Compiler exercice

Compiler correction

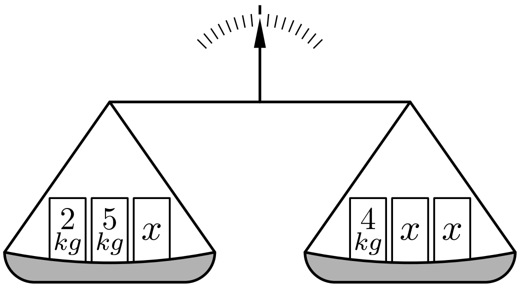
Plus d'option

Troisième/Equations

1. Rappels :

Exercice 5250

On considère la balance pour laquelle sont déposés trois poids sur chacun de ces deux plateaux :



La masse de chaque poids est notée sur la face avant du poids. Tous les poids notés "x" sont de masse identique mais leur masse va changer au cours des questions :

1. De quel côté penche la balance lorsque les poids notés "x" ont pour masse $2\,kg$?
2. De quel côté penche la balance lorsque les poids notés "x" ont pour masse $10\,kg$?
3. Quel masse doit-on attribuer aux poids "x" afin que la balance soit équilibrée?

Exercice 841

Donner la valeur des expressions suivantes pour $x = 4$:

a. $3x+4$ b. $-2x+1+3\times(2x-1)$

c. x^2-2x+1 d. $\dfrac{x^2-4}{x}$

Exercice 811

Dire si les équations suivantes acceptent pour solution $x = 2$:

a. $3x+1=2x-1$ b. $3(x+1)-3(2-x)=x+1$

c. $\dfrac{2x+1}{3x+4}=\dfrac{1}{2}$ d. $\sqrt{3x^2+4}=4$

Exercice 5256

On considère l'équation (E) définie par :

(E) : $3x+2=6-x$

1. Dire si les nombres 1 et 2 sont solutions ou non de l'équation (E).
2. a. Ecrire l'équation (E') en enlevant 4 à chaque membre de l'équation (E').
   b. Dire si les nombres 1 et 2 sont solutions ou non de l'équation (E').
3. a. Ecrire l'équation (E'') en multipliant par 3 chaque membre de l'équation (E).
   b. Dire si les nombres 1 et 2 sont solutions ou non de l'équation (E'').

2. Poser une équation :

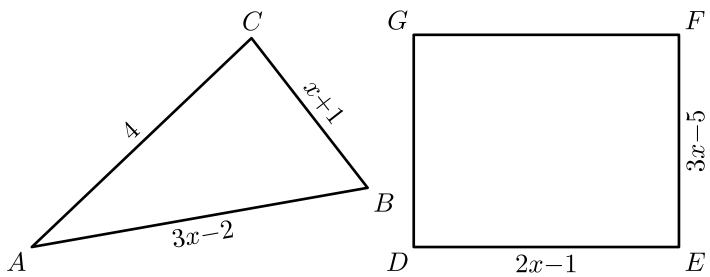
Exercice 4075

Le chocolatier a vendu 315 boites dans la semaine. Chaque boite contient 19 chocolats. Une boîte vide coûte $200\,F$.

1. En supposant qu'un chocolat coûte $100\,F$.
   a. Calculer le prix d'une boîte de chocolats?
   b. En déduire combien rapporte la vente des 315 boîtes durant la semaine?
2. Quel devrait être le prix d'un chocolat si le chocolatier voulait vendre sa boîte $2\,290\,F$?

Exercice 5248

On considère les deux figures géométriques ci-dessous :



Ecrire l'équation, en fonction de x, caractérisant la situation suivante :

"Le triangle ABC et le rectangle $DEFG$ ont le même périmètre"

3. *Equation premier degré :*

Exercice 5257

Résoudre les équations suivantes en détaillant votre démarche :

a. $3x-5=3+2x$ b. $2-x=x+5$

c. $6x+7=x-13$ d. $1+x=-2x+4$

Exercice 5255

On considère les deux programmes de calcul ci-dessous :

Programme A :	**Programme B :**
• Choisir un nombre ;	• Choisir un nombre ;
• Le Multiplier par 3 ;	• Y ajouter 3 ;
• Soustraire 4 ;	• Le multiplier par -2 ;
• Ecrire le résultat final.	• Ecrire le résultat final.

