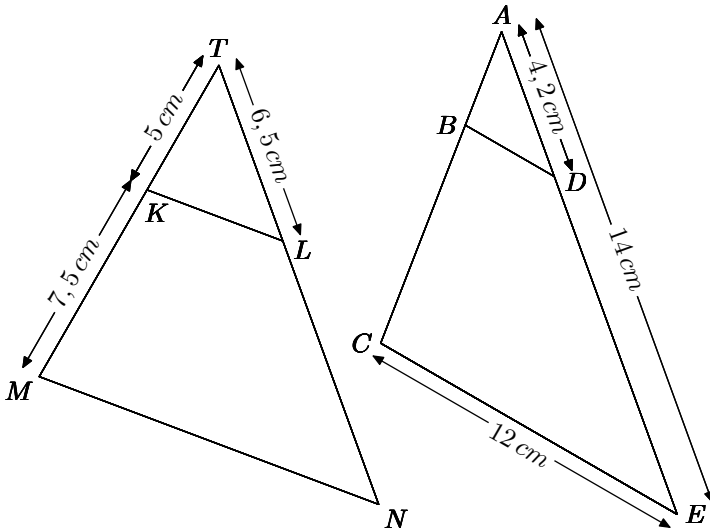
- Démontrer que le triangle  $AOB$  est rectangle et en déduire que les droites  $(CD)$  et  $(OB)$  sont parallèles.
- En justifiant le raisonnement, démontrer que :  $CD = 4$ .
- Un élève affirme que l'aire du triangle  $AOB$  est égale à trois fois l'aire du triangle  $ACD$ . Que pensez-vous de cette affirmation? Justifier votre réponse.



### Exercice 1135



- Dans le triangle  $TMN$ , la droite  $(KL)$  est parallèle à  $(MN)$ . Déterminer la mesure du segment  $[TN]$ .
- Dans le triangle  $ACE$ , la droite  $(BD)$  est parallèle à  $(CE)$ . Déterminer la mesure du segment  $[BD]$ .



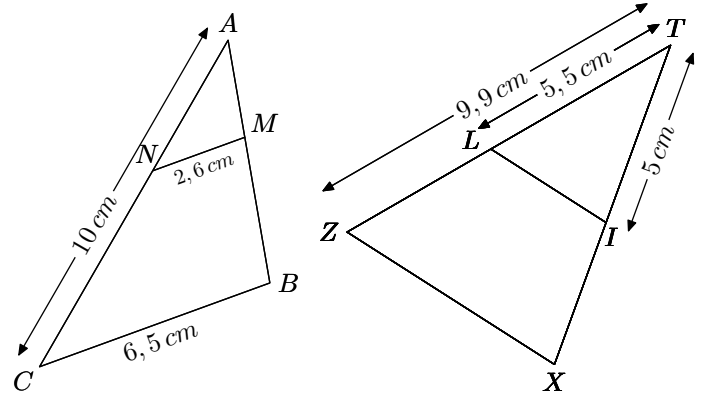
### Exercice 1140



- Dans le triangle  $ABC$ , les droites  $(MN)$  et  $(BC)$  sont parallèles entre elles. Déterminer la mesure du segment

$[AN]$ .

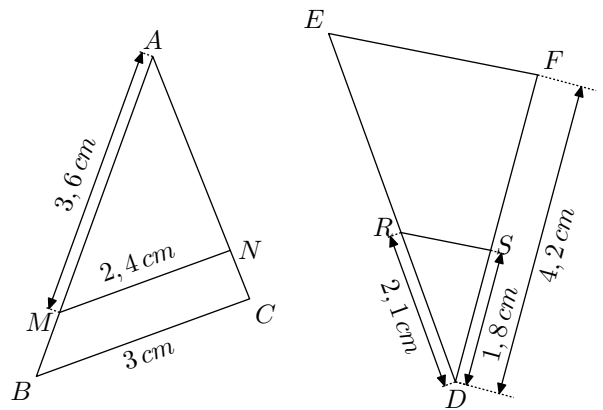
- Dans le triangle  $TXZ$ , les droites  $(IL)$  et  $(XZ)$  sont parallèles entre elles. Déterminer la mesure du segment  $[TX]$ .



### Exercice 4768



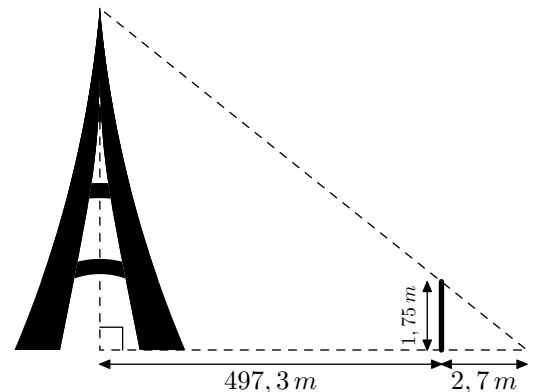
- Dans le triangle  $ABC$ , les droites  $(MN)$  et  $(BC)$  sont parallèles entre elles. Déterminer la mesure du segment  $[MB]$ .
- Dans le triangle  $DEF$ , les droites  $(EF)$  et  $(RS)$  sont parallèles entre elles. Déterminer la mesure du segment  $[ER]$ .



### Exercice 1902



Un homme mesurant  $1,75 \text{ m}$  se tenant droit aux alentours de la tour Eiffel se place de sorte que l'ombre lui passe juste au dessus de la tête. Son ombre tombe à  $2,7 \text{ m}$  de lui et celle-ci se trouve à  $500 \text{ m}$  du centre de la tour Eiffel.



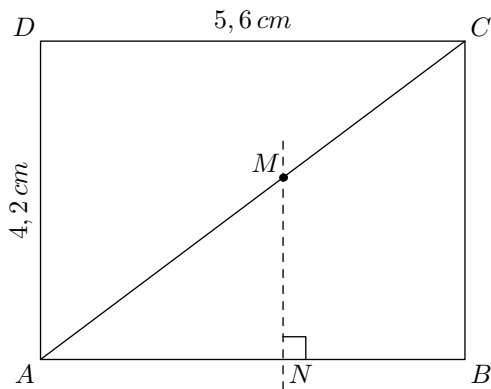
Quel est la hauteur de la tour Eiffel? (arrondie au mètre près)

## 4. Théorème de Thalès et autres théorèmes :

### Exercice 4755



On considère le rectangle  $ABCD$  de longueur  $5,6\text{ cm}$  et de largeur  $4,2\text{ cm}$ .



