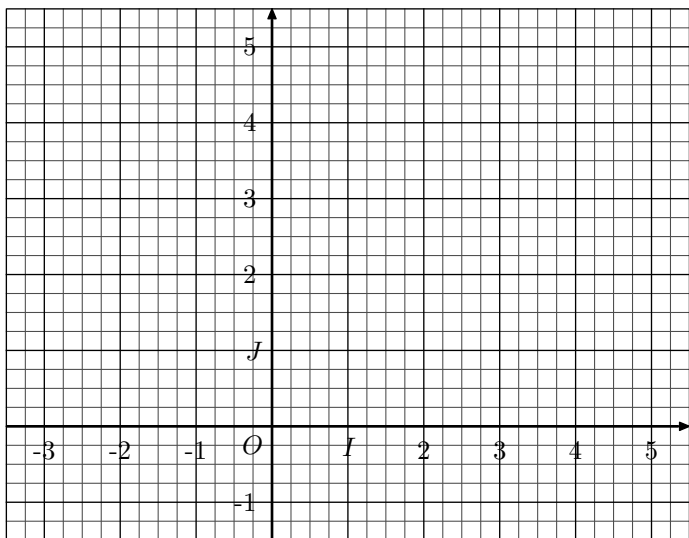


Première S / Produit scalaire

1. Introduction :

Exercice 6647

Dans le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé.

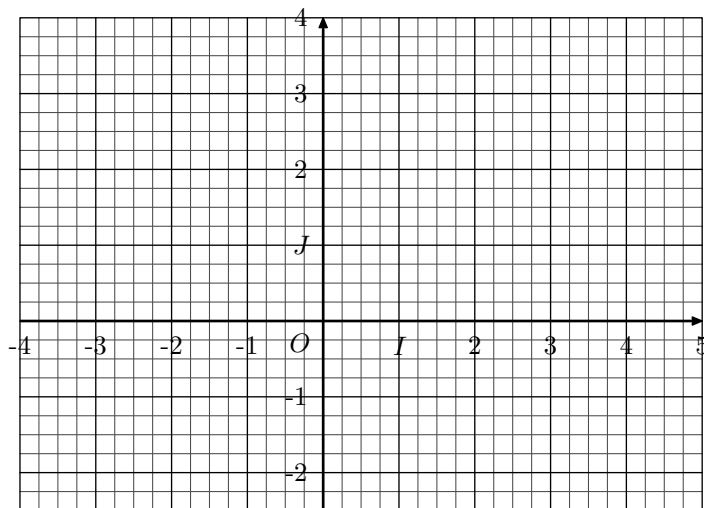


On considère les points A, B et C définis par :
 $A(-3; 1)$; $B(4; -1)$; $C(1; 3)$

1. Déterminer les coordonnées du point I milieu du segment $[BC]$.
2. Soit J l'image du point A par la symétrie centrale de centre C .
 - a. Donner une relation vectorielle vérifiée par les points A, C et J
 - b. Déterminer les coordonnées du point J .
3. Déterminer la norme du vecteur \overrightarrow{AB}

Exercice 6646

On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé.



1. On rappelle la formule de la distance entre deux points :
 $PQ = \sqrt{(x_Q - x_P)^2 + (y_Q - y_P)^2}$

On considère les trois points du plan A, B et C de coordonnées :

$$A(-3; 2) \quad ; \quad B(-2; -2) \quad ; \quad C(2; -1)$$

- a. Déterminer les distances AB, AC et BC .
 - b. Etablir que le triangle ABC est un triangle rectangle.
2. Soit $\vec{u}(x; y)$ un vecteur, on définit la norme du vecteur \vec{u} comme le nombre $\|\vec{u}\|$ défini par :

$$\|\vec{u}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

On considère les deux points E et F de coordonnées :

$$E(-1; 2) \quad ; \quad G(4; 3)$$

et les deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} de coordonnées :

$$\vec{u}(4; -1) \quad ; \quad \vec{v}(1; 2)$$

- a. Déterminer les normes des vecteurs \vec{u} et \vec{v} .
- b. Déterminer les coordonnées des points F et H vérifiant les deux égalités vectorielles :
 $\overrightarrow{EF} = \vec{u} \quad ; \quad \overrightarrow{HG} = \vec{v}$
- c. Exprimer le vecteur $\vec{u} + \vec{v}$ à l'aide des points E, F et G ?
- d. Le triangle EFH est-il rectangle ?

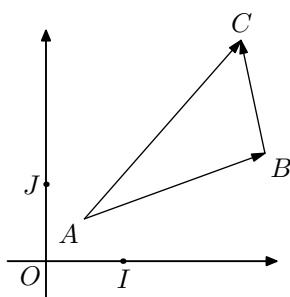
Exercice 2572

On considère le plan muni du repère orthonormé $(O; I; J)$ et trois points A, B, C du plan.