1. Soit x le nombre à choisir afin que ces deux programmes de calcul affichent le même résultat. Ecrire l'équation vérifiée par le nombre x.
2. Résoudre l'équation précédente.

Exercice 812

Résoudre les équations suivantes en détaillant votre démarche :

a. $2(x+5)=3(2x-2)$ b. $2(x-2)-4(1-x)=4$

c. $3(x-2)+4=2-x$ d. $5(x+1)=3(3-x)$

4. *Equation du premier degré après réduction :*

Exercice 821

Résoudre les équations suivantes :

a. $2\times(x+4)-3\times(4-x)=0$

b. $(2x-1)(x+1)+(x-4)(3-2x)=5$

c. $(x+1)^2=(x-1)^2$

Exercice 5258

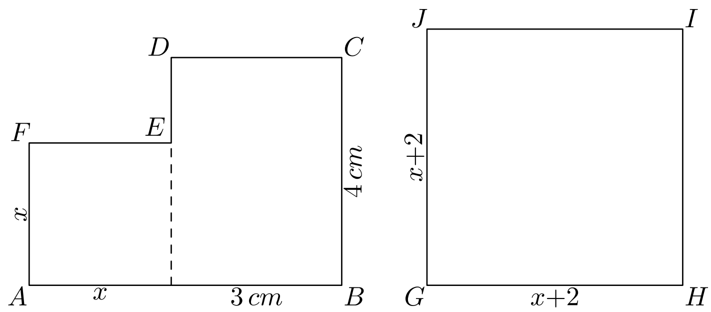
Résoudre les équations suivantes :

a. $x^2-3x+5=x^2+4x+19$ b. $(x+1)^2=x^2-3x+5$

c. $(2x+1)(8x-1)=(4x-1)^2$ d. $x^2-25=(x+5)^2$

Exercice 5261

On considère les deux polygônes représentés ci-dessous :



où x est une mesure indéterminée mesuré en centimètre et où :

- Le polygone $ABCDEF$ est constituée d'un carré de côté x et d'un rectangle de dimensions $4\,cm$ et $3\,cm$.
- Le polygone $GHIJ$ est un carré de côté x+2.

1. Exprimer les aires des polygones $ABCDEF$ et $GHIJ$ en fonction de x.
2. Déterminer la valeur de x afin que les polygones $ABCDEF$ et $GHIJ$ ont la même aire.

5. *Equations : égalité de quotients :*

Exercice 1113

Résoudre les équations suivantes à l'aide du produit en croix :

a. $\dfrac{2x}{5}=\dfrac{3}{7}$ b. $\dfrac{2}{7}=\dfrac{3}{x}$

Exercice 1121

Résoudre les équations suivantes en utilisant le produit en croix :

a. $\dfrac{x}{x+1}=\dfrac{3}{2}$ b. $\dfrac{2x+1}{3x-2}=\dfrac{5}{7}$

Exercice 1997

Résoudre les équations suivantes :

a. $\dfrac{1}{3}x+\dfrac{3}{10}=-\dfrac{4}{3}x-\dfrac{1}{5}$ b. $\dfrac{3}{2}x+4=\dfrac{1}{7}x-\dfrac{1}{14}$

Exercice 1119

Résoudre les équations suivantes :

a. $\dfrac{2}{3}(x+4) = \dfrac{4}{3}x + 4$ b. $\dfrac{1}{2}x + 3 = \dfrac{1}{3}x - \dfrac{1}{8}$

Exercice 1120

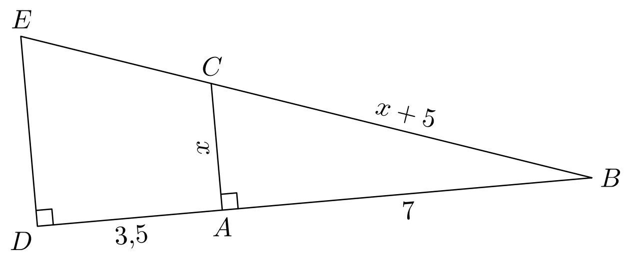
Résoudre les équations suivantes :

a. $3x + 3 = 5 - 5x$ b. $2x - (3x - 5) = 4(2 - x)$

c. $\dfrac{1}{7} + \dfrac{2}{14}x = -\dfrac{4}{7}$ d. $\dfrac{2}{3}\left(6x - \dfrac{3}{4}\right) = x + 1$

Exercice 6387

On considère la figure ci-dessous :



Sans justification, donner la longueur du segment $[DE]$.

