

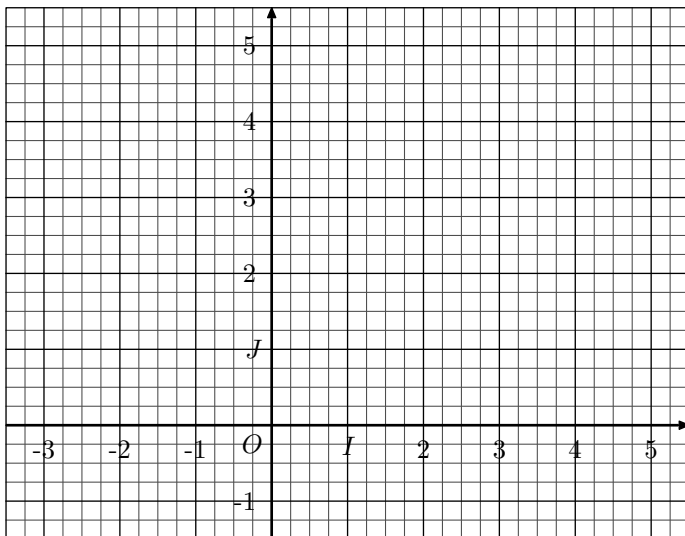
Première S / Produit scalaire

1. Introduction :

Exercice 6647



Dans le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé.



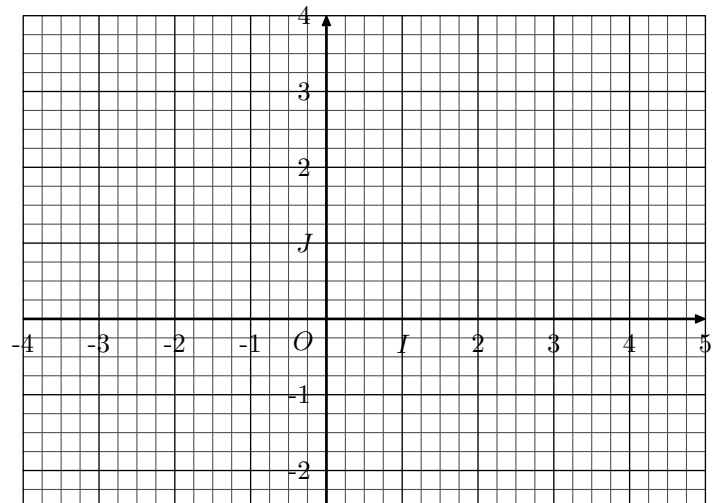
On considère les points A, B et C définis par :
 $A(-3; 1)$; $B(4; -1)$; $C(1; 3)$

1. Déterminer les coordonnées du point I milieu du segment $[BC]$.
2. Soit J l'image du point A par la symétrie centrale de centre C .
 - a. Donner une relation vectorielle vérifiée par les points A, C et J
 - b. Déterminer les coordonnées du point J .
3. Déterminer la norme du vecteur \overrightarrow{AB}

Exercice 6646



On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé.



1. On rappelle la formule de la distance entre deux points :
 $PQ = \sqrt{(x_Q - x_P)^2 + (y_Q - y_P)^2}$
 On considère les trois points du plan A, B et C de coordonnées :
 $A(-3; 2)$; $B(-2; -2)$; $C(2; -1)$
 - a. Déterminer les distances AB, AC et BC .
 - b. Etablir que le triangle ABC est un triangle rectangle.
2. Soit $\vec{u}(x; y)$ un vecteur, on définit la norme du vecteur \vec{u} comme le nombre $\|\vec{u}\|$ défini par :
 $\|\vec{u}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$
 On considère les deux points E et F de coordonnées :
 $E(-1; 2)$; $G(4; 3)$
 et les deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} de coordonnées :
 $\vec{u}(4; -1)$; $\vec{v}(1; 2)$
 - a. Déterminer les normes des vecteurs \vec{u} et \vec{v} .
 - b. Déterminer les coordonnées des points F et H vérifiant les deux égalités vectorielles :
 $\overrightarrow{EF} = \vec{u}$; $\overrightarrow{HG} = \vec{v}$
 - c. Exprimer le vecteur $\vec{u} + \vec{v}$ à l'aide des points E, F et G ?
 - d. Le triangle EFG est-il rectangle?