On ne connaît pas les coordonnées des points A et B mais on note :

$$\vec{AB}(x; y) ; \vec{BC}(x'; y')$$

- Déterminer les coordonnées du vecteur \vec{AC} .



- Exprimer la longueur de chacun des vecteurs \vec{AB} , \vec{BC} , \vec{AC} en fonction de x, x', y, y' . Elles se notent respectivement $\|\vec{AB}\|, \|\vec{BC}\|, \|\vec{AC}\|$.

- Donner une condition nécessaire et suffisante pour que les droites (AB) et (BC) soient perpendiculaires.

2. Coordonnées et produit scalaire :

Exercice 3018

Dans le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé, on considère les quatre points suivants :

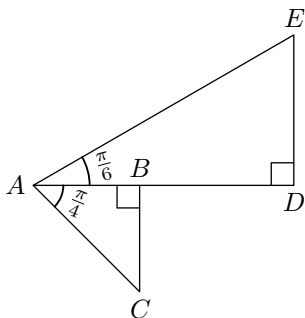
$$A(-3; 2) ; B(-2; -2) ; C(2; -1) ; D(1; 3)$$

- Déterminer la valeur de $\vec{AB} \cdot \vec{AD}$
- Démontrer que le quadrilatère $ABCD$ est un rectangle.

Exercice 2574

On considère la figure ci-dessous où : $AE = 4 \text{ cm}$ et $AC = 2 \text{ cm}$

- On considère le repère orthonormé, orienté dans le sens direct, dont l'unité mesure 1 cm , et dont l'axe des abscisses est la droite (AD) .

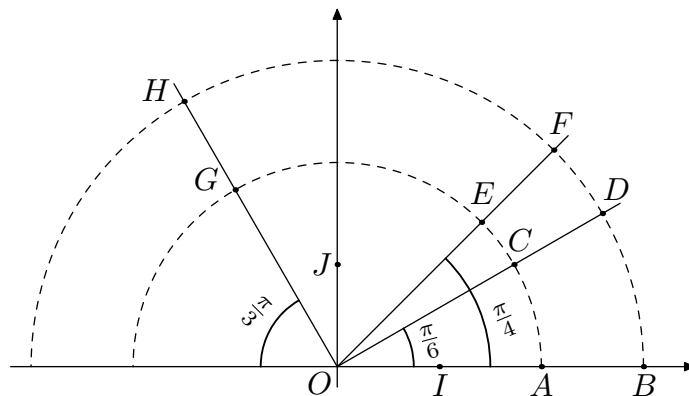


- Montrer que $E(2\sqrt{3}; 2)$
 - Déterminer les coordonnées des autres points de cette figure.
- Déterminer la valeur des produits scalaires ci-dessous :
 - $\vec{AB} \cdot \vec{AD}$
 - $\vec{AB} \cdot \vec{AE}$
 - $\vec{AC} \cdot \vec{AD}$

- Comment s'appelle le point D relativement au point E ? Comment s'appelle le point B relativement au point C ?

Exercice 2573

On considère le repère orthonormal $(O; I; J)$ ci-dessous :



Deux demi-cercles sont tracés : $OA = 2 \text{ cm}$ et $OB = 3 \text{ cm}$

- Déterminer les coordonnées des points figurants sur cette figure.
- Déterminer la valeur des produits scalaires suivants :
 - $\vec{OA} \cdot \vec{OC}$
 - $\vec{OB} \cdot \vec{OD}$
 - $\vec{OB} \cdot \vec{OE}$
 - $\vec{OD} \cdot \vec{OG}$

3. Produit scalaire et projection :

Exercice 2593

On considère le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$:

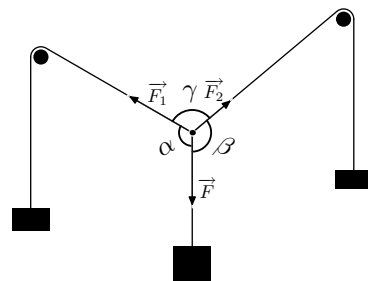
- Soit A, B, C trois points du plan de coordonnées respectives $(-2; 3), (1; -4)$ et $(0; -2)$
 - Déterminer les valeurs de $\vec{BA} \cdot \vec{BC}$, $\|\vec{BA}\|$ et $\|\vec{BC}\|$.
 - En déduire la mesure de l'angle géométrique \widehat{ABC} au centième près de degrés.
 - A l'aide d'un dessin à main levée, donner une mesure de l'angle orienté $(\vec{BA}; \vec{BC})$.