Indication : on développera le produit $(x+5)(x+5)$.

6. Equation produit :

Exercice 5266

1. Quels couples de nombres ont un produit égal à 0 *(on dit un produit nul)*?

$(5\,;-5)\ ;\ (2\,;0)\quad ;\ \left(3\,;\dfrac{1}{3}\right)\ ;\ \left(2\,;-\dfrac{1}{2}\right)$

$\left(0\,;\dfrac{1}{2}\right)\ ;\ (0\,;-3)\ ;\ (3\,;-3)$

2. Quelle condition doit vérifier deux nombres a et b afin que leur produit soit nul? C'est à dire pour qu'ils vérifient :
$a \times b = 0$

Exercice 5262

Résoudre les équations suivantes :

a. $(2x - 1)(3x + 1) = 0$ b. $(x - 2)(2x + 4) = 0$

c. $(3 - 2x)x = 0$ d. $(5x + 1)(5 + x) = 0$

Exercice 5330

Résoudre les équations ci-dessous. Pour cela, utiliser une factorisation pour obtenir une équation produit nulle.

a. $(3x - 2)(x + 1) + (3x - 2)(2 - 3x) = 0$

b. $(x + 1)(2 - x) - (x + 1)(2x + 5) = 0$

c. $(5x + 1)(x - 2) = (5x + 1)^2$

d. $(3 - 2x)(x + 1) = 3(3 - 2x)$

Exercice 2333

On donne l'expression : $E=(x-5)^2+(x-5)(2x+1)$

1. Pour calculer la valeur exacte de E lorsque $x=\sqrt{3}$, Marc a choisi de développer E.
   a. Quelle expression obtient-il?
   b. Calculer la valeur exacte de E lorsque $x=\sqrt{3}$.
   c. Marc a-t-il eu raison de développer E? Pourquoi?
2. a. Léa a trouvé mentalement une solution de l'équation $E = 0$. A votre avis, laquelle?
   b. Pour trouver l'autre solution, Léa choisit de factoriser E. Montrer que : $E=(x-5)(3x-4)$.
   c. Donner, alors la seconde solution de l'équation $E=0$.
3. Lorsque $x=\dfrac{1}{9}$, choisir la forme de E qui vous paraît la plus adaptée pour calculer la valeur exacte de E sous forme de fraction irréductible. Faire ce calcul.

7. Equation : égalité de deux carrés :

Exercice 7999

Résoudre les équations suivantes :

a. $x^2 = 10^2$ b. $x^2 = 9$

c. $(x + 1)^2 = 4$ d. $(x + 3)^x = (x - 2)^2$

8. Equations produits avec factorisation :

Exercice 5354

Résoudre les équations suivantes :

a. $2x^2 - 5x = 0$

b. $(2-3x)(x+4) - (2-3x)(x+2) = 0$

c. $(x-2)(2x+1) = (x-2)^2$

Exercice 822

1. Résoudre les équations-produits suivantes :

a. $(3x+6)(2x+1) = 0$ b. $(x+1)(2-x) = 0$

c. $x(1-x) = 0$

2. Modifier les équations proposées afin d'obtenir des produits nuls, puis les résoudre :

a. $(3x+1)(x-1) - (x-1)^2 = 0$

b. $(2x-1)^2 = (2x-1)(4x+7)$

c. $9x^2 - (x+1)^2 = 0$

9. Développer, factoriser, résoudre :

Exercice 814

Soit l'expression : $E=(x+1)^2+(x+1)(2x-3)$

1. Développer puis réduire l'expression E.
2. Factoriser l'expression E.
3. Résoudre l'équation : $(x+1)(3x-2)=0$

Exercice 827

Soit l'expression : $E=(5x-2)^2-(x-7)(5x-2)$

1. Développer et réduire E.
2. Calculer la valeur numérique de E pour $x=-1$
3. Factoriser E
4. Résoudre l'équation : $(5x-2)(4x+5)=0$