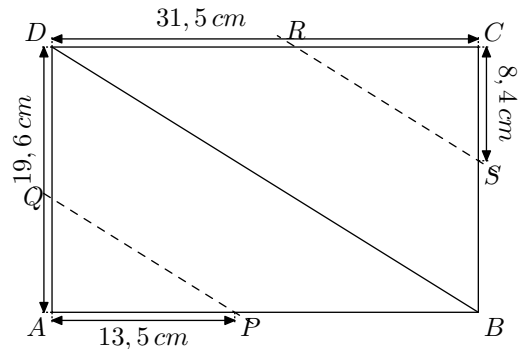
Le point  $M$  appartient au segment  $[AC]$  tel que  $AM = 4\text{ cm}$ . La droite perpendiculaire à la droite  $(AB)$  passant par le point  $M$  intercepte le segment  $(AB)$  au point  $N$ .

1. Justifier que les droites  $(MN)$  et  $(BC)$  sont parallèles.
2. Déterminer la valeur de la longueur  $AC$ .
3. Déterminer la valeur de la longueur  $AN$ .

### Exercice 4769



On considère un rectangle  $ABCD$  de longueur  $31,5\text{ cm}$  et de largeur  $19,6\text{ cm}$ .



- Soit  $P$  le point de  $[AB]$  tel que  $AP = 13,5\text{ cm}$ . On note  $Q$  le point d'intersection de la droite parallèle à la droite  $(DB)$  passant par le point  $P$  et avec la droite  $(AD)$ .
- Soit  $S$  le point de  $[BC]$  tel que  $CS = 8,4\text{ cm}$ . On note  $R$  le point d'intersection de la droite parallèle à la droite  $(DB)$  passant par le point  $S$  et avec la droite  $(DC)$ .

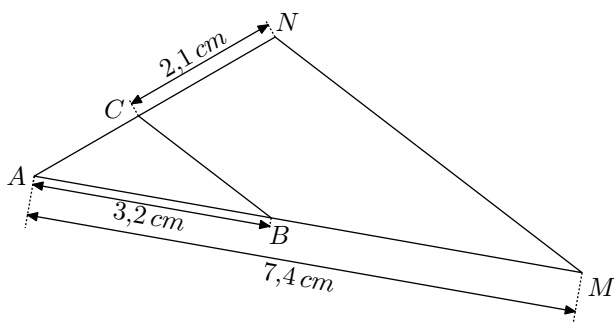
1. Déterminer la mesure du segment  $[BD]$ .
2. Démontrer que le quadrilatère  $PQRS$  est un parallélogramme.

## 5. Théorème de Thalès et équation

### Exercice 1136



Dans la figure ci-dessous, les droites  $(BC)$  et  $(MN)$  sont parallèles.



Déterminer la mesure du segment  $[AC]$ .

### Exercice 1139



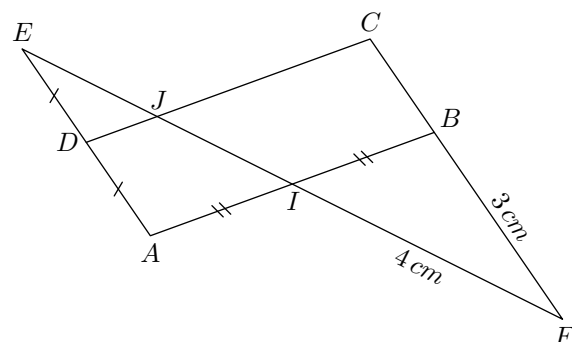
1.
  - a. Tracer un rectangle  $ABCD$  tel que :  
 $AB = 1,5\text{ cm}$  ;  $AD = 6\text{ cm}$
  - b. Placer le point  $I$  appartenant à  $[BC]$  tel que :  
 $BI = \frac{1}{3} BC$ .
  - c. Nommer  $M$  le point d'intersection des droites  $(AI)$  et  $(CD)$ .
2. Déterminer la longueur du segment  $[MC]$ .
3. Déterminer la longueur du segment  $[AM]$ .

### Exercice 4792



On considère le parallélogramme  $ABCD$  représenté ci-dessous où :

$AB = 4\text{ cm}$  ;  $I$  est le milieu de  $[AB]$ .



Le point  $E$  est le symétrique du point  $A$  par rapport au point  $D$ . Le point  $J$  est le point d'intersection des droites  $(EI)$  et  $(CD)$ . Le point  $F$  est le point d'intersection des droites  $(BC)$  et  $(EI)$ .

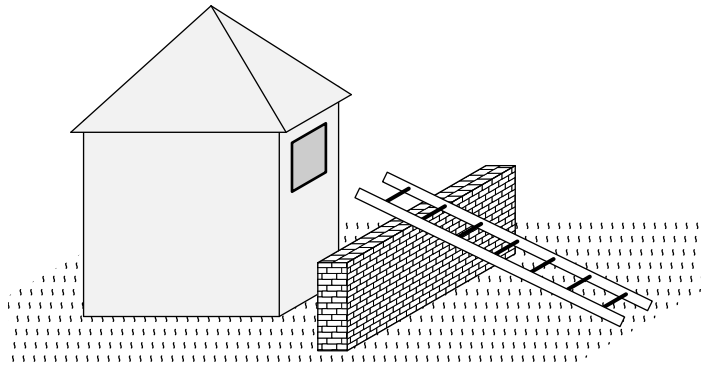
1. Déterminer la mesure du segment  $[DJ]$ .
2. Déterminer la mesure du segment  $[BC]$ .
3. Déterminer la mesure du segment  $[EJ]$ .

### Exercice 5780



Un soir de pleine lune, Roméo souhaite rendre visite à Juliette - Troisième - Théorème de Thalès - <https://chingatome.fr>

ette. Il possède une échelle de 10 m de longueur.



Le rebord de la fenêtre est à une hauteur 4,8 m mais un mur se trouve entre lui et la maison : ce mur a une épaisseur de 50 cm, une hauteur de 4 m. L'allée séparant le mur de la maison a une largeur de 1 m

Roméo arrivera-t-il à poser le bout de l'échelle sur le rebord de la fenêtre de Juliette?