- Déterminer une mesure de l'angle orienté $(\vec{DE}; \vec{DF})$ où $D(3; 5), E(-1; 0), F(2; 4)$ au centième de degré près.

Exercice 3034

Le schéma ci-dessous représente un système de poulies à l'équilibre. Chacun des poids exerce sur le noeud proportionnel-

lement à son poids.



On donne les informations suivantes :

$$\|\vec{F}_1\| = 8 \text{ N} ; \|\vec{F}_2\| = 6 \text{ N} ; \|\vec{F}\| = 12 \text{ N}$$

On note R la résultante de toutes ces forces :

$$R = \vec{F} + \vec{F}_1 + \vec{F}_2$$

- Déterminer en fonction de α, β et γ les trois produits scalaires suivants :

$$\vec{R} \cdot \vec{F}_1 ; \vec{R} \cdot \vec{F}_2 ; \vec{R} \cdot \vec{F}$$

2. On suppose maintenant que ce système est en position d'équilibre, ainsi on a $\vec{R} = \vec{0}$

a. Montrer que les mesures des angles vérifient le système suivant :

$$\begin{cases} 4 \cdot \cos \alpha + 3 \cdot \cos \beta & + 6 = 0 \\ 6 \cdot \cos \alpha & + 3 \cdot \cos \gamma + 4 = 0 \\ & 6 \cdot \cos \beta + 4 \cdot \cos \gamma + 3 = 0 \end{cases}$$

b. En déduire les valeurs de α, β, γ pour la position d'équilibre.

4. Produit scalaire et manipulations algébriques :

Exercice 3011

1. Pour tout vecteur \vec{u} et \vec{v} , établir l'égalité suivante :

$$\|\vec{u} + \vec{v}\|^2 - \|\vec{u} - \vec{v}\|^2 = 4 \vec{u} \cdot \vec{v}$$

2. On considère le parallélogramme $ABCD$ dans le plan.

$$\text{On note : } \vec{u} = \vec{AB} ; \vec{v} = \vec{BC}$$

a. Que représentent les vecteurs $\vec{u} + \vec{v}$ et $\vec{u} - \vec{v}$ pour le parallélogramme $ABCD$?

b. A l'aide des questions précédentes, établir la proposition suivante :

“Si un parallélogramme a ses diagonales de même longueur alors ce parallélogramme est un rectangle.”

Exercice 3016

On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé et les trois points suivants :

$$A(2; 3) ; B(6; 5) ; C(0; 6)$$

$$\text{On note : } \vec{u} = \vec{AB} ; \vec{v} = \vec{AC}$$

1. a. Déterminer les normes $\|\vec{u}\|$ et $\|\vec{v}\|$.

b. Déterminer la valeur de $\vec{u} \cdot \vec{v}$

2. a. Développer l'expression : $(3 \cdot \vec{u} - 2 \cdot \vec{v})^2$.

b. En déduire la norme : $\|3 \cdot \vec{u} - 2 \cdot \vec{v}\|$.

Exercice 3038

On considère le triangle ABC équilatéral dont les côtés mesurent 6 cm ; on note I, J, K les milieux respectifs des milieux $[BC], [AC], [AB]$; M est le centre de gravité du triangle ABC .

1. Déterminer la longueur du segment $[BJ]$ et $[BM]$.

2. Déterminer la valeur des différents produits scalaires suivants :

a. $\vec{AC} \cdot \vec{AB}$

b. $\vec{AC} \cdot \vec{IC}$

c. $\vec{MC} \cdot \vec{MA}$

d. $\vec{CM} \cdot \vec{MI}$

Exercice 2661

Soit ABC un triangle quelconque.

1. Démontrer que pour tout point M du plan, on a la relation :

$$\vec{AM} \cdot \vec{BC} + \vec{BM} \cdot \vec{CA} + \vec{CM} \cdot \vec{AB} = 0$$

2. En déduire que les hauteurs du triangle ABC sont concourantes en un point H .

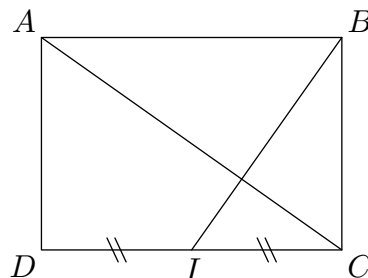
Exercice 2665

Soit a un nombre réel positif.

On considère le rectangle $ABCD$ tel que :

$$AB = a ; AD = \frac{\sqrt{2}}{2} a$$

On note I le milieu de $[CD]$

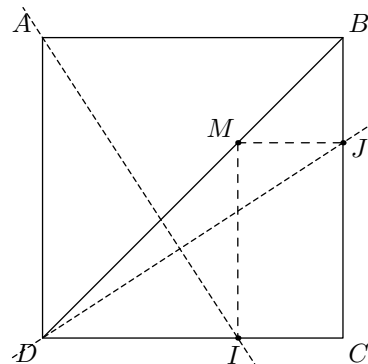


En se servant uniquement des propriétés algébriques, démontrer que les droites (AC) et (BI) sont perpendiculaires.

