Seconde / Calcul algébrique, équation du premier degré, problèmes

ChingEval: 4 exercices disponibles pour l'évaluation par QCM

Rappels

pour solution x=2:

(a)
$$3x + 1 = 2x - 1$$

(a)
$$3x + 1 = 2x - 1$$
 (b) $3(x + 1) - 3(2 - x) = x + 1$

d
$$\sqrt{3x^2 + 4} = 4$$

E.2 Au travers de contre-exemple, montrer que les égalités suivantes sont fausses:

(a)
$$3x + 1 = 4x$$

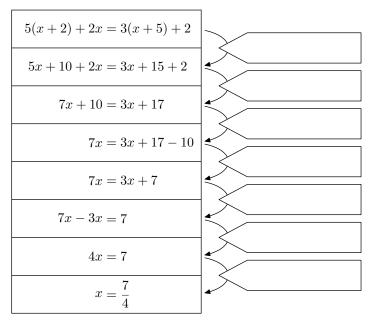
b
$$(x+1)^2 = x^2 + 1$$

$$(x+y)^2 = x^2 + y^2$$

(c)
$$(x+y)^2 = x^2 + y^2$$
 (d) $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{x+y}$

(e)
$$\sqrt{x^2 + y^2} = x + y$$

E.3 Le diagramme ci-dessous présente la résolution d'une équation.



Compléter chacune des étiquettes à l'aide d'une "action" mathématique.

Développement

a
$$x(2x-1)-3(5-x)$$

(a)
$$x(2x-1)-3(5-x)$$
 (b) $(3x+1)x-3(x-2)$





(a)
$$3(x-5) - 2x(1-2x)$$
 (b) $3(x+2) - 4(2-2x)$

b
$$3(x+2)-4(2-2x)$$

E.6 🖟 🧲 🌔 Développer et réduire les produits suiv-

(a)
$$(2x+1)(3-2x)$$

(a)
$$(2x+1)(3-2x)$$
 (b) $(x-3)(-x-1)$

E.7 | Développer et donner la forme réduite des expressions ci-dessous:

(a)
$$(3x+2)(5-2x)$$
 (b) $(x-1)(3x^2-2)$

b
$$(x-1)(3x^2-2)$$

E.8 | Développer et donner la forme réduite des expressions ci-dessous:

(a)
$$2(3-2x)x-2(x-2)$$
 (b) $[2+2(x-5)](x-1)$

b
$$[2+2(x-5)](x-1)$$

$$(5x+1)[2(x-1)-5x]$$

(a)
$$(3-x)(2x+1)+2(x+2)$$

(a)
$$(3-x)(2x+1)+2(x+2)$$
 (b) $(x-1)(2x-1)-3(3+2x)$

E.10 E.10 Développer et réduire les expressions

a
$$-(5-2x) + (x+3)(2x+1)$$

b
$$x(1+x) - (x+2)(3-x)$$

3. Développement: identification des termes

E.11 $\fine \fine \fine$

- (a) $2x^2 5x 3 = (2x+1)(a \times x + b)$
- **b** $-2x^2 + 5x 3 = (x 1)(a \times x + b)$
- (c) $-x^2 3x + 4 = (-x + a)(-1 + b \times x)$
- d $4x^2 + 12x + 9 = (2x + a)^2$

E.12 } C

- 1 On considère l'expression algébrique $-4x^2+4x+3$. Sa forme factorisée est une des quatre expressions cidessous. Laquelle?
 - a (-2x+1)(2x+3)
- (b) (2x-1)(2x-3)
- (2x+1)(2x-3)
- (d)(2x+1)(3-2x)

- \bigcirc Déterminer les valeurs des nombres a et b réalisant la factorisation suivante:
 - $6x^2 7x 5 = (2x+1)(a \times x + b)$

E.13 & C

- 1 On considère l'expression algébrique $-4x^2-4x+3$. Sa forme factorisée est une des quatre expressions cidessous. Laquelle?
 - (a) (-2x+1)(2x+3)
- **b** (2x-1)(2x-3)
- (2x+1)(2x-3)
- d (2x+1)(3-2x)
- \bigcirc Déterminer les valeurs des nombres a et b réalisant la factorisation suivante:
 - $8x^2 2x 3 = (2x+1)(a \times x + b)$

4. Factorisation: avec facteur commun

E.14 Factoriser les expressions suivantes:

- (a) (3x-1)(2x+1) + (5-x)(2x+1)
- **b** x(2-x) + (3x+1)(2-x)
- E.15 Factoriser les expressions suivantes:
 - (a) (x+3)(x+1) + (3x-1)(x+3)
 - **b** (2x+1)(4x-1)+(2+x)(2x+1)

E.16 & Factoriser les expressions suivantes:

- (a) (3x+2)(2-2x) + (3x+2)(x+4)
- **b** (x-1)(2x-2)+(2x-2)(5-2x)
- E.17 Factoriser les expressions suivantes:

- a (4-3x)(x+5)-(4-3x)(x+2)
- **b** (2x+5)(x+2)-(2x+5)
- E.18 Factoriser les expressions suivantes:
 - (a) (2x+4)(3-3x)+(2x+4)
 - **b** (5x+1)(7-3x)-(5x+1)
- E.19 Factoriser les expressions suivantes:
 - a $(3x-1)^2 + (3x-1)(5x+4)$
 - (b) $(x+5)(4-x)-(4-x)^2$
- E.20 Factoriser les expressions suivantes:
 - (a) $(5-x)^2 + (5-x)(x+1)$

5. Factorisation et équation

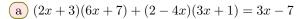
- E.21 & Résoudre par la méthode de votre choix les équations suivantes :
- (a) (3x+1)(2-3x) (5x-1)(3x+1) = 0
- **b** 2(x+2)(3-x) = (x+2)(5x-7)

6. Equation produit et du 1er degré

- 1 Développer chacune des expressions suivantes:
 - (a) $x(x-3) x^2$
 - **b** $(6x+1)^2 (12x+2)(3x-3)$

- 2 Résoudre les équations suivantes après développement et réduction :
 - (a) $x(x-3) x^2 = 0$
 - **b** $(6x+1)^2 = (12x+2)(3x-3)$

Résoudre par la méthode de votre choix les équations suivantes:



b (2x+1)(x-2)+(3x-5)(2x+1)=0

 \bigcap Résoudre dans \mathbb{R} les équations suiv-

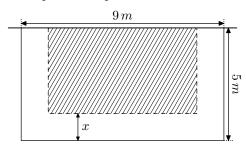
(a)
$$(2x+1)(4-x) + (4x-1)(2x+1) = 0$$

b
$$-(12x-2)(2-3x) = 36x^2 - 12x + 1$$

Problèmes

Adossé à sa maison, Jean possède un jardin de forme rectangulaire ayant pour dimensions 9 m et 5m.

Il souhaite construire sur trois des côtés de ce jardin une allée ayant la même largeur et il plantera de la pelouse sur le reste du jardin. Il propose le schéma ci-dessous où la partie hachurée est l'espace de la pelouse



Quelle doit-être la largeur de l'allée pour que l'ensemble de la pelouse ait une surface de $10 \, m^2$?

Indication:

On utilisera une des formes factorisées ci-dessous:

•
$$2x^2 - 18x + 28 = (2x - 4)(x - 7)$$
 • $2x^2 - 20x + 32 = (2x - 4)(x - 8)$

•
$$2x^2 - 19x + 35 = (2x - 5)(x - 7)$$
 • $2x^2 - 21x + 40 = (2x - 5)(x - 8)$



- (1) Établir la factorisation suivante: (x+5)(4x-1) - 10x - 8 = (x-1)(4x+13)
- On considère le rectangle ABCD dont les dimensions sont fonction d'un nombre réel x et sont données en centimètre:

$$AB = 4x - 1 \quad ; \quad AD = x + 5$$

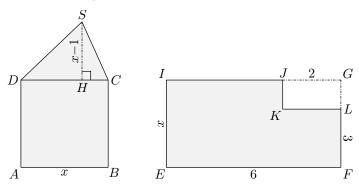
$$D$$

 $4 \cdot x - 1$ (a) Quelles sont les valeurs possibles du paramètre x?

B

(b) Déterminer la ou les valeurs de x afin que le périmètre. exprimé en cm, du rectangle ABCD est égal à l'aire, exprimé en cm^2 , du rectangle ABCD.

E.27 \downarrow C On considère les deux surfaces ABCSDet EFLKJI représentées ci-dessous où x est un nombre réel.

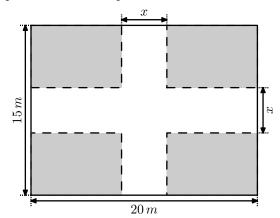


- ABCD est un carré de côté x et SDC est un triangle dont la hauteur [SH] a pour mesure x-1.
- ullet Les quadrilatères EFGI et GJKL sont deux rectangles.
- 1 Quelles sont les valeurs possibles de la variable x en fonction des contraintes des figures?
- (2) Exprimer l'aire de ces deux surfaces en fonction de x.
- (a) Établir la factorisation: $\frac{3}{2} \cdot x^2 \frac{9}{2} \cdot x 6 = \left(\frac{3}{2} \cdot x 6\right) (x+1)$
 - (b) Déterminer la ou les valeurs possibles de la variable x permettant d'obtenir l'égalité d'aires de ces deux surfaces.