### Exercice 5021

Résoudre les équations suivantes :

a.  $\frac{7}{x} = \frac{21}{4}$

b.  $\frac{15}{8} = \frac{x}{9}$

c.  $\frac{x}{32} = \frac{5}{8}$

d.  $\frac{x}{x+1} = \frac{1}{3}$

e.  $\frac{x+2}{3x-4} = \frac{2}{3}$

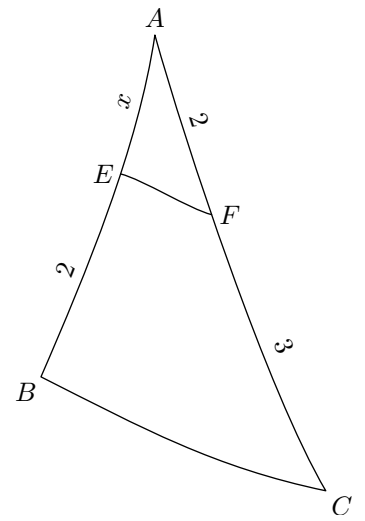
f.  $\frac{2x}{x-3} = 4$

### Exercice 658

La figure ci-contre a été réalisée à main levée ; on a les propriétés suivantes :

- le point  $E$  appartient à la droite  $(AB)$  ;
- le point  $F$  appartient à la droite  $(AC)$  ;
- les droites  $(EF)$  et  $(BC)$  sont parallèles.

Déterminer la valeur de "x".

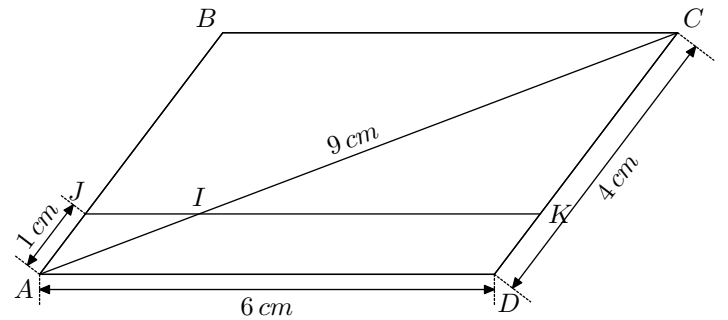


### Exercice 655

On considère un parallélogramme  $ABCD$  tel que :  
 $AD = 6 \text{ cm}$  ;  $CD = 4 \text{ cm}$  ;  $AC = 9 \text{ cm}$

Soit  $J$  le point du segment  $[AB]$  vérifiant :  $AJ = 1 \text{ cm}$ .  
 La droite parallèle à la droite  $(AD)$  passant par le point  $J$  intercepte la droite  $(AC)$  et la droite  $(CD)$  respectivement en  $I$  et en  $K$ .

La figure ci-dessous représente cette situation :

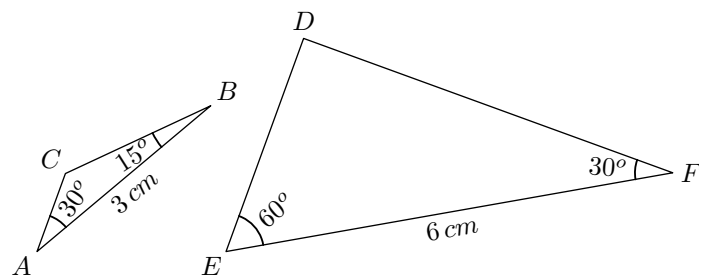


- Justifier que les droites  $(IJ)$  et  $(BC)$  sont parallèles.
  - Déterminer la mesure du segment  $[AI]$ .
- Déterminer la mesure du segment  $[KC]$ .
  - En déduire la mesure du segment  $[IJ]$ . On notera  $x$  la longueur du segment  $[IJ]$ .

## 6. Agrandissement et réduction :

### Exercice 1333

On considère les deux triangles  $ABC$  et  $DEF$  représentés ci-dessous :

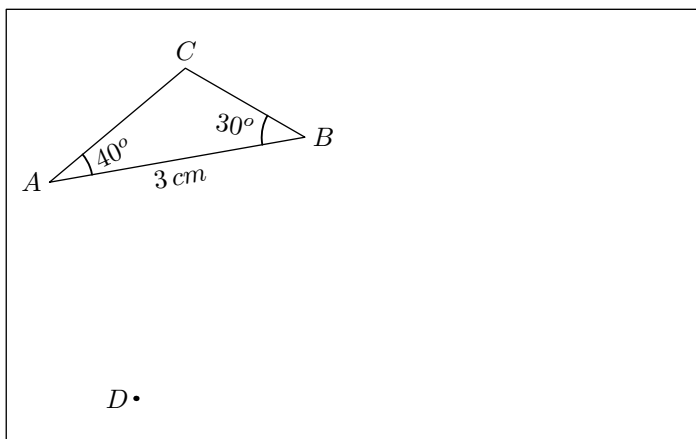


Peut-on dire que le triangle  $DEF$  est un agrandissement du

triangle  $ABC$ ?

### Exercice 1334

On considère le triangle  $ABC$  représenté ci-dessous :

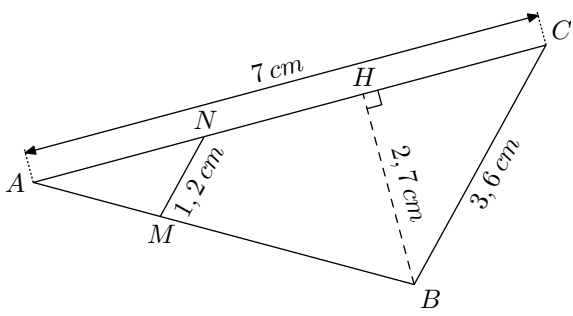


1. a. Tracer le triangle  $DEF$  obtenu par un agrandissement de facteur 2 du triangle  $ABC$ .  
b. Vérifier la proportionnalité entre les longueurs des côtés des deux triangles  $ABC$  et  $DEF$ .
2. a. A l'aide de l'équerre, tracer les hauteurs issues du sommet  $C$  dans le triangle  $ABC$  et du sommet  $F$  dans le triangle  $DEF$ .  
b. Donner une valeur approchée par défaut des aires des triangles  $ABC$  et  $DEF$ .  
c. Que peut-on dire de la comparaison de ces deux aires?