Exercice 2673

On considère le carré $ABCD$ ci-dessous. M est un point appartenant à la diagonale $[BD]$.

On note I le projeté orthogonal de M sur (DC) et J le projeté orthogonal de M sur (BC) .

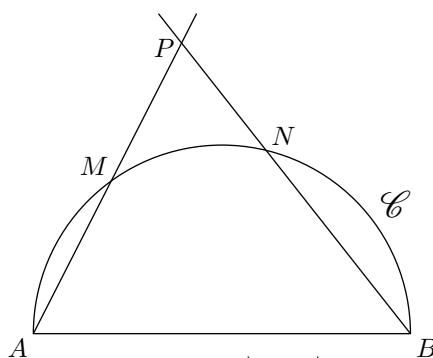


1. Etablir la relation suivante : $\vec{DI} \cdot \vec{DC} = \vec{BC} \cdot \vec{JC}$

2. En déduire que les droites (AI) et (DJ) sont orthogonales.

Exercice 3037

Dans le plan, on considère un demi-cercle \mathcal{C} de diamètre $[AB]$; soit M et N deux points de \mathcal{C} tels que les demi-droites (AM) et (BN) s'intersectent au point P :



1. Déterminer la valeur de $\vec{AM} \cdot \vec{BM}$.

2. Etablir l'égalité suivante :

$$AB^2 = AP \times AM + PB \times NB$$

5. Formule d'Al-Kashi et des sinus :

Exercice 2590

On considère le triangle ABC dont les mesures sont :
 $AB = 5,3 \text{ cm}$; $AC = 3,7 \text{ cm}$; $BC = 7 \text{ cm}$

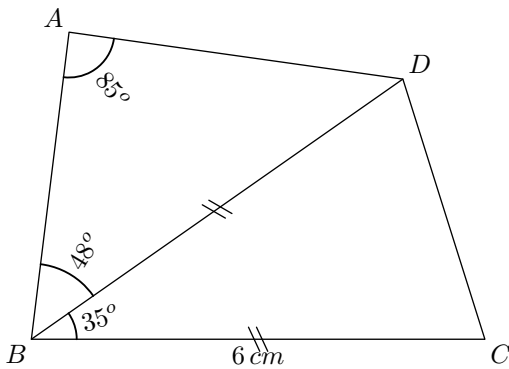
Les formules d'Al-Kashi appliquées à ce triangle donne :

- $AB^2 = AC^2 + BC^2 - 2 \times AC \times BC \times \cos \widehat{ACB}$
- $AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2 \times AB \times BC \times \cos \widehat{ABC}$
- $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2 \times AB \times AC \times \cos \widehat{BAC}$

Déterminer la mesure, au dixième de degrés près, des angles du triangle ABC .

Exercice 2674

On considère le quadrilatère $ABCD$ représenté ci-dessous :



1. Les formules d'Al-Kashi donne la formule :

$$DC^2 = BD^2 + BC^2 - 2 \times BD \times BC \times \cos \widehat{DBC}$$

En déduire la mesure de la longueur DC arrondie au millimètre près.

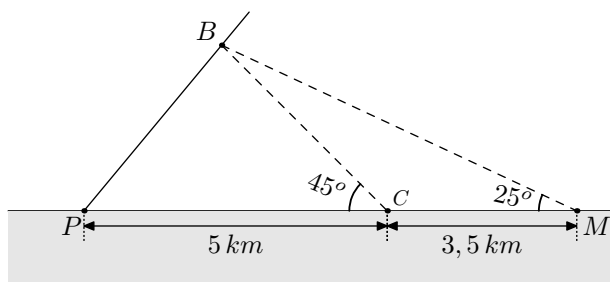
2. La formule des sinus exprimés dans le triangle ABD s'exprime par :

$$\frac{\sin \widehat{DBA}}{AD} = \frac{\sin \widehat{ADB}}{AB} = \frac{\sin \widehat{DAB}}{DB}$$

En déduire les mesures des longueurs AB et AD arrondie au millimètre près.

Exercice 2664

Un bateau B rejoint le port P en ligne droite ; sur le bord de la rive, Marc et Cléa regarde le bateau rentré au port.



1. a. Déterminer les mesures des angles du triangle

BCM .

b. La formule des sinus s'exprime dans le triangle MBC par :

$$\frac{\sin \widehat{BCM}}{BM} = \frac{\sin \widehat{CMB}}{CB} = \frac{\sin \widehat{MBC}}{MC}$$

En déduire la longueur BC arrondie à l'hectomètre près.

