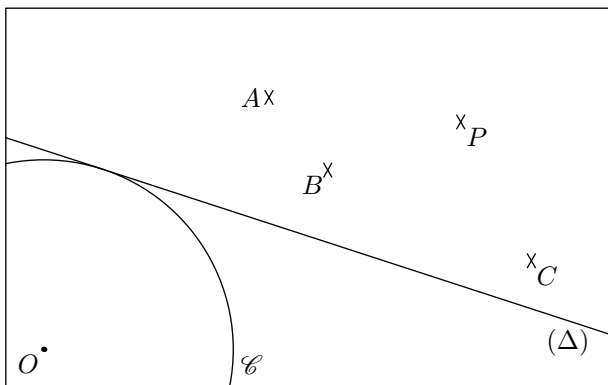


Seconde/Cercles et trigonométrie

1. Cercles et tangentes :

Exercice 1450

On considère la configuration donnée ci-dessous :



1. A l'aide de l'équerre, vérifier que la droite (Δ) est une tangente du cercle \mathcal{C} de centre O .
2. Tracer le cercle \mathcal{C}' de centre P et tangent à la droite (Δ) .
Par quel(s) point(s) passe(ent) de la figure, le cercle \mathcal{C}' passe-t-il?

Exercice 1094

Soit \mathcal{C} un cercle de centre O et A un point situé à l'extérieur du cercle \mathcal{C} . On note \mathcal{C}' le cercle ayant pour diamètre $[OA]$.

On note M et N les deux points d'intersection des cercles \mathcal{C} et \mathcal{C}' .

1. Réaliser une figure représentant cette configuration.
2. Que peut-on dire de la droite (AM) relativement au cercle \mathcal{C} ? Justifier votre affirmation.

Exercice 1093

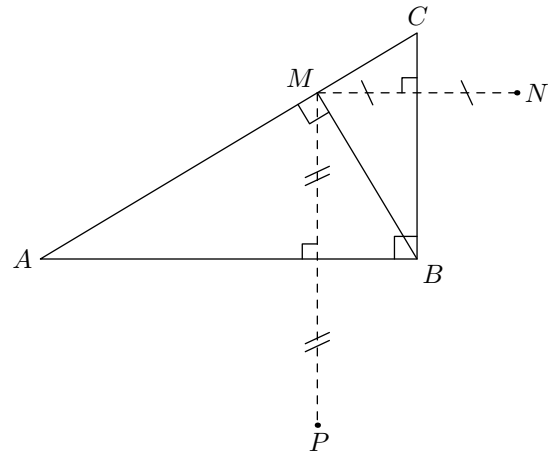
On considère la configuration suivante :

“Soit (d) une droite et H un point de cette droite. \mathcal{C} est un cercle tangent à la droite (d) ayant pour point de contact le point H .”

Effectuer le tracé d'une telle configuration et indiquer une méthode de construction.

Exercice 2936

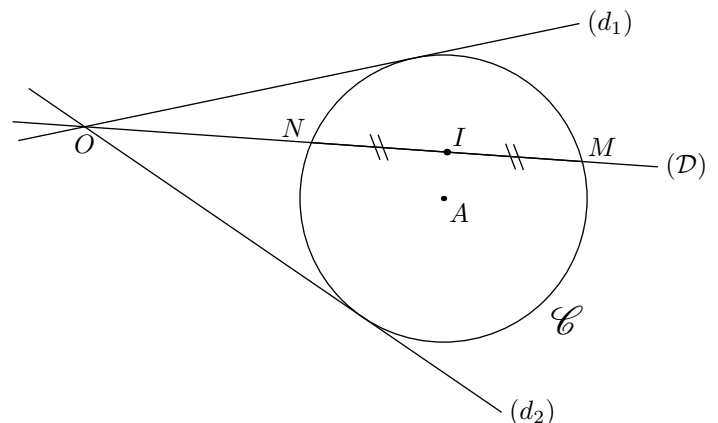
Dans le plan, on considère le triangle ABC rectangle en B et M un point du segment $[AC]$ tel que \widehat{AMB} soit un angle droit; les point N et P sont les symétriques du point M , respectivement par rapport aux droites (BC) et (AB) :



1. a. Justifier les égalités suivantes de longueurs :
 $BM = BN = BP$
b. Montrer que : $\widehat{PBN} = 180^\circ$.
c. Justifier que le cercle \mathcal{C} de diamètre $[NP]$ admet la droite (AC) comme tangente au point M .
2. a. Démontrer que les points B, C, M, N sont cocycliques d'un cercle qu'on nommera \mathcal{C}' .
b. Donner la position de la droite (AB) relativement au cercle \mathcal{C}' .