## 7. Agrandissement et réduction H :

### Exercice 4775

On considère le triangle  $ABC$  où les points  $M$  et  $N$  appartiennent respectivement aux segments  $[AB]$  et  $[AC]$ , et les droites  $(MN)$  et  $(BC)$  sont parallèles entre elles :



1. Déterminer le facteur de réduction du triangle  $AMN$  par rapport au triangle  $ABC$ .

2. a. Déterminer l'aire du triangle  $ABC$ .  
b. En déduire l'aire du triangle  $AMN$ .

### Exercice 4776

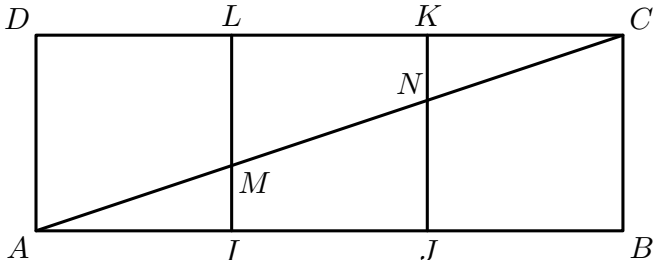
On considère la configuration suivante :

1. On suppose que le triangle  $AMN$  est une réduction du triangle  $ABC$  dont le facteur de réduction vaut  $\frac{2}{3}$ . Le triangle  $ABC$  ayant une aire de  $6,75 \text{ cm}^2$ . Donner l'aire du triangle  $AMN$ .
2. On suppose que le triangle  $AMN$  est une réduction du triangle  $ABC$  dont le facteur de réduction vaut  $\frac{3}{5}$ . Le triangle  $AMN$  ayant une aire de  $3,51 \text{ cm}^2$ . Donner l'aire du triangle  $ABC$ .

## 8. Un peu plus loin :

### Exercice 4756

Soit  $a$  un nombre positif non-nul. On considère le rectangle  $ABCD$  de longueur  $3a$  et de largeur  $a$ ; on partage ce rectangle en trois carrés de même mesure :



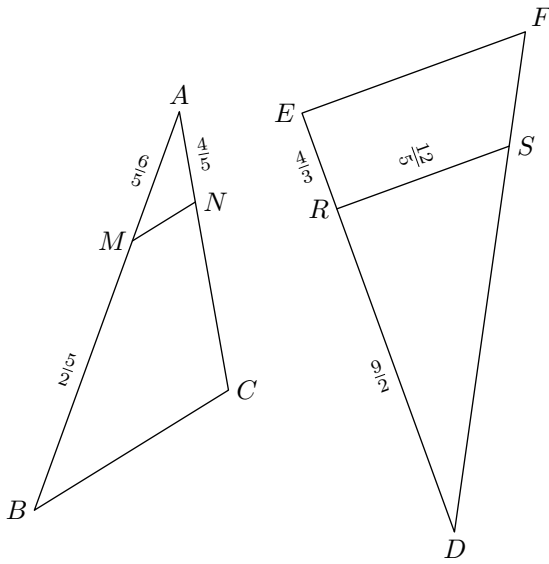
1. Démontrer l'égalité:  $IM = KN$ .
2. Comment peut-on partager le rectangle  $ABCD$  en neuf rectangles tous identiques?

### Exercice 4770

1. Dans le triangle  $ABC$ , les droites  $(MN)$  et  $(BC)$  sont

parallèles entre elles. Déterminer la mesure du segment  $[AC]$ .

2. Dans le triangle  $DEF$ , les droites  $(RS)$  et  $(EF)$  sont parallèles entre elles. Déterminer la mesure du segment  $[EF]$ .



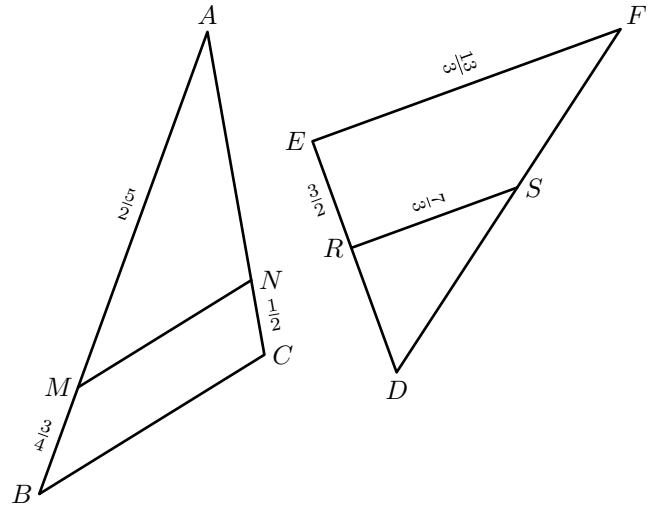
**Exercice 4771**



- Dans le triangle  $ABC$ , les droites  $(MN)$  et  $(BC)$  sont parallèles entre elles. Déterminer la mesure du segment

$[AN]$ .

- Dans le triangle  $DEF$ , les droites  $(RS)$  et  $(EF)$  sont parallèles entre elles. Déterminer la mesure du segment  $[DR]$ .



**9. Théorème de Thalès :**

**Exercice 3453**



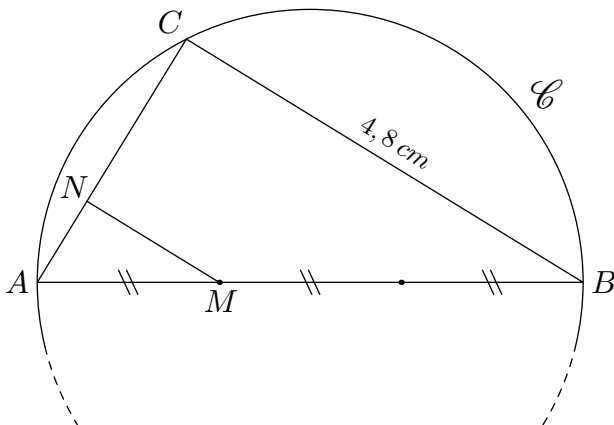
Soit  $\mathcal{C}$  un cercle de diamètre  $[AB]$  mesurant  $6\text{ cm}$  ; soit  $C$  un point du cercle  $\mathcal{C}$  tel que  $BC = 4,8\text{ cm}$ .