2. Dans le triangle CBP , les formules d'Al-Kashi s'exprime par :

- $PC^2 = PB^2 + BC^2 - 2 \times PB \times BC \times \cos \widehat{PBC}$
- $PB^2 = PC^2 + BC^2 - 2 \times PC \times BC \times \cos \widehat{PCB}$
- $CB^2 = CP^2 + PB^2 - 2 \times CP \times PB \times \cos \widehat{CPB}$

En déduire la distance séparant le bateau du port arrondie à l'hectomètre près.

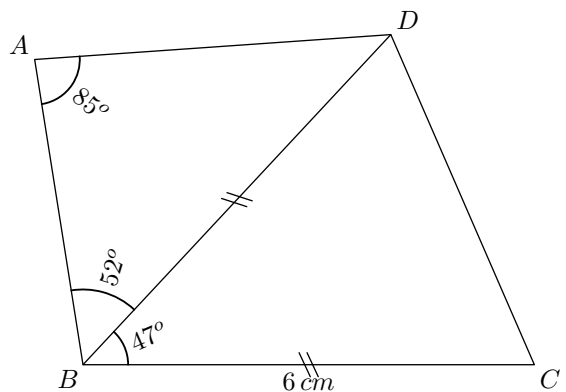
Exercice 6706

Déterminer la mesure, au dixième de degrés près, des angles du triangle ABC ayant les mesures suivantes :

$$AB = 6,4 \text{ cm} ; AC = 4,8 \text{ cm} ; BC = 8 \text{ cm}$$

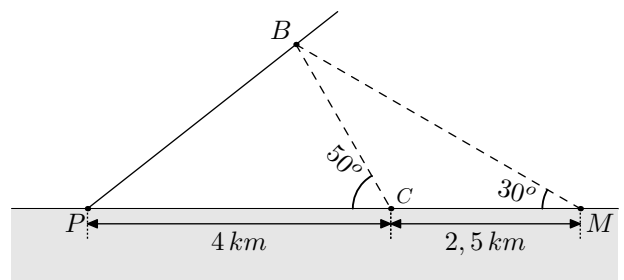
Exercice 6707

Déterminer les mesures des quatre côtés du quadrilatère $ABCD$ au millimètre près.



Exercice 6710

Un bateau B rejoint le port P en ligne droite ; sur le bord de la rive, Marc et Cléa regarde le bateau rentré au port.



1. Dans le triangle MCB , déterminer la longueur BC .
2. En déduire la distance séparant le bateau du port.

6. Formule de la médiane :

Exercice 6807 

On rappelle la formule de la médiane :


Soient A et B deux points du plan et I le milieu du segment $[AB]$. Pour tout point M du plan, on a la relation :

$$AM^2 + BM^2 = \frac{1}{2} \cdot AB^2 + 2 \cdot MI^2$$

On considère le plan muni d'un repère orthonormal $(O; I; J)$ et les trois points A, B et C de coordonnées respectives :

$$A(-2; -3) ; B(-1; 2) ; C(3; 1)$$

- Déterminer les mesures AB, AC et BC .
- On note I le milieu du segment $[AB]$. Déterminer la mesure de la médiane dans le triangle ABC issue du sommet C .
 - On note J le milieu du segment $[AC]$. Déterminer la mesure de la médiane dans le triangle ABC issue du sommet B .

Exercice 2663 

On considère un triangle ABC rectangle en A ayant les mesures suivantes :

$$AB = 6 ; AC = 3$$

On note I le milieu du segment $[AB]$ et J le milieu de $[IC]$.

On s'intéresse à l'ensemble \mathcal{E} des points M vérifiant la relation :

$$MA^2 + MB^2 + 2 \cdot MC^2 = 72$$

1^{er} méthode :

- Montrer que tous points M vérifient la relation :

$$MA^2 + MB^2 + 2 \cdot MC^2 = 4 \cdot MJ^2 + JA^2 + JB^2 + 2 \cdot JC^2$$
- En utilisant par deux fois le théorème de la médiane, démontrer la relation suivante :

$$M \in \mathcal{E} \iff 4 \cdot MJ^2 + \frac{AB^2}{2} + IC^2 = 72$$
- En déduire la nature de l'ensemble \mathcal{E} .

7. Formules d'addition :**Exercice 2575** 

On considère deux points M et N dans le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$; on repère ces points par leurs coordonnées polaires :


$$\begin{cases} OM = \rho \\ (\vec{OI}; \vec{OM}) = \alpha \end{cases} \quad \begin{cases} ON' = \rho' \\ (\vec{OI}; \vec{ON}') = \beta \end{cases}$$

La figure de gauche représente cette situation.