E.28 Un jardin a une forme rectangulaire ayant pour dimension 20 m de longueur et 15 m de largeur.

Deux allées de largeur $x\,m$ partagent transversalement ce jardin; du gazon sera planté sur le reste du jardin.

Une clôture doit être posée autour du gazon : elle est représentée en pointillées sur la représentation.



- 1 Indiquer quelles valeurs peut prendre la variable x.
- 2 a Déterminer en fonction de x l'aire totale des deux allées.
 - $footnote{b}$ Déterminer en fonction de x l'aire du gazon de ce jardin.
- $\fbox{3}$ a Déterminer les valeurs des réels a et b vérifiant l'égalité :

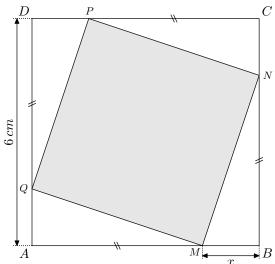
$$2 \cdot x^2 - 70 \cdot x + 300 = (x - 30)(a \cdot x + b)$$

- b L'architecte chargé de la réalisation de ce jardin décide de choisir la largeur de l'allée afin que les aires des allées et du gazon soient égales.
- 4 Le propriétaire du jardin décide d'investir 5 600 euros dans l'aménagement du jardin.

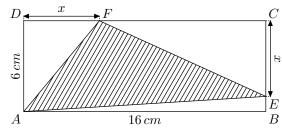
Le m^2 de gazon coûte $7 \in$; Le m^2 du parquet composant l'allée coûte $30 \in$; Le m de la clôture coûte $12 \in$.

- (a) Établir l'égalité suivante: $23x^2 757x + 2660 = (x 4)(23x 665)$
- b En déduire la largeur des allées réalisant les dessins du propriétaire.

On admet que MNPQ est un carré et on note: x = BM



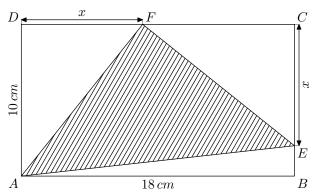
- 1 Justifier que l'aire \mathcal{A} du carré MNPQ a pour valeur: $\mathcal{A} = 2x^2 12x + 36$
- 2 (a) Étabir la factorisation: $2x^2 12x + \frac{27}{2} = \frac{1}{2}(2x 9)(2x 3)$
 - b Déterminer la ou les valeurs de x afin que l'aire du carré MNPQ a pour valeur les $\frac{5}{8}$ de celle du carré ABCD.



On considère le domaine hachuré de la figure défini par le triangle AEF.

- \bigcirc Donner l'ensemble des valeurs possibles du nombre x.
- 2 a Justifier que la partie "blanche" de cette figure a pour aire \mathcal{A} dont l'expression en fonction de x est : $\mathcal{A} = -\frac{1}{2}x^2 + 3x + 48$
 - b Déterminer l'aire \mathcal{A}' de la partie "hachurée".
- 3 Déterminer la ou les valeurs de x permettant d'obtenir les deux domaines "blancs" et "hachurés" de même aire.

On considère la figure ci-dessous constituée d'un rectangle ABCD de dimension 18 cm et 10 cm et des deux points E et F appartenant respectivement aux segments [BC] et [CD] tels que: CE = DF = x où x est un nombre réel.



On considère le domaine hachuré de la figure défini par le triangle AEF.

- 1 Donner l'ensemble des valeurs possibles du nombre x.
- (2) (a) Justifier que la partie "blanche" de cette figure a pour aire A dont l'expression en fonction de x est: $\mathcal{A} = -\frac{1}{2}x^2 + 5x + 90$
 - (b) Déterminer l'aire \mathcal{A}' de la partie "hachurée".

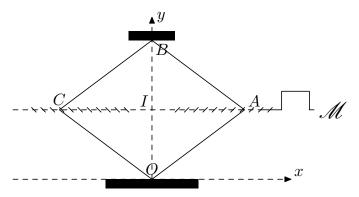
Indication: on pensera à factoriser par x.

(3) Déterminer la ou les valeurs de x permettant d'obtenir les deux domaines "blancs" et "hachurés" de même aire.





La figure ci-dessous est le schéma d'un



Celui-ci est constitué d'un losange déformable OABC, le point O étant le point d'appui sur le sol et le point B étant le point par lequel la voiture est soulevée.

À chaque tour de la manivelle \mathcal{M} , les écrous A et C se rapprochent (ou s'éloigne) de 2 cm, ce qui fait monter (ou descendre) l'appui B, selon l'axe (Oy).