Le point  $M$  appartient au diamètre  $[AB]$  vérifiant la relation :

$$AM = \frac{1}{3} \cdot AB$$

Le point  $N$  appartient à la droite  $(AC)$  tel que les droites  $(NM)$  et  $(BC)$  sont parallèles.

Une représentation de cette configuration est donnée ci-dessous :



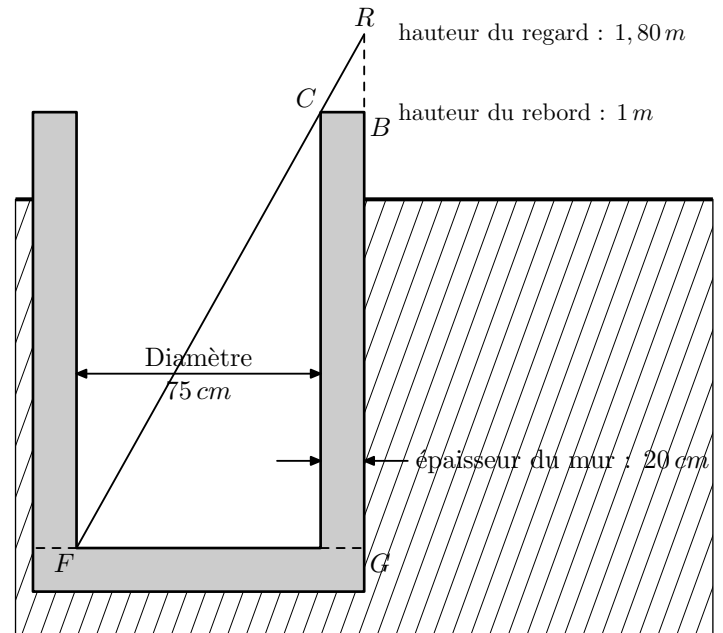
- Justifier que le triangle  $ABC$  est rectangle en  $C$ .
  - Déterminer la longueur du segment  $[AC]$ .
- Déterminer, à l'aide du théorème de Thalès, la mesure du segment  $[AN]$

**Exercice 5049**



Un jeune berger se trouve au bord d'un puits de forme cylin-

drique dont le diamètre vaut  $75\text{ cm}$  : il aligne son regard avec le bord inférieur du puits et le fond du puits pour en estimer la profondeur.



Le fond du puits et le rebord sont horizontaux. Le puits est vertical.

- En s'aidant du schéma ci-dessous (*il n'est pas à l'échelle*), donner les longueurs  $CB$ ,  $FG$ ,  $RB$  en mètres.
- Calculer la profondeur  $BG$  du puits.
- Le berger s'aperçoit que la hauteur d'eau dans le puits est  $2,60\text{ m}$ . Le jeune berger a besoin de  $1\text{ m}^3$  d'eau pour abreuver tous ses moutons. En trouvera-t-il suffisamment dans ce puits?

## 10. Réciproque du théorème de Thalès :

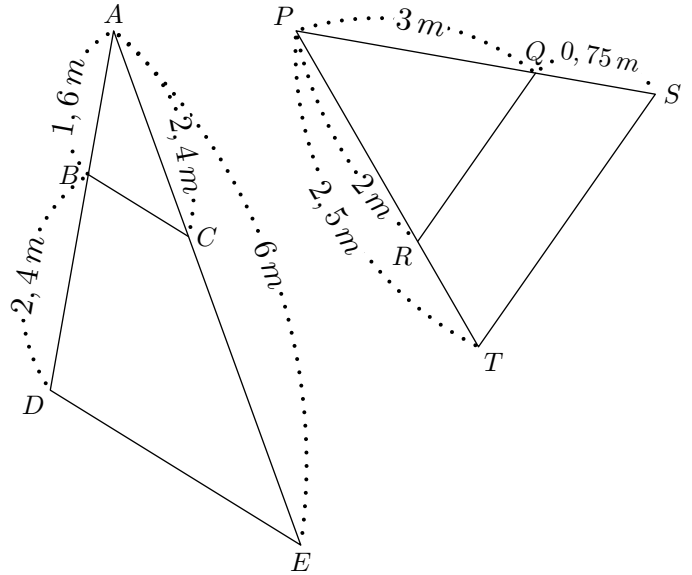
### Exercice 3470

Prouver, sans l'usage de la calculatrice, que chacun des couples de quotient ci-dessous sont égaux :

- a.  $\frac{1,4}{6}$  et  $\frac{7}{30}$       b.  $\frac{3}{1,2}$  et  $\frac{5}{2}$   
 c.  $\frac{0,01}{0,04}$  et  $\frac{0,3}{1,2}$       d.  $\frac{7,2}{1,6}$  et  $\frac{5,4}{1,2}$

### Exercice 5668

On considère les deux configurations ci-dessous composées de deux triangles  $ADE$  et  $PST$ .



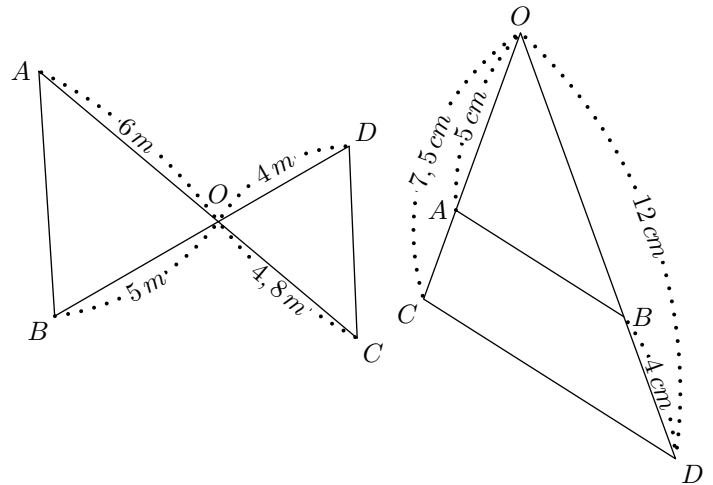
Etablir que les deux parallélismes de droites suivants :