2^{ème} méthode :

On munit le plan du repère $(A; \frac{1}{6} \cdot \vec{AB}; \frac{1}{3} \cdot \vec{AC})$

- Déterminer les coordonnées des points A, B, C dans ce repère.
- En notant $(x; y)$ les coordonnées du point M , déterminer une équation de \mathcal{E} dans ce repère.
- En déduire la nature de l'ensemble \mathcal{E} .

Exercice 2609 

On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé et les deux points du plan suivants :

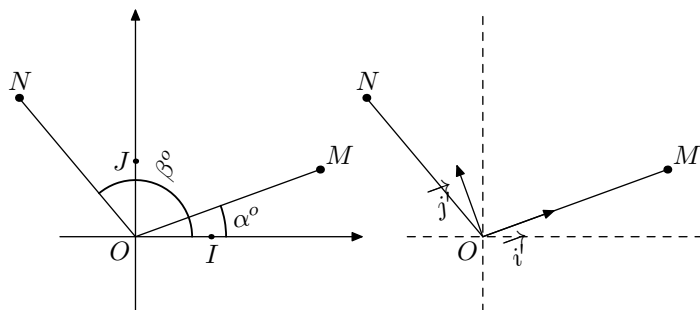
$$A(-3; 2) ; B(3; -6)$$

- On désignera par M le point de coordonnées $(x; y)$:
 - Déterminer les coordonnées du point I milieu de $[AB]$.
 - Déterminer les coordonnées des vecteurs \vec{IM} et \vec{AB} .
 - Déterminer la longueur AB .
- Déterminer l'équation cartésienne de l'ensemble des points vérifiant la relation :

$$MA^2 - MB^2 = 40$$
 - Donner la nature et les éléments caractéristiques des points M vérifiant cette relation.
- Déterminer l'équation de l'ensemble des points vérifiant la relation :

$$\vec{MA} \cdot \vec{MB} = 34$$
 - Donner la nature et les éléments caractéristiques des points M vérifiant cette relation.
- Déterminer l'équation de l'ensemble des points vérifiant la relation :

$$MA^2 + MB^2 = 150$$
 - Donner la nature et les éléments caractéristiques des points M vérifiant cette relation.



La figure de droite représente les mêmes points M et N dans le repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

Dans cet exercice, nous allons exprimer le produit scalaire $\vec{OM} \cdot \vec{ON}$ dans ces deux repères :

- Dans le repère $(O; I; J)$:
 - Donner les coordonnées cartésiennes associées.

b. En déduire la valeur du produit scalaire $\vec{OM} \cdot \vec{ON}$.

2. Dans le repère $(O; \vec{i}; \vec{j})$:

a. Déterminer les coordonnées polaires des points M et de N en fonction de α, β, ρ et ρ' dans le repère $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

b. Donner les coordonnées cartésiennes des points M et N dans ce repère.

c. En déduire la valeur du produit scalaire $\vec{OM} \cdot \vec{ON}$.

3. Justifier l'égalité suivante :

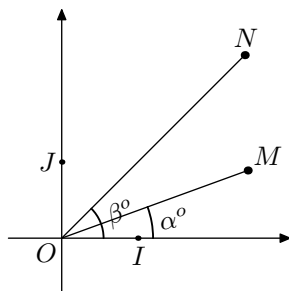
$$\cos(\beta - \alpha) = \cos \beta \cdot \cos \alpha + \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Exercice 6808



Dans le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$, on considère les points M et N tel que :

$$\begin{aligned} \|\vec{OM}\| &= a \quad ; \quad \|\vec{ON}\| = b \\ (\vec{OI}; \vec{OM}) &= \alpha \quad ; \quad (\vec{OI}; \vec{ON}) = \beta \end{aligned}$$



8. Formules de duplication :

Exercice 2613



1. Etablir la relation suivante : $(\cos \frac{\pi}{8})^2 = \frac{1}{4}(\sqrt{2} + 2)$

9. Equations cartésiennes des droites :

Exercice 2591



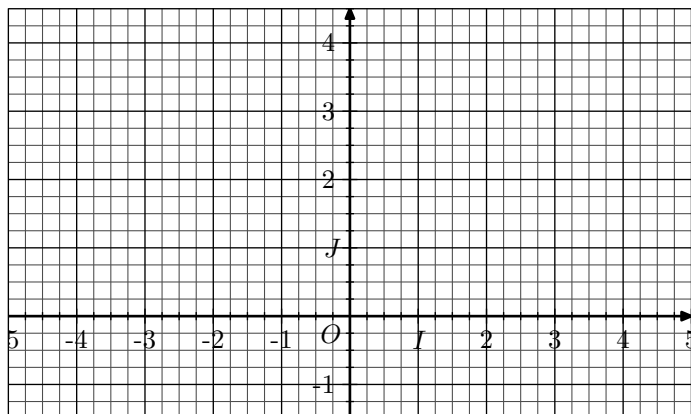
On considère le plan munit d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé.