Exercice 839

Soit l'expression : $D=(2x-3)(3x-1)+(2x-3)^2$

1. Développer et réduire D.
2. Factoriser D.
3. Calculer D pour $x=\sqrt{2}$, écrire la réponse sous la forme $a-b\sqrt{c}$ *(a, b et c entiers).*
4. Résoudre l'équation : $(2x-3)(5x-4)=0$

Exercice 816

On considère l'expression E : $E=(2x+1)^2-4$

1. Développer et réduire l'expression E.
2. Factoriser l'expression E sous forme d'un produit de facteurs du premier degré.
3. Résoudre l'équation : $(2x+3)(2x-1)=0$.
4. Calculer E lorsque x vaut $-\dfrac{3}{2}$, puis lorsque x vaut 0.

Exercice 838

1. On considère l'expression : $E=(x-3)^2-(x-1)(x-2)$

a. Développer et réduire E.

b. Comment peut-on en déduire, sans calculatrice, le résultat de : $99\,997^2-99\,999\times 99\,998$

2. a. Factoriser l'expression :
$F = (4x+1)^2 - (4x+1)(7x-6)$

b. Résoudre l'équation : $(4x+1)(7-3x)=0$

Exercice 4054

1. On considère l'expression : $A=9x^2-1+(3x-1)(2x+1)$

a. Déterminer la forme développée et réduite de l'expression A.

b. Factoriser l'expression $9x^2-1$.
En déduire la forme factorisée de l'expression A.

c. Résoudre l'équation : $(3x-1)(5x+2)=0$

d. Evaluer l'expression A pour les deux valeurs de x suivantes :
$x=-3$; $x=\sqrt{3}$

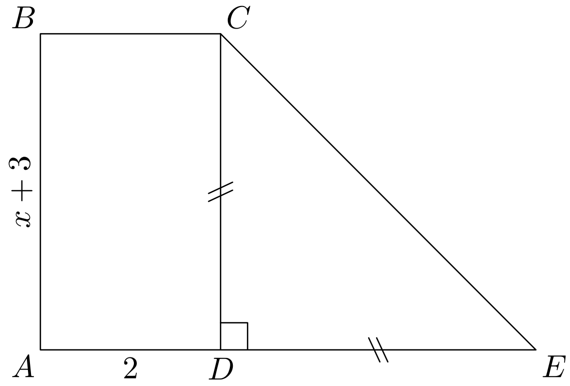
2. On considère l'expression B définie par :
$B = (3x-2)(5x+3) + 2x + 4$

Justifier que les deux expressions A et B sont égales.

10. Problèmes :

Exercice 5264

On considère la figure ci-dessous composée du rectangle $ABCD$ et du triangle CDE rectangle isocèle en D :



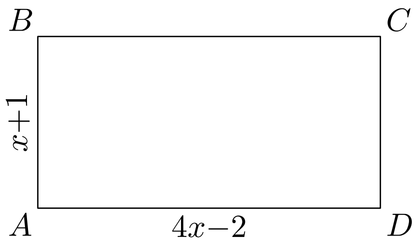
Les dimensions sont indiqués sur la figure où x est un nombre positif.

Déterminer les valeurs possibles de x afin que l'aire du rectangle $ABCD$ soit égale à l'aire du triangle CDE.

Toute trace de recherche, même incomplète sera prise en compte dans l'évaluation.

Exercice 5265

On considère le rectangle $ABCD$ représenté ci-dessous :
dont les dimensions, dépendant d'une valeur indéterminée x, sont $x+1$ et $4x-2$ exprimées en centimètre.