On donne: OA = OC = AB = BC = 25 cm

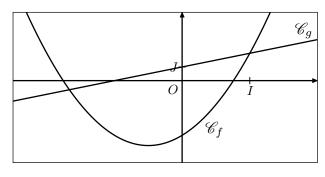
Dans le repère orthonormé (O; x; y) d'unité un centimètre, x_A désigne l'abscisse du point A et varie de 0 à 25. L'ordonnée du point B est notée y_B :

- Pour $x_A = 0$, on a: $y_B = 50$;
- Pour $x_A=25$, on a: $y_B=0$.
- 1 Démontrer que les valeurs x_A et y_B vérifient la relation: $y_B = 2\sqrt{625 - x_A^2}$
- (2) (a) Déterminer la valeur de y_B lorsque x_A est égal à 7.
 - (b) Déterminer la valeur de x_A lorsque y_B est égal à 40.
- (3) Supposons que le cric est fermé; la hauteur du point B est alors de $0 \, cm$:
 - (a) Lorsque le cric est complétement fermé, combien de tours de manivelles permettent d'atteindre une hauteur de $24 \, cm$ pour le point B?
 - (b) Combien de tours supplémentaire faut-il pour doubler la hauteur du point B?

Fonctions et équations produits

 \bigcirc On considère les deux fonctions f et gdu second degré définies sur $\mathbb R$ par les expressions algébriques : $f(x) = 3x^2 + 3x - 4$; g(x) = x + 1

Dans le repère (O; I; J) orthogonal ci-dessous, on considère les courbes \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_q représentatives données ci-dessous :

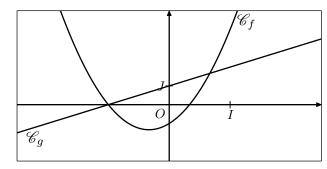


(1) Établir la factorisation: f(x) - g(x) = (x-1)(3x+5)

(2) En déduire les coordonnées des points d'intersection des courbes \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_g .

 \bigcirc On considère les deux fonctions f et gdu second degré définies sur $\mathbb R$ par les expressions algébriques : $f(x) = 3x^2 + 2x - 1$; g(x) = x + 1

Dans le repère (O; I; J) orthogonal ci-dessous, on considère les courbes \mathcal{C}_f et \mathcal{C}_q représentatives données ci-dessous :

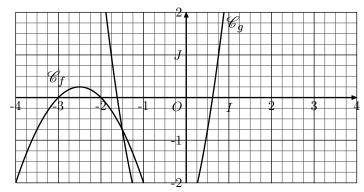


- 1 Établir la factorisation: f(x) - g(x) = (x+1)(3x-2)
- 2 En déduire les coordonnées des points d'intersection des courbes \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_q .

E.35 C On considère les deux fonctions f et g

$$f(x) = (-x-2)(x+3)$$
; $g(x) = 3x^2 + 3x - 3$

Dans le plan muni d'un repère (O; I; J), on note respectivement \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_g les courbes représentatives des fonctions f et

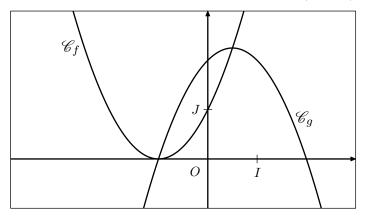


- (1) Établir la factorisation: f(x) - g(x) = (-2x - 1)(2x + 3)
- En déduire les abscisses des points d'intersection de ces deux courbes.

On considère les deux fonctions f et gdéfinies sur \mathbb{R} par les relations: $f(x) = x^2 + 2 \cdot x + 1$; g(x) = -(x+1)(x-2)

$$f(x) = x^2 + 2 \cdot x + 1$$
 ; $g(x) = -(x+1)(x-2)$

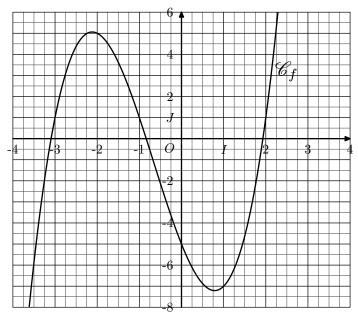
Les courbes \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_q représentatives respectivement des fonctions f et g sont données dans le repère orthonormé (O; I; J).



Déterminer les coordonnées des points d'intersections de ces deux courbes.

Toute trace de recherche même incomplète sera prise en compte dans l'évaluation.