Exercice 1840

On considère un cercle \mathcal{C} , un point O et les deux droites (d_1) et (d_2) tangentes au cercle passant par le point O .



On considère une droite (\mathcal{D}) passant par O et comprise entre les droites (d_1) et (d_2) : on est libre de placer la droite (\mathcal{D}) à n'importe quel endroit mais assujéti à ces deux contraintes.

Le but de cet exercice est de déterminer l'ensemble décrit par I lorsque la droite (\mathcal{D}) décrit l'ensemble des droites passant
Seconde - Cercles et trigonométrie - <https://chingatome.fr>

par O et comprise entre (d_1) et (d_2) :

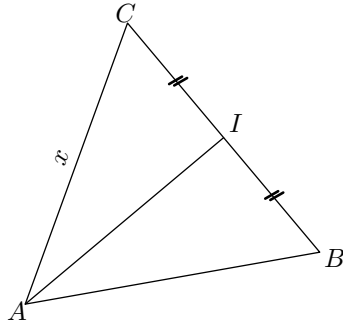
1. a. Où se trouve le point I lorsque la droite (\mathcal{D}) est tel que les points M et N soient diamétralement opposés.
- b. Tracer la droite (\mathcal{D}) à trois endroits différents ainsi

2. Rappels sur la trigonométrie :

Exercice 530



Soit ABC un triangle équilatéral dont la mesure des côtés vaut x .
On note I le milieu du segment $[BC]$.



1. Que représente la droite (AI) dans le triangle ABC ?
2. Compléter le tableau ci-dessous :

	\widehat{CIA}	\widehat{CAB}	\widehat{CAI}	\widehat{ICA}
Mesure en degré				

3. a. Donner la mesure du segment $[CI]$ en fonction de x .
- b. A l'aide du théorème de Pythagore, déterminer la mesure du segment $[AI]$ en fonction de x .
- c. Dans le triangle AIC , déterminer le sinus, le cosinus et la tangente des angles \widehat{IAC} et \widehat{ICA} . Puis, compléter le tableau suivant :

que le point I associé.

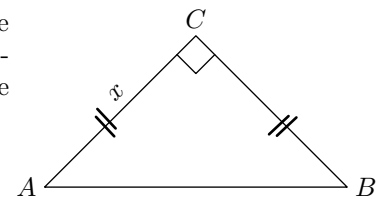
2. a. Faites une conjecture quant à l'ensemble de points décrit par le point I .
- b. Etablir cette conjecture.

α	cos α	sin α	tan α
60°			
30°			

Exercice 531



On considère le triangle rectangle-isocèle en C ci-contre. On note x la mesure du côté AC .



1. Compléter le tableau :

	\widehat{ACB}	\widehat{CAB}
Mesure en degré		

2. a. A l'aide du théorème de Pythagore, exprimer la mesure du côté $[AB]$ en fonction de x .
- b. Dans le triangle rectangle ABC , déterminer le sinus, le cosinus et la tangente de l'angle \widehat{CAB} .
- c. Compléter le tableau :

α	cos α	sin α	tan α
45°			

255. Exercices non-classés :

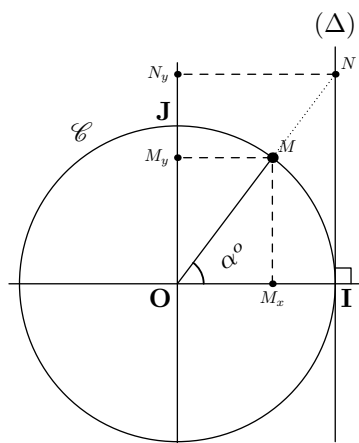
Exercice 2183



On considère le plan muni du repère orthonormé $(O; I; J)$. Soit \mathcal{C} le cercle de centre O et de rayon 1 : ce cercle s'appelle le *cercle trigonométrique*.

On considère la tangente (Δ) au cercle \mathcal{C} passant par le point I et perpendiculaire à l'axe des abscisses.