1. Dans chaque cas, déterminer une équation cartésienne de la droite perpendiculaire au vecteur \vec{u} et passant par le point A :

a. $\vec{u} = (2; 3)$ et $A(1; 0)$

b. $\vec{u} = (-1; 1)$ et $A(-2; 1)$

2. Tracer la représentation de chacune de ces droites dans le repère ci-dessous ainsi qu'un représentant de chaque vecteur \vec{u} au point A correspondant :



1. a. Déterminer les coordonnées des points M et N .

b. Donner une expression du produit scalaire $\vec{OM} \cdot \vec{ON}$.

2. a. Donner la mesure de l'angle orienté : $(\vec{OM}; \vec{ON})$

b. Donner une autre expression de $\vec{OM} \cdot \vec{ON}$.

3. En déduire l'égalité :

$$\cos(\beta - \alpha) = \cos \beta \cdot \cos \alpha - \sin \beta \cdot \sin \alpha$$

Exercice 2616



Déterminer une simplification des expressions suivantes :

1. $\cos 2x \cdot \cos x - \sin 2x \cdot \sin x$

2. $\sin 3x \cdot \cos 2x - \sin 2x \cdot \cos 3x$

Exercice 2614



1. En remarquant l'égalité $\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4}$, déterminer les valeurs de $\cos \frac{\pi}{12}$ et $\sin \frac{\pi}{12}$.

2. Déterminer les valeurs de : $\cos \frac{7\pi}{12}$; $\sin \frac{7\pi}{12}$

2. En déduire la valeur de $\cos \frac{\pi}{8}$.

3. Etablir la relation : $\sin \frac{\pi}{8} = \frac{1}{2}\sqrt{2 - \sqrt{2}}$

Exercice 3036



Dans le plan $(O; I; J)$, on considère les points A, B, C, D de coordonnées :

$$A(-1; -1) \quad ; \quad B(2; -4) \quad ; \quad C\left(\frac{22}{5}; \frac{4}{5}\right) \quad ; \quad D\left(\frac{1}{5}; \frac{7}{5}\right)$$

1. a. Soit K le milieu du segment $[AB]$. On considère l'ensemble des points $M(x; y)$ du plan qui vérifie la relation ; $\vec{AB} \cdot \vec{KM} = 0$

Déterminer une équation vérifiée par les coordonnées $(x; y)$ du point M .

b. En déduire une équation cartésienne de la médiatrice (d) du segment $[AB]$.

2. a. Déterminer les coordonnées d'un vecteur orthogonal à la droite (CD) .

b. En déduire l'équation de la droite (CD) .

3. Déterminer les coordonnées du point d'intersection des droites (d) et (d') .

10. Equations cartésiennes des cercles :

Exercice 3083



On considère les trois équations cartésiennes suivantes :

a. $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 9 = 0$

b. $x^2 + y^2 - 2x + 6y + 10 = 0$

c. $x^2 + y^2 + 4x - 4y + 9 = 0$

1. Ecrire chacune des équations ci-dessus sous la forme :

$$(x - a)^2 + (y - b)^2 = c$$

où a , b , c sont des nombres réels à déterminer.

2. Pour chaque équation, en déduire la nature de l'ensemble des points défini par cette équation et en préciser les éléments caractéristiques

Exercice 2592



11. Equations cartésiennes :

Exercice 2660



On considère le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$ et l'ensemble des points \mathcal{E} défini par l'équation cartésienne :

$$(E) : x^2 + y^2 - 4x + 6y + 3 = 0$$

1. a. Ecrire l'équation (E) sous la forme :

$$(x - a)^2 + (y - b)^2 = c$$

b. Justifier que l'ensemble \mathcal{E} est un cercle \mathcal{C} dont on précisera les caractéristiques.

2. a. Montrer que le point $A(3; 0)$ est un point du cercle \mathcal{C} .

b. Déterminer une équation cartésienne de la tangente (d) au cercle \mathcal{C} passant par le point A .

3. Après avoir montré que le point $B(-1; -2)$ est un point du cercle, donner une équation cartésienne de la droite (d') tangente au cercle \mathcal{C} au point B .

4. Déterminer les coordonnées du point M intersection des droites (d) et (d') .

5. Tracer dans le repère ci-dessous le cercle \mathcal{C} (ou une partie) et ses deux tangentes.

Le plan est muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$ dont l'unité est le centimètre.