E.37 \blacksquare C Dans le repère (O;I;J) orthogonal représenté ci-dessous, la courbe \mathscr{C}_f est la représentation graphique d'une fonction f définie sur \mathbb{R} :



- (a) Déterminer l'image du nombre -3 par la fonction f. Justifier votre réponse.
 - (b) Résoudre, graphiquement, l'équation f(x)=1. Justifier votre réponse.
- (2) L'image d'un nombre x par la fonction f est donnée par la relation:

$$f(x) = x^3 + 2x^2 - 5x - 5$$

- (a) Justifier, par le calcul, la valeur de l'image du nombre -3.
- (b) Établir l'égalité suivante: $x^{3} + 2x^{2} - 5x - 5 = (x+3)(x-2)(x+1) + 1$
- (c) Résoudre, par le calcul, l'équation f(x)=1.

Factorisation: reconnaissance du facteur commun

E.38) | C

1) (a) Trouver une relation algébrique entre les deux expressions:

3x-2 ; 6x-4

(b) En déduire une factorisation de l'expression algébrique

A = (x+2)(3x-2) + (5x-2)(6x-4)

- (2) (a) Trouver une relation algébrique entre: $3-x \; ; \; x-3$
 - (b) En déduire une factorisation de l'expression algébrique suivante:

B = (2x+1)(3-x) - (2-2x)(x-3)

- (3) (a) Trouver une relation algébrique entre: 2x-1 ; 2-4x?
 - (b) En déduire une factorisation de l'expression algébrique

C = (5 - 2x)(2x - 1) + (2 - 4x)







Factoriser les expressions suivantes:

- a (7x-2)(5-x)+(4x-1)(x-5)
- **b** (12x-3)(7+2x)-(5-2x)(1-4x)
- E.40 Factoriser les expressions suivantes:
 - a (x-2)(x+1)-2(x-2)(2x+3)
 - (b) (x+3)(2x-1) + (2-4x)(x-1)
- E.41 Factoriser les expressions suivantes:
 - (a) (2x-4)(x+4)+(6-3x)(4x+2)
 - b 2(4x+6)(5-2x)+(x-3)(6x+9)
- E.42 Factoriser les expressions suivantes:
 - a $(2x+3)(1-x)+(4x+6)^2$
 - **b** $(3-9x)^2+3(3x-1)$
 - $(5x+1)(2x-4)+(3x-6)^2$

10.) Equation produit: reconnaissance du facteur commun

E.43 | C

- 1 (a) Factoriser l'expression algébrique suivante: (3x+2)(2x-1)+(4x-2)(3-5x)
 - (b) Résoudre l'équation suivante: (3x+2)(2x-1) + (4x-2)(3-5x) = 0
- (2) (a) Factoriser l'expression suivante: (2x+1)(3-2x)-(3x-2)(2x-3)
 - (b) Résoudre l'équation suivante: (2x+1)(3-2x) = (3x-2)(2x-3)

E.44) | C

(1) (a) Montrer que les deux équations suivantes sont équivalentes:

- $x^2 = x$; x(x-1) = 0
- **b** En déduire les solutions de l'équation: $x^2 = x$
- 2 Résoudre les équations suivantes:
 - (a) (x-2)(3-2x)=0
 - **b** (5x-1)(2-x)+(2x-4)(3-2x)=0
- E.45 & En se ramenant à une équation produit,
 - (a) (3x-1)(2x+2) + 3(5-2x)(x+1) = 0
 - **b** 3(5x+1)(2-3x)+(6x-4)(x-1)=0
 - $(4x+6)(1-2x) = 5(2x+3)^2$

11. Expression rationnelle et équation

- E.46 Établir les identités suivantes:
 - a $\frac{3x+1}{x+1} + \frac{3}{x-1} = \frac{3x^2 + x + 2}{(x+1)(x-1)}$
- E.47 🖟 🧲 🌔 Résoudre les équations suivantes :
 - (a) $\frac{2}{x+1} \frac{3}{2x-1} = 0$ (b) $\frac{2x-1}{4x+1} \frac{3x}{6x-1} = 0$
- E.48 Résoudre l'équation :
- E.49 Résoudre les équations suivantes:
 - a $\frac{2x}{4x+1} = \frac{x+1}{2x-1}$ b $\frac{1-x}{2-x} = \frac{x+3}{x-1}$
- E.50 Résoudre l'équation:

12. Expression algébrique: antécédents



1) On considère les trois fonctions suivantes:
$$f(x) = (x+1)(1-x^2) \quad ; \quad g(x) = \frac{(1+x)^2}{x-2} \quad ; \quad h(x) = 3-2 \cdot (x+1)$$

Déterminer l'image du nombre 1 par chacune de ces trois

fonctions.

On considère les trois fonctions suivantes :
$$j(x) = \frac{1}{1-x} \quad ; \quad k(x) = \frac{x^2-x+1}{x+1} \quad ; \quad \ell(x) = \frac{3\cdot x-1}{2-3\cdot x}$$

Déterminer les antécédents du nombre -1 par chacune de ces trois fonctions.