On place un point M sur le cercle \mathcal{C} , on note :



- On repère ce point par l'angle $\alpha = \widehat{IOM}$
- M_x le projeté orthogonal de M sur l'axe (OI) ;
- M_y le projeté orthogonal de M sur l'axe (OJ) ;

On repère ainsi le point M par l'angle qu'il définit : on note $M(\alpha)$, ou par ses coordonnées cartésiennes $M(M_x; M_y)$.

Le point N , s'il existe, est l'intersection de la droite (Δ) avec la droite (OM) . On note :

- N_y le projeté orthogonal de N sur (OJ) ;

1. On se place dans le triangle OMM_x :

- a. Quel est la nature du triangle OMM_x . Justifier.
- b. Etablir les égalités suivantes :
 $\cos \alpha = OM_x$; $\sin \alpha = MM_x$

2. Dans le triangle ONI rectangle en I , établir l'égalité suivante:

$$\tan \alpha = NI$$

3. Relativement à l'angle α , dire ce que représente les longueurs OM_x , OM_y et ON_y .

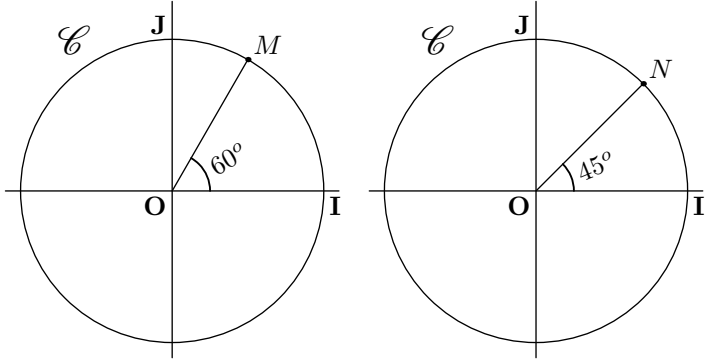
4. Aux vues du travail effectué précédemment, justifier l'égalité:

$$(\cos \alpha)^2 + (\sin \alpha)^2 = 1$$

Exercice 3110



On considère les deux cercles trigonométriques ci-dessous:



1. Donner, dans le repère $(O; I; J)$, les coordonnées des points M et N .

2. Dans l'intervalle $]-180^\circ; 180^\circ]$, résoudre les équations suivantes:

a. $\cos x = \frac{1}{2}$ b. $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ c. $\sin x = -\frac{1}{2}$

3. Dans l'intervalle $]-180^\circ; 180^\circ]$, résoudre les équations suivantes:

a. $\sin x = \frac{1}{2}$ b. $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ c. $\cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$

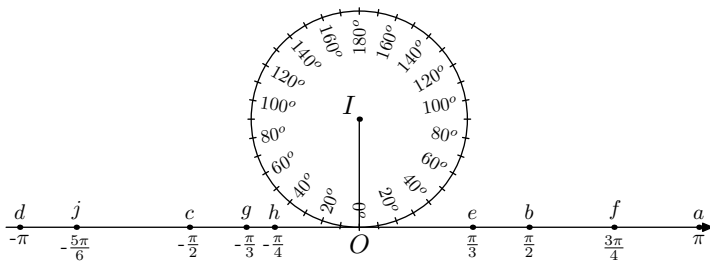
4. Que peut-on dire de l'ensemble des solutions de chacune des équations précédentes, si on cherche la mesure des angles dans l'ensemble \mathbb{R} ?

Exercice 4920



On considère une droite graduée d'origine O sur laquelle est placé des points définis par leur abscisse:

$a\left(\frac{\pi}{2}\right)$; $b(\pi)$; $c\left(-\frac{\pi}{2}\right)$; $d(-\pi)$; $e\left(\frac{\pi}{3}\right)$
 $f\left(\frac{3\pi}{4}\right)$; $g\left(-\frac{\pi}{3}\right)$; $h\left(-\frac{\pi}{4}\right)$; $j\left(-\frac{5\pi}{6}\right)$



On considère le cercle \mathcal{C} de rayon 1 placé sur la droite graduée comme l'indique la figure précédente.

1. a. Soit M un point de \mathcal{C} tel que l'arc \widehat{OM} mesure π . Donner la mesure de l'angle \widehat{OIM}

b. Placer l'unique point A du cercle \mathcal{C} tel que l'arc \widehat{OA} ait pour longueur π .

2. a. Soit M un point de \mathcal{C} tel que l'arc \widehat{OM} mesure $\frac{\pi}{2}$.