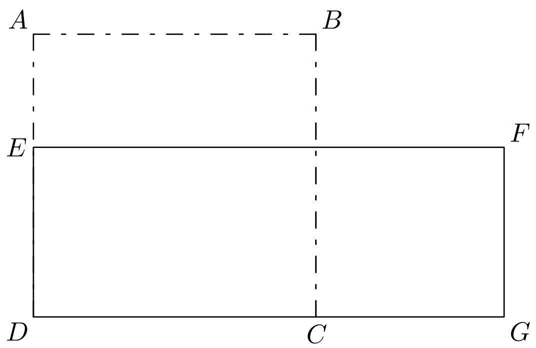


Le nombre x doit être supérieur à $\frac{1}{2}$.

Déterminer les valeurs possibles de x afin que l'aire de $ABCD$, exprimé en cm^2, soit égale au périmètre de $ABDC$, exprimé en cm.

Exercice 5697

Le dessin ci-dessous représente une figure composée d'un carré $ABCD$ et d'un rectangle $DEFG$.
E est un point du segment $[AD]$. C est un point du segment $[DG]$.
Dans cette figure la longueur AB peut varier mais on a toujours :
$AE = 15\,cm$; $CG = 25\,cm$



Peut-on trouver la longueur AB de sorte que l'aire du carré $ABCD$ soit égale à l'aire du rectangle $DEFG$?
Si oui, calculer AB. Si non, expliquer pourquoi.

Si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans la notation.

Exercice 5699

On propose le programme de calcul suivant :

- Choisir un nombre.
- Soustraire 6.
- Calculer le carré du résultat obtenu.

Quel nombre pourrait-on choisir pour que le résultat du programme soit le nombre 144 ? Justifier la réponse.

(Pour cette question, toute trace de recherche, même incomplète, sera prise en compte pour l'évaluation).

Exercice 6055

On donne le programme de calcul suivant :

- Choisir un nombre
- Lui ajouter 1.
- Calculer le carré de cette somme.
- Enlever 16 au résultat obtenu.

1. a. Vérifier que, lorsque le nombre de départ est 4, on obtient comme résultat 9.
   b. Lorsque le nombre de départ est (-1), quel résultat obtient-on ?

On appelle P cette expression.

   c. Vérifier que : $P = x^2 + 2x - 15$

2. a. Vérifier que : $(x-3)(x+5) = P$.
   b. Quel nombres peut-on choisir au départ pour que le résultat final soit 0 ? Justifier votre réponse.

Exercice 6313

On considère ces deux programmes de calcul :

Programme A :
Choisir un nombre.
Soustraire 0,5.
Multiplier le résultat par le double du nombre choisi au départ.

Programme B :
Choisir un nombre.
Calculer son carré.
Multiplier le résultat par 2.
Soustraire à ce nouveau résultat le nombre choisi au départ.

1. a. Montrer que si on applique le programme A au nombre 10, le résultat est 190.
   b. Appliquer le programme B au nombre 10.
2. On a utilisé un tableur pour calculer des résultats de ces deux programmes. Voici ce qu'on a obtenu :

	A	B	C
1	Nombre choisi	Programme A	Programme B
2	1	1	1
3	2	6	6
4	3	15	15
5	4	28	28
6	5	45	45
7	6	66	66

   a. Quelle formule a-t-on saisie dans la cellule `C2` puis recopiée vers le bas ?
   b. Quelle conjecture peut-on faire à la lecture de ce tableau ?
   c. Prouver cette conjecture.
3. Quels sont les deux nombres à choisir au départ pour obtenir 0 à l'issue de ces programmes ?

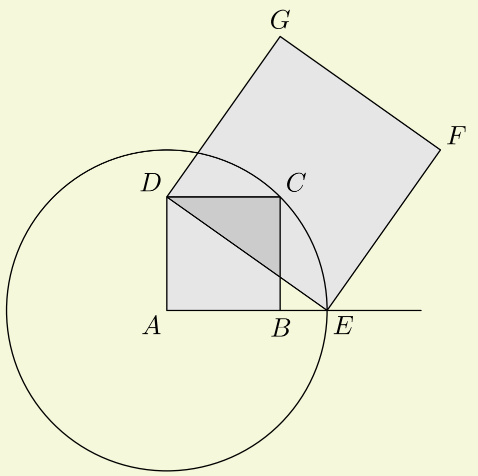
Exercice 7628

Avec un logiciel de géométrie, on exécute le programme ci-dessous.