13. Expression algébrique: antécédents et ensemble de définition



1 On considère la fonction f carrée dont l'expression algébrique est: $f(x) = x^2$

La fonction f admet-elle un ou des antécédents du nombre -4? Justifier votre réponse.

2 On considère la fonction g dont l'expression est donnée $\frac{1}{2}$ par la relation: $g(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$

Que peut-on dire de l'ensemble des antécédents du nombre 2 par la fonction g?

 \bigcirc On considère la fonction h définie par l'expression : $h(x) = \frac{3 \cdot x + 1}{x}$

Déterminer l'ensemble des antécédents du nombre 3 par la fonction h.

Expression algébrique: image et antécédents

E.53 | C |





- 1 Soit f une fonction réalisant la relation: $f(2) = \sqrt{5}$
 - (a) Traduire cette relation par une phrase utilisant le mot
 - (b) Traduire cette relation par une phrase utilisant le mot "antécédent".
- (2) Soit g une fonction telle que l'équation g(x)=1 admet pour solution les nombres -1 et 2.

Traduire cette propriété par une phrase utilisant le mot "antécédente".

E.54 | C On définit six fonctions et, pour chacune d'elles, deux valeurs numériques:

(a)
$$f(x) = 3x + 5$$
 ; $a = 2$; $b = -1$

$$g(x) = -2x - 2$$
 ; $a = 1$; $b = 8$

(c)
$$h(x) = x^2$$
 ; $a = 5$; $b = 9$

(d)
$$j(x) = 3x^2$$
 ; $a = -3$; $b = -1$

$$(f) \ell(x) = \frac{2x-2}{x+\pi} \quad ; \quad a=1 \quad ; \quad b=2$$

- 1 Pour chaque question, déterminer l'image du nombre apar la fonction associée.
- (2) Pour chaque question, déterminer l'ensemble des antécédents du nombre b par la fonction associée.





- 1) Ci-dessous est présenté trois fonctions qui ont été saisies sur une calculatrice:
 - a ¥1=√(1+√(3-X))÷√X+3
 - b ¥2=(3X-2)÷(2√X+1)
 - C Y3=√(3+X)(2-X)

Réécrire sur votre copie ces trois fonctions avec la présentation habituelle des expressions mathématiques.

(2) Pour chacune des fonctions ci-dessous, écrire les caractères à saisir dans une calculatrice pour les insérer:

$$(a) f: x \mapsto \frac{1 + \frac{3+x}{x}}{2 - 3x}$$

$$b g: x \mapsto \sqrt{(1-2x) \times (3x-1)}$$

15. Etude algébrique







E.56 | C On considère les trois fonctions ci-

$$f: x \longmapsto 3x + 2 \quad ; \quad g: x \longmapsto \frac{3x - 1}{x + 3} \quad ; \quad h: x \longmapsto \sqrt{x - 5}$$

- (1) Déterminer l'image de 5 pour chacune de ces fonctions.
- (2) Déterminer les antécédents du nombre 4 pour chacune de ces trois fonctions.
- Pour chaque fonction, préciser si elle est définie pour

tout nombre réel. Sinon, citer au moins un nombre n'admettant d'image par cette fonction.

E.57 f On considère la fonction f définie, pour tout réel strictement positif, par:

$$f(x) = \frac{-x^2}{3} + \frac{2}{x}$$

- (1) Donner l'ensemble de définition de la fonction f.
- (2) Donner, sous forme simplifiée, les images des nombres suivants par la fonction f:

$$\bigcirc$$
 a -2

$$\bigcirc$$
 $\sqrt{2}$

3 Justifier que le nombre 2 est un antécédent de $-\frac{1}{3}$ par la function f.

(1) On considère la fonction f dont l'image du nombre x est définie par:

$$f(x) = \sqrt{1-x} \times \sqrt{2x+3}$$

- (a) Déterminer l'ensemble de définition de la fonction f.
- b Déterminer, sous forme simplifiée, les images de -1 et de $\frac{1}{2}$ par la fonction f.
- \bigcirc On considère la fonction g définie par:

$$g(x) = \frac{\sqrt{2} x + 1}{3x - 1}$$

- (a) Déterminer l'ensemble de définition de la fonction g.
- (b) Déterminer l'image du nombre 3 par la fonction q.

16. Etude de fonctions

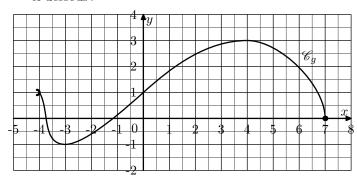






On considère les deux fonctions f et g:

- la fonction f définie par: $f: x \mapsto x^2 6x + 2$.
- La fonction q est définie par la représentation graphique ci-dessous:



Pour chacune des questions suivantes, une seule des quatre réponses proposées sont exactes; citer la réponse exacte.