- a.  $(BC) \parallel (DE)$       b.  $(QR) \parallel (ST)$

## 11. Réciproque du théorème de Thalès en configuration papillon

### Exercice 666

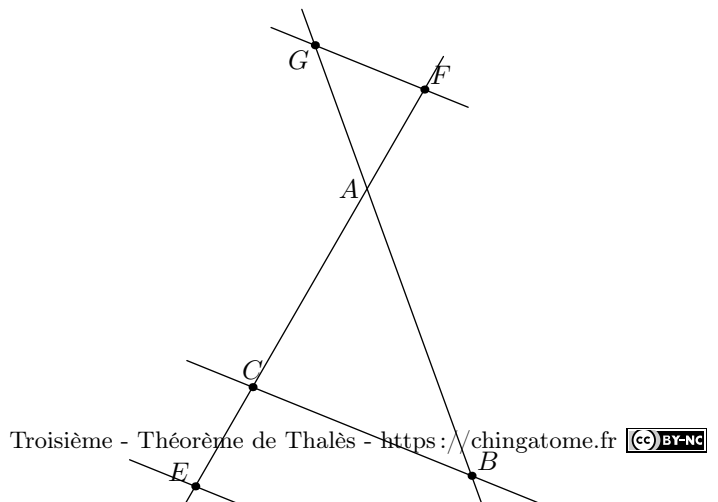
Dans chacune des deux configurations, montrer que les droites  $(AB)$  et  $(CD)$  sont parallèles :



## 12. Théorème et réciproque de Thalès :

### Exercice 671

L'unité de longueur est le centimètre





Sur la figure ci-contre qui n'est pas en vraie grandeur, les droites  $(BC)$  et  $(GF)$  sont parallèles. On sait que :

$$AB = 3 \quad ; \quad CE = 2,4 \quad ; \quad AC = 4 \quad ; \quad BD = 1,8$$

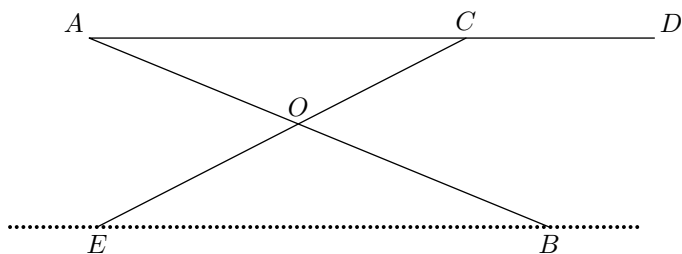
$$BC = 4,5 \quad ; \quad AF = 3,6$$

- Calculer la longueur  $GF$ .
- Les droites  $(BC)$  et  $(ED)$  sont-elles parallèles? Justifier.

### Exercice 673



La figure ci-dessous donne le schéma d'une table à repasser.



Le segment  $[AB]$  et  $[EC]$  représentent les pieds. Les droites  $(AB)$  et  $(EC)$  se coupent en  $O$ . On donne :

$$AD = 125\text{cm} \quad ; \quad AC = 100\text{cm} \quad ; \quad OA = 60\text{cm}$$

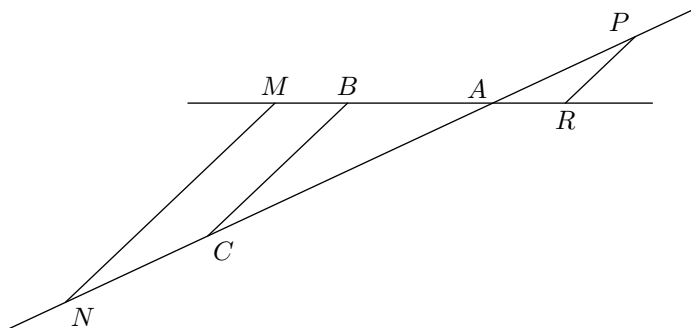
$$OB = 72\text{cm} \quad ; \quad OE = 60\text{cm} \quad ; \quad OC = 50\text{cm}$$

- Montrer que la droite  $(AC)$  est parallèle à la droite  $(EB)$ .
- Calculer l'écartement  $EB$  en  $cm$ .

### Exercice 659



On précisera pour chacune des deux questions de cet exercice la propriété de cours utilisée



La figure ci-contre n'est pas représentée en vraie grandeur. Les droites  $(BC)$  et  $(MN)$  sont parallèles. On donne les longueurs suivantes :

$$AB = 2,4\text{ cm} \quad ; \quad AC = 5,2\text{ cm} \quad ; \quad AN = 7,8\text{ cm} \quad ; \quad MN = 4,5\text{ cm}$$

- Calculer les longueurs  $AM$  et  $BC$ .
- Sachant que  $AP = 2,6\text{ cm}$  et  $AR = 1,2\text{ cm}$ , montrer que les droites  $(PR)$  et  $(BC)$  sont parallèles.

### Exercice 668



$ABCD$  est un parallélogramme tel que :

$$AB = 8\text{ cm} \quad ; \quad AD = 4,5\text{ cm}$$

$E$  est un point de la droite  $(AD)$  tel que :

$$AE = 1,5\text{ cm} \text{ et } E \text{ n'est pas sur le segment } [AD].$$

La droite  $(EC)$  coupe le segment  $[AB]$  en  $M$ .

- Calculer  $AM$ .
- Placer le point  $N$  sur le segment  $[DC]$  tel que :

$$DN = \frac{3}{4} \times DC$$

- Démontrer que les droites  $(AN)$  et  $(EC)$  sont parallèles.

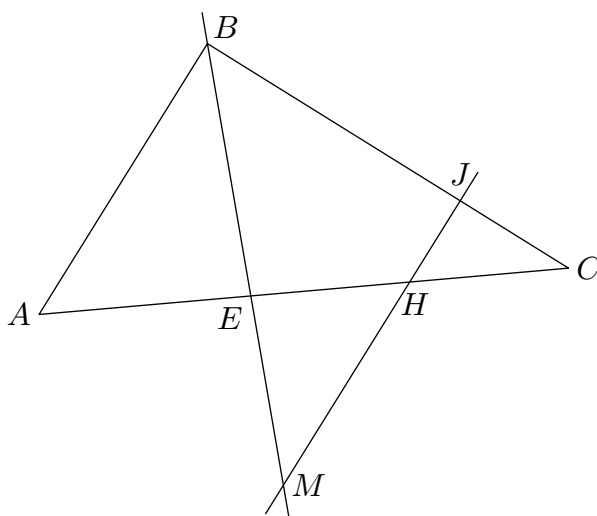
### Exercice 663



On considère le triangle  $ABC$  ci-dessous, tel que :

$$AB = 6\text{ cm} \quad ; \quad AC = 10\text{ cm} \quad ; \quad BC = 8\text{ cm}$$

Soit  $E$  le point de  $[AC]$  tel que  $AE = 4\text{ cm}$  et  $J$  le point de  $[BC]$  tel que  $CJ = 2,4\text{ cm}$ . Soit  $H$  le milieu de  $[EC]$  et  $M$  le point d'intersection des droites  $(BE)$  et  $(JH)$ .