Donner la mesure de l'angle \widehat{OIM}

b. Placer les deux points B et C appartenant au cercle \mathcal{C} tel que les arcs \widehat{OB} et \widehat{OC} aient pour longueur $\frac{\pi}{2}$.

3. De même, placer les points E, F, G, H, J tels que les arcs $\widehat{OE}, \widehat{OF}, \widehat{OG}, \widehat{OH}, \widehat{OJ}$ aient respectivement la même longueur que l'abscisse des points e, f, g, h, j .

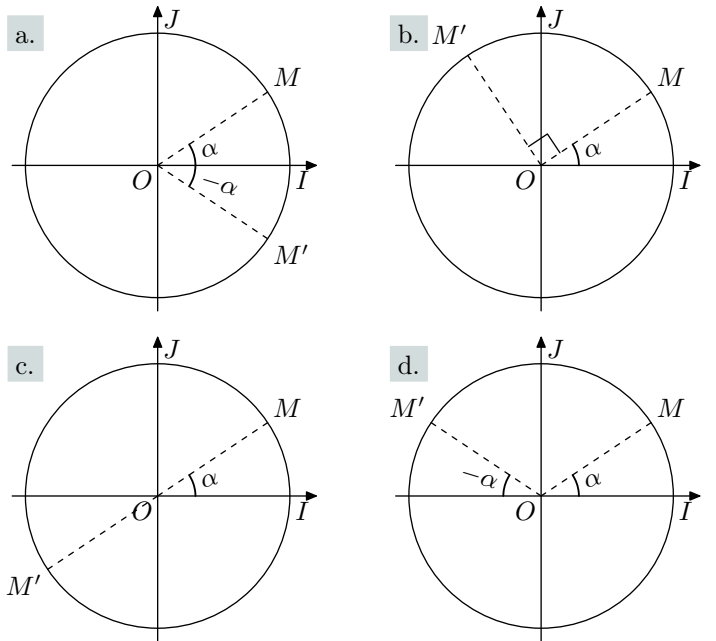
Exercice 6574



1. Dans les quatre cas suivants, un point M est placé sur le cercle trigonométrique repéré par un angle α . On rappelle qu'on note alors:

$$\widehat{IOM} = \alpha \text{ ou } M(\alpha).$$

A partir de ce point M est placé un nouveau point M' :

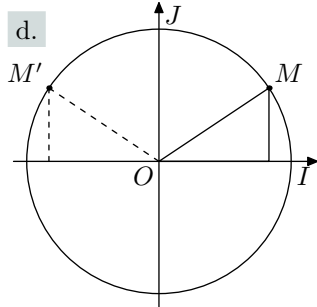
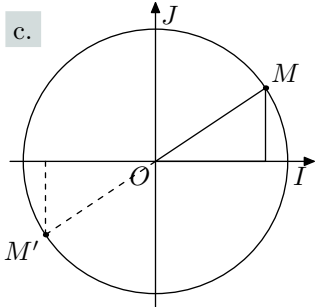
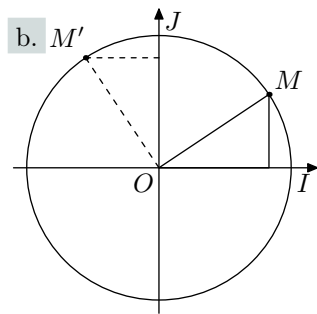
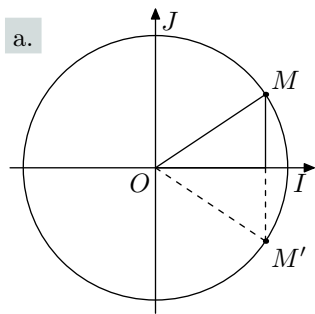


Exprimer l'angle repérant le point M' en fonction de α .

2. Nous utiliserons la définition et les propriétés suivantes:

Définition:
 Deux triangles sont **isométriques** si leurs côtés sont deux à deux de même mesure.

Proposition:
 Si deux triangles ont un côté de même longueur adjacent à deux angles respectivement égaux alors ces deux triangles sont isométriques



Justifier, dans chaque cas, que le triangle présenté en trait plein et le triangle présenté en pointillés sont isométriques.

3. Ouvrir le fichier "angleAssocie.ggb".

Modifier la position du point M et observer la relation entre les coordonnées du point M et M' dans chacun des cas.

4. Indiquer sur la figure les coordonnées du point M' en fonction des coordonnées $(x; y)$ du point M :