- 1 L'image de 1 par la fonction f est:

- 2 L'ensemble des antécédents de -7 par f est :
 - (b) {2}
- (c) $\{-2;3\}$ (d) $\{1;2\}$
- \bigcirc L'ensemble de définition de la fonction g est:
- (a) [-1;-3] (b) [-1;3](c)[-4;7]
- \bigcirc L'image de 0 par la fonction g vaut: (a)1
 - (b) -1 (c) 7

- (5) Un de ces points n'appartient pas à \mathcal{C}_q . Lequel? (a) (-3;-1) (b) (-4;1) (c) (6;2)

E.60 | C

(1) On considère une fonction f. On note (\mathscr{C}) la courbe représentative de la fonction f.

On considère les propriétés suivantes de la courbe (\mathscr{C}) :

- (a) Le point de coordonnées (0;3) appartient à (\mathscr{C}) .
- (b) Le seul point de (\mathscr{C}) d'ordonnée 5 a pour abscisse -1.
- \bigcirc Aucun point de (\mathscr{C}) n'a pour abscisse -2.
- (d) Il n'y a pas de point de (\mathscr{C}) d'ordonnée 6.

Traduire chacune de ces phrases par une phrase décrivant une propriété de la fonction f en utilisant, à chaque fois, au moins un des mots suivant image, antécédent, définiey.

(2) Soit g la fonction définie dont l'image d'un nombre x est définie par:

$$g(x) = 2x^2 - 3$$

On note (\mathscr{C}_q) la courbe représentative de la fonction g.

- (a) A est un point d'abscisse 2 de (\mathscr{C}_q) . Quelle est l'ordonnée du point A?
- (b) B est un point de (\mathscr{C}_q) d'ordonnée -3. l'abscisse du point B.
- (c) Combien de points de la courbe (\mathscr{C}_q) ont pour ordonnées -1? Préciser, s'ils existent, les coordonnées de
- d Combien de points de la courbe (\mathscr{C}_q) ont pour ordonnées -4? Préciser, s'ils existent, les coordonnées de ces points.
- (3) On considère la fonction h définie par la relation:

$$h(x) = \frac{2}{x^2 + 3}$$

On note (\mathscr{C}_h) la courbe représentative de la fonction h.

- (a) Donner l'ordonnée du point de (\mathcal{C}_h) d'abscisse 0.
- b Combien de points (\mathscr{C}_h) ont pour ordonnée $\frac{1}{6}$? Donner, s'ils existent, les coordonnées de ces points.

17.) Ensemble de définitions

Déterminer l'ensemble de définition des fonctions suivantes:

 $1 f: x \longmapsto 2x + 5$

 $2g: x \longmapsto \frac{1}{x}$

(5) $k: x \longmapsto \sqrt{x}$

 $6 \ell: x \longmapsto \sqrt{x^2}$

 $7m: x \longmapsto \sqrt{2x+5}$

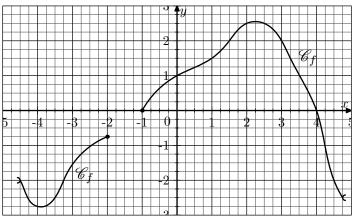
(8) $n: x \longmapsto \sqrt{-x+2}$

E.62 f On considère la fonction f dont l'image d'un nombre x est définie par la relation :

$$f(x) = \frac{\sqrt{2x+1}}{x-4}$$

- (1) Déterminer l'ensemble de définition de la fonction f.
- 2 Déterminer l'image du nombre 3 par la fonction f.
- (3) Déterminer l'ensemble des antécédents de 0 par la fonction f.

C Dans le repère ci-dessous, est représentée la courbe représentative de la fonction f



1) Déterminer les images des nombres suivants par la fonction f:

(a) 1

(b) 0

(c) -2

(2) Déterminer l'ensemble des antécédents pour chacun des nombres suivants:

(a) 2

- (3) (a) Donner deux nombres n'admettant pas d'images par la fonction f.
 - (b) Donner un nombre n'admettant pas d'antécédents par la fonction f.