(sur la figure les dimensions ne sont pas respectées)

- Prouver que les droites  $(JH)$  et  $(AB)$  sont parallèles.
- En déduire le calcul de la longueur  $HM$ .

### Exercice 664



- Tracer un triangle  $ABC$  tel que :  
 $AC = 7,5\text{ cm} \quad ; \quad BC = 10\text{ cm} \quad ; \quad AB = 6\text{ cm}$
  - Placer  $E$  sur  $[AC]$  tel que  $AE = 4,5\text{ cm}$  et  $F$  sur  $[BC]$  tel que  $BF = 6\text{ cm}$
- Les droites  $(AB)$  et  $(EF)$  sont-elles parallèles? Justifier.
- On trace la droite parallèle à  $(AB)$  passant par  $C$ . Cette droite coupe  $(BE)$  en  $L$ . Déterminer  $CL$ .

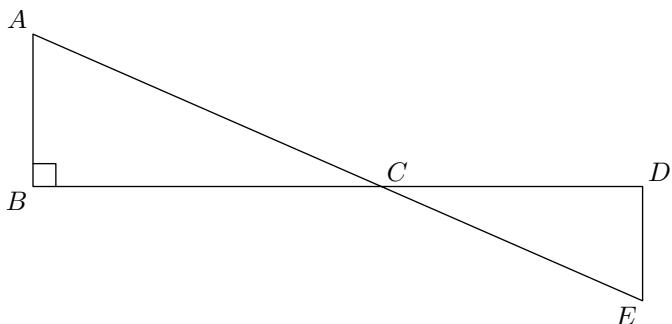
## 13. Théorème, réciproque de Thalès et un peu plus :

### Exercice 650



La figure ci-dessous n'est pas en vraie grandeur. On ne de-

mande pas de la reproduire.



Les points  $A$ ,  $C$  et  $E$  sont alignés, ainsi que les points  $B$ ,  $C$  et  $D$ .

Le triangle  $ABC$  est rectangle en  $B$ .

Les longueurs suivantes sont exprimées en centimètres :

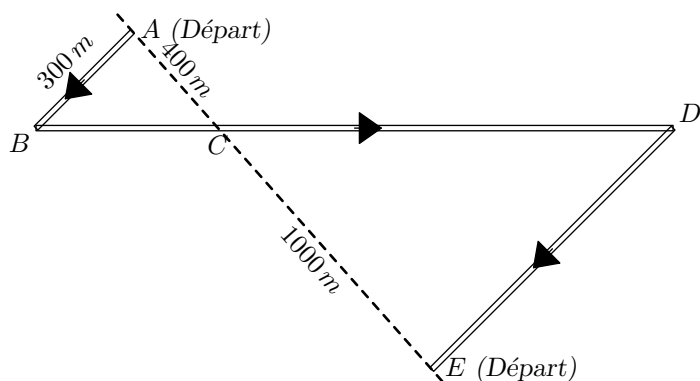
$$BC = 12 \quad ; \quad CD = 9,6 \quad ; \quad DE = 4 \quad ; \quad CE = 10,4$$

1. Montrer que le triangle  $CDE$  est rectangulaire en  $D$ .
2. En déduire que les droites  $(AB)$  et  $(DE)$  sont parallèles.
3. Calculer la longueur  $AB$ .

#### Exercice 5047



Des élèves participent à une course à pied. Avant l'épreuve, un plan leur a été remis. Il est représenté par la figure ci-dessous :



On convient que :

- Les droites  $(AE)$  et  $(BD)$  se coupent en  $C$ .
- Les droites  $(AB)$  et  $(DE)$  sont parallèles.
- $ABC$  est un triangle rectangle en  $A$ .

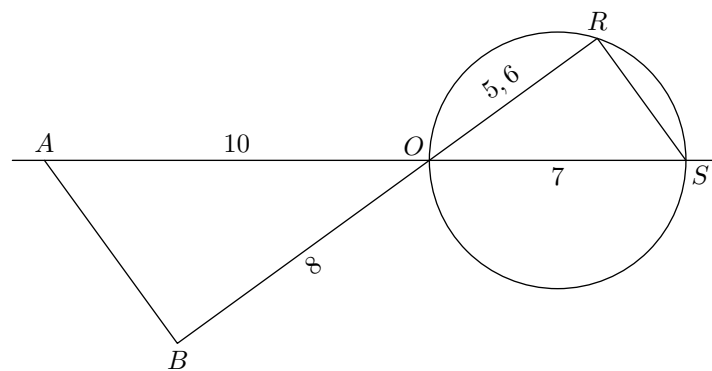
Calculer la longueur réelle du parcours  $ABCDE$

Si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans la notation.

#### Exercice 3460



La figure ci-contre n'est pas en vraie grandeur. Il n'est pas demandé de la reproduire.



$\mathcal{C}$  est un cercle de diamètre  $[OS]$  tel que :  $OS = 7 \text{ cm}$ .

$R$  est un point du cercle tel que :  $OR = 5,6 \text{ cm}$ .

$A$  est le point de la demi-droite  $[SO]$  tel que :  $OA = 10 \text{ cm}$ .

$B$  est le point de la demi-droite  $[RO]$  tel que :  $OB = 8 \text{ cm}$ .

1. Démontrer que les droites  $(AB)$  et  $(RS)$  sont parallèles.
2. Déterminer la nature du triangle  $ORS$ , puis celle du triangle  $AOB$ .
3. Déterminer la mesure des longueurs  $RS$  et  $AB$  par la méthode de votre choix.