1. On considère le cercle \mathcal{C} de centre I et de rayon r . Dans chaque cas présenté ci-dessous, déterminer l'équation du cercle :

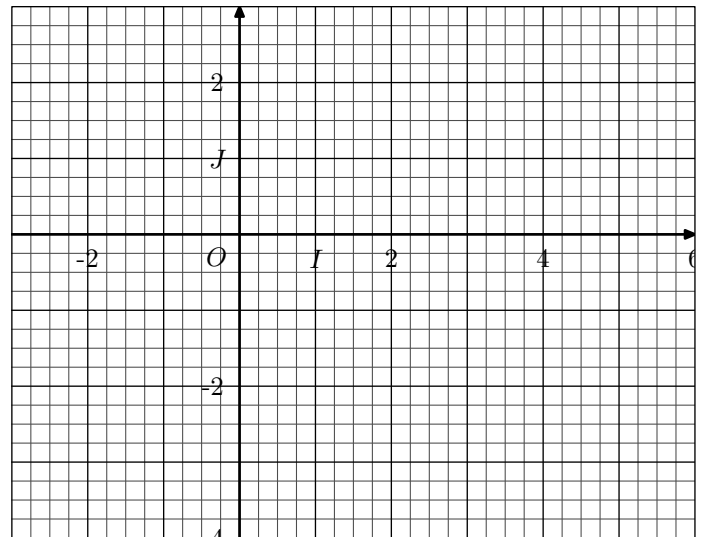
a. $I(1; 2)$ et $r=3 \text{ cm}$

b. $I(-3; 1)$ et $r=5 \text{ cm}$

2. On considère le cercle \mathcal{C}' dont les points A et B sont diamétralement opposés. Déterminer l'équation du cercle dans chacun des cas suivants :

a. $A(-2; 0)$ et $B(4; 0)$

b. $A(2; -3)$ et $B(-1; 2)$



Exercice 2597



On considère le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$.

1. a. Soit (d) la droite ayant pour vecteur directeur $(1; 2)$ et passant par le point $A(0; -1)$.

Déterminer l'équation cartésienne de cette droite.

b. Soit \mathcal{C} le cercle de centre $A(1; 1)$ et de rayon 3. Déterminer l'équation cartésienne de ce cercle.

2. Dans cette question, on s'intéresse au point d'intersection de (d) et de \mathcal{C} .

a. Justifier que si $M(x; y)$ est un point d'intersection de la droite et du cercle alors ses coordonnées vérifient le système d'équation :

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2x - 2y - 7 = 0 \\ -2x + y + 1 = 0 \end{cases}$$

b. Par substitution, résoudre ce système d'équation.

Exercice 3040



On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$; les points A et B ont pour coordonnées respectives $(2; -3)$ et $(-1; 1)$; on note I le milieu du segment $[AB]$; M représente un point quelconque du plan et ses coordonnées sont notées $(x; y)$:

1. On s'intéresse au lieu géométrique \mathcal{E} défini par la relation : $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 2$
 - a. Déterminer une relation entre x et y caractérisant l'ensemble \mathcal{E} .
 - b. Vérifier que le point de coordonnée $(2; \sqrt{6}-1)$ appartient à l'ensemble \mathcal{E} .

255. Exercices non-classés :

Exercice 2662



Soit ABC un triangle rectangle en A . On note H le pied de la hauteur issue de A . I, J, K sont les milieux respectifs des segments $[AB], [AC], [BC]$.

1. Etablir la relation suivante : $HA^2 = HB \times HC$
2. a. Etablir la relation vectorielle suivante : $\overrightarrow{AI} + \overrightarrow{AJ} = \overrightarrow{AK}$
 - b. Démontrer que les droites (HI) et (HJ) sont perpendiculaires.

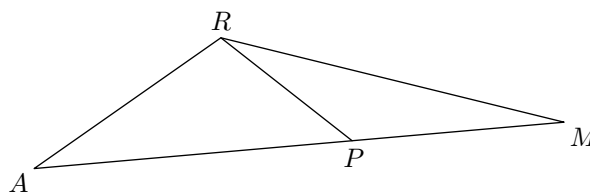
tient à l'ensemble \mathcal{E} .

- c. Quel est la nature géométrique de \mathcal{E} ? Donner ses éléments caractéristiques.
2. On s'intéresse au lieu géométrique \mathcal{F} défini par la relation : $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{IM} = -7,5$
 - a. Déterminer une relation sur les coordonnées des points M appartenant à l'ensemble \mathcal{F} .
 - b. Quel est la nature géométrique de \mathcal{F} ? Donner les éléments caractéristiques de \mathcal{F} .

Exercice 6687



On considère la configuration ci-dessous :



1. Ecrire les trois formules d'Al-Kashi dans le triangle ARP .
2. Ecrire la formule de l'égalité des sinus dans le triangle RPM