18. Exercices non-classés

E.64) C





(1) Établir pour tout entier naturel non nul p l'égalité suivante:

$$\frac{1}{p} - \frac{1}{p+1} = \frac{1}{p(p+1)}$$

2 En déduire la valeur de la somme suivante:

$$S = \frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{2003 \times 2004} + \frac{1}{2004 \times 2005}$$





- E.65 | Résoudre les équations suivantes:
- (a) (3x+1)(5x-2) = (6x+2)(1-x) (b) $\frac{1}{x+1} + \frac{2}{x-1} = 0$



E.66 Résoudre les équations:

$$a) \frac{x}{3x+2} = \frac{5x}{2x+1}$$

(a) $\frac{x}{3x+2} = \frac{5x}{2x+1}$ (b) $\frac{4x-2}{2x-3} - \frac{6x-2}{3x+1} = 0$

E.67 E.67 Développer les expressions suivantes:

(a) (2x+1)(3-x) (b) (5-2x)(3-x)-3(3-2x)

(x-2)(2x-1)(5-x)

- (a) (2x+1)(3-x)-2(3x+2) (b) $(2x+1)^2$
- (2x+1)(1-x)(x+2)

E.69 Chacune des expressions suivantes est factorisable. Donner la forme factorisée de chacune d'elle:

(a)
$$(2x+1)(3x-1) - (x+3)(6x-2)$$

b
$$(x-1)(3x+2)+(2x+3)(1-x)$$

$$(7x-1)(5x-6)-(10x-12)$$

d $(x+2)^2 - (x+2)$

(a)
$$(3x+1)(2-2x)-(5-4x)(x-1)$$

- **b** (2-3x)(3+2x)+(3x+2)(-6x-9)
- $(6x+2)(2x+3)+(9x+3)^2$
- d (2x+1)(2x+3) + 2(2x+3)

E.71 Factoriser les expressions suivantes:

- a (2x-4)(3x+1)-(6x+2)(4x+1)
- b (2-6x)+(x+1)(3x-1)



a
$$(3x+2)(x-2)+(4-2x)(2x+3)$$

b
$$(6x-3)(2x+1)-2(2x-1)^2$$

$$(x+1)(5-2x)(3x-4)+3(2x-5)(6x-8)$$

E.73 Factoriser les expressions suivantes:

(a) (x-1)(2x+1) - (2x-2)(5-2x)

b
$$(2+x)(3-x)+(5-2x)(3-x)$$

$$(3(4+2x)-(3+x)(10+5x))$$

d
$$(2-x)(3x-4) + (2-\frac{3}{2}x)(2x+3)$$

E.74 Factoriser les expressions suivantes:

d
$$(5x+1)(3-2x)-(5x+1)(2x+1)$$

$$e^{(x+1)(2x-1)-(2x-1)}$$

f)
$$(2x-1)^2 + (2x-1)(3x+1)$$

(a)
$$(x+1)(1-x) - (x+1)(2x+1)$$

b
$$3(2x-2)+(x+1)(1-x)$$

E.76 | C | A

Définition:

- on dit qu'une expérience aléatoire est équiprobable si chacune de ses issues à la même probabilité de se réaliser.
- La probabilité d'un événement est égale à la somme des probabilités des issues qui le définissent.

Proposition:

Pour une expérience aléatoire équiprobable comportant Nissues et pour un événement A défini par n issues, la probabilité de A a pour valeur: $\frac{n}{N}$

Exemple:

On jette un dé équilibré où les six faces sont numérotés de 1 à 6. On considère l'événement A: "la face obtenue est strictement supérieure à 4". Cet événement est composé de 2 issues. La probabilité de l'événement A est :

$$\frac{2}{6} = \frac{1 \times 2}{3 \times 2}$$

Jean possède 365 albums de bandes dessinées. Afin de trier les albums de sa collection, il est rangé par série et classe les séries en trois catégories: franco-belges, comics et mangas comme ci-dessous:

Séries franco-belges	Séries de comics
23 albums "Astérix" 22 albums "Tintin" 45 albums "Lucky-Luke"	35 albums "Batman" 90 albums "Spider-Man"
Séries de mangas	
85 albums "One-pièce" 65 albums "Naruto"	

Il choisit au hasard un album parmi tous ceux de sa collection.

- (1) Quelle est la probabilité que l'album choisi soit un album "Lucky-Luke"?
- (2) Quelle est la probabilité que l'album choisi soit un comics?

E.77 | Résoudre, par la méthode de votre choix, les équations suivantes:

a
$$(x-2)(3x+1) = 2(x-2)(x-5)$$

b
$$(5-2x)(3x+1)+(4x+10)(2x-5)=0$$

$$(2x+3)(8x-3) + (3-4x)(4x+1) = 0$$

(a)
$$(x+1)(x-1) = 3x(x+1)$$

(a)
$$(x+1)^2 = 4$$

(a)
$$(x+1)^2 = 4$$
 (b) $(x-2)^2 + 4 = 7$

$$(x+2)^2 + 5 = 2$$

(d)
$$3 \cdot x^2 - 6 = 1$$

E.80 | Factoriser les expressions suivantes: a $(5x-1)(3x+1)+(5x-1)^2$

c
$$(x-3)(7-x) + (x-3)(2x+1)$$

d $(3x-1)(x-2) - (x-2)(1-5x)$