Programme de construction :

- Construire un carré $ABCD$;
- Tracer le cercle de centre A et de rayon $[AC]$;
- Placer le point E à l'intersection du cercle et de la demi-droite $[AB)$;
- Construire un carré $DEFG$.

Figure obtenue :



1. Sur la copie, réaliser la construction avec $AB = 3\,cm$.
2. Dans cette question, $AB = 10\,cm$.
   a. Montrer que : $AC = \sqrt{200}\,cm$
   b. Expliquer pourquoi : $AE = \sqrt{200}\,cm$
   c. Montrer que l'aire du carré $DEFG$ est le triple de l'aire du carré $ABCD$.
3. On admet pour cette question que pour n'importe quelle longueur du côté $[AB]$, l'aire du carré $DEFG$ est toujours le triple de l'aire du carré $ABCD$.
   En exécutant ce programme de construction, on souhaite obtenir un carré $DEFG$ ayant une aire de $48\,cm^2$.
   Quelle longueur AB faut-il choisir au départ?

Exercice 3273

On propose deux programmes de calcul :

Programme A	Programme B
Choisir un nombre.	Choisir un nombre.
Ajouter 5.	Soustraire 7.
Calculer le carré du résultat obtenu.	Calculer le carré du résultat obtenu.

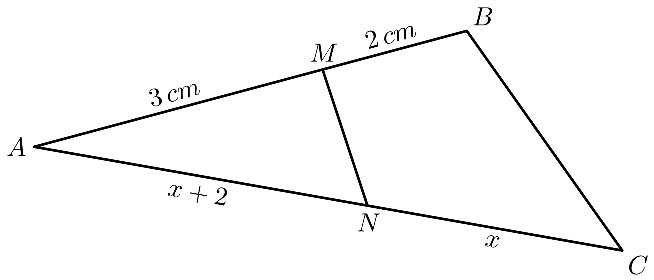
1. On choisit 5 comme nombre de départ. Montrer que le résultat du programme B est 4.
2. On choisit -2 comme nombre de départ. Quel est le résultat avec le programme A?
3. a. Quel nombre faut-il choisir pour que le résultat du programme A soit 0?
   b. Quels nombres faut-il choisir pour que le résultat du programme B soit 9?
4. Quel nombre doit-on choisir pour obtenir le même résultat avec les deux programmes?

Exercice 829

En retranchant un même nombre au numérateur et au dénominateur de la fraction $\frac{4}{5}$, on obtient la fraction $\frac{5}{4}$. Quel est ce nombre? Laisser les étapes de votre raisonnement.

Exercice 5251

On considère un triangle ABC où M et N appartiennent respectivement aux segments $[AB]$ et $[AC]$. Cette configuration est représentée ci-dessous :

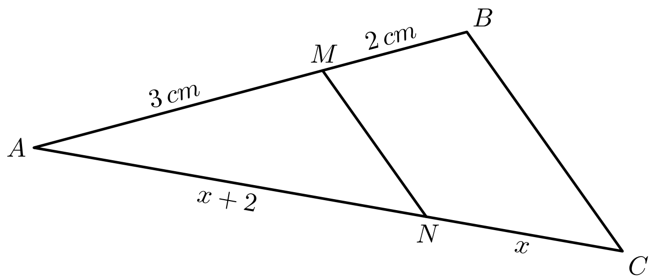


Les mesures sont portées sur la figure où x est un nombre inconnu.

1. Donner la mesure du segment $[AC]$ en fonction de x.
2. Quelle équation doit vérifier l'indéterminé x afin que les droites (MN) et (BC) soient parallèles.

Exercice 4908

On considère un triangle ABC où M et N appartiennent respectivement aux segments $[AB]$ et $[AC]$ tels que les droites (MN) et (BC) sont parallèles.



Les mesures sont portées sur la figure où x est un nombre inconnu.

1. Déterminer la longueur du segment $[AC]$ en fonction de x.
2. A l'aide du théorème de Thalès, établir que le nombre x est solution de l'équation :
   $$\frac{x+2}{2x+2} = \frac{3}{5}$$
3. Après un produit en croix, résoudre cette équation afin d'en déduire la valeur de x.