#### Exercice 2169

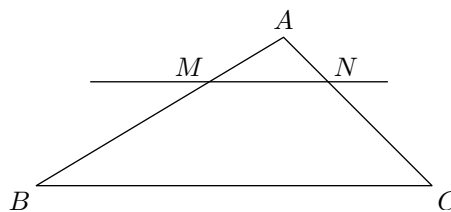


1. Résoudre le système : 
$$\begin{cases} x - 3y = 0 \\ x - y = 4,5 \end{cases}$$

2. Dans le triangle  $ABC$  ci-dessous, on donne :  $AB = 6 \text{ cm}$  ;  $BC = 9 \text{ cm}$

$M$  est le point de  $[AB]$  tel que :  $AM = 2 \text{ cm}$ .

La droite parallèle à  $(BC)$  passant par  $M$  coupe  $[AC]$  en  $N$ .



- a. Calculer  $MN$ .
  - b. Donner la valeur de  $\frac{AN}{AC}$
3. On suppose que  $[NC]$  mesure  $4,5 \text{ cm}$  et l'on pose  $AN = y$  et  $AC = x$ .
    - a. Etablir les égalités :  $x - y = 4,5$  ;  $x - 3y = 0$
    - b. Calculer  $AN$  et  $AC$ , en utilisant éventuellement les questions 1. et 3. a.

**Remarque :** les calculs sont possibles même si les questions 1. et 3. a. n'ont pas été traités.

## 14. Problèmes ouverts, problèmes à prise d'initiative, tâches complexes :

#### Exercice 5690



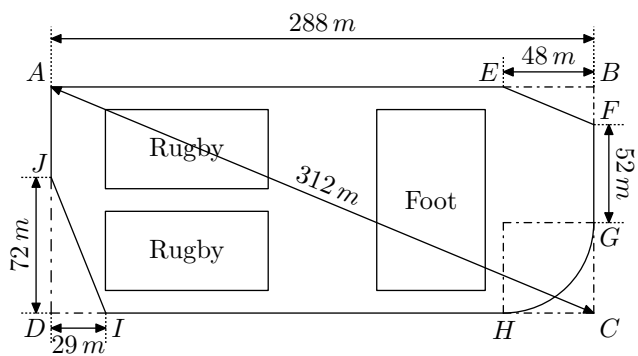
Dans cet exercice, si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans l'évaluation.

La ville BONVIVRE possède une plaine de jeux bordée d'une piste cyclable. La piste cyclable a la forme d'un rectangle  $ABCD$  dont on a "enlevé trois des coins".

Le chemin de  $G$  à  $H$  est un arc de cercle ; les chemins de  $E$  à  $F$  et de  $I$  à  $J$  sont des segments.

Les droites  $(EF)$  et  $(AC)$  sont parallèles.

Troisième - Théorème de Thalès - <https://chingatome.fr>



Quelle est la longueur de la piste cyclable? Justifier la réponse.

**Exercice 5695**



On a modélisé géométriquement un tabouret pliant par les segments  $[CB]$  et  $[AD]$  pour l'armature métallique et le segment  $[CD]$  pour l'assise en toile.

On a :  $CG = DG = 30 \text{ cm}$ ,  $AG = BG = 45 \text{ cm}$  et  $AB = 51 \text{ cm}$ . Pour des raisons de confort, l'assise  $[CD]$  est parallèle au sol représenté par la droite  $(AB)$ .

Déterminer la longueur  $CD$  de l'assise.

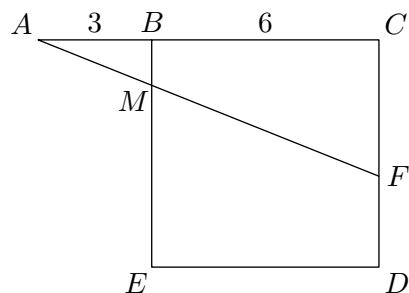
Laisser apparentes toutes traces de recherches. Même si le travail n'est pas terminé, il en sera tenu compte dans la notation.

**Exercice 5923**



Dans cet exercice, toute trace de recherche, même incomplète, sera prise en compte dans l'évaluation.

On considère la figure ci-dessous, qui n'est pas en vraie grandeur.



$BCDE$  est un carré de  $6 \text{ cm}$  de côté. Les points  $A$ ,  $B$  et  $C$  sont alignés et  $AB = 3 \text{ cm}$ .

$F$  est un point du segment  $[CD]$ .

La droite  $(AF)$  coupe le segment  $[BE]$  en  $M$ .

Déterminer la longueur  $CF$  par calcul ou par construction pour que les longueurs  $BM$  et  $FD$  soient égales.

**Exercice 6282**



Il sera tenu compte de toute trace de réponse même incomplète dans l'évaluation

Joachim doit traverser une rivière avec un groupe d'amis. Il souhaite installer une corde afin que les personnes peu rassurés puissent se tenir.

Il veut connaître la largeur de la rivière à cet endroit (nommé  $D$ ) pour déterminer si la corde dont il dispose est assez longue.

Pour cela, il a repéré un arbre (nommé  $A$ ) sur l'autre rive.

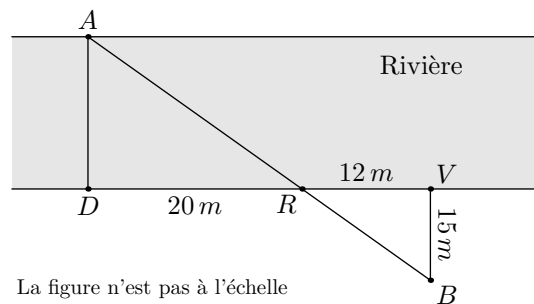
Il parcourt 20 mètres sur la rive rectiligne où il se situe et trouve un nouveau repère: un rocher (nommé  $R$ ).

Ensuite, il poursuit sur 12 mètres et s'éloigne alors de la rivière, à angle droit, jusqu'à ce que le rocher soit aligné avec l'arbre depuis son point d'observation (nommé  $B$ ).

Il parcourt pour cela 15 m.

Il est alors satisfait: sa corde d'une longueur de 30 mètres est assez longue pour qu'il puisse l'installer entre les points  $D$  et  $A$ .

A l'aide de la figure, confirmer sa décision.



La figure n'est pas à l'échelle