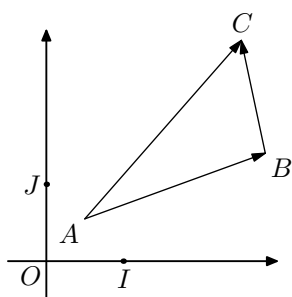
Exercice 2572



On considère le plan muni du repère orthonormé $(O; I; J)$ et trois points A, B, C du plan.

On ne connaît pas les coordonnées des points A et B mais on note :
 $\vec{AB}(x; y)$; $\vec{BC}(x'; y')$

- Déterminer les coordonnées du vecteur \vec{AC} .



- Exprimer la longueur de chacun des vecteurs \vec{AB} , \vec{BC} , \vec{AC} en fonction de x, x', y, y' . Elles se notent respectivement $\|\vec{AB}\|$, $\|\vec{BC}\|$, $\|\vec{AC}\|$.
- Donner une condition nécessaire et suffisante pour que les droites (AB) et (BC) soient perpendiculaires.

2. Coordonnées et produit scalaire :

Exercice 3018



Dans le plan muni d'un repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$, on considère les deux vecteurs $\vec{u}(x; y)$ et $\vec{v}(x'; y')$.

- Le produit scalaire des vecteurs \vec{u} et \vec{v} est un nombre noté $\vec{u} \cdot \vec{v}$ défini par :
 $\vec{u} \cdot \vec{v} = x \cdot x' + y \cdot y'$
- Les vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont orthogonaux si, et seulement si, leur produit scalaire est nul.

Dans le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé, on considère les quatre points suivants :

$$A(-3; 2) \quad ; \quad B(-2; -2) \quad ; \quad C(2; -1) \quad ; \quad D(1; 3)$$

- Déterminer la valeur de $\vec{AB} \cdot \vec{AD}$
- Démontrer que le quadrilatère $ABCD$ est un rectangle.

Exercice 7781



On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$.

- On considère les trois points :
 $A(-5; 1)$; $B(-3; -5)$; $C(-2; 2)$.
 Montrer que le triangle ABC est rectangle en A .

- On considère les trois points :
 $D(-3; -2)$; $E(1; 1)$; $F\left(2; -\frac{26}{3}\right)$.
 Montrer que le triangle DEF est rectangle. On précisera le sommet de l'angle droit.

Exercice 7786



Dans le plan muni d'un repère, on considère les deux droites (d) et (Δ) admettant pour équation :

$$(d) : y = 3x - 1 \quad ; \quad (\Delta) : 2x + 6y + 4 = 0$$

- Démontrer que les droites (d) et (Δ) sont perpendiculaires.
- Déterminer les coordonnées du point d'intersection des droites (d) et (Δ) .

Exercice 7787



Dans le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé, on considère les trois points :

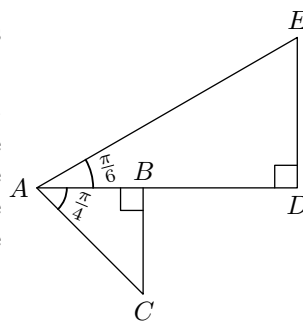
$$A(-2; 1) \quad ; \quad B(-8; -3) \quad ; \quad D\left(-3; \frac{5}{2}\right)$$

Exercice 2574



On considère la figure ci-dessous où : $AE = 4 \text{ cm}$ et $AC = 2 \text{ cm}$

- On considère le repère orthonormé, orienté dans le sens direct, dont l'unité mesure 1 cm , et dont l'axe des abscisses est la droite (AD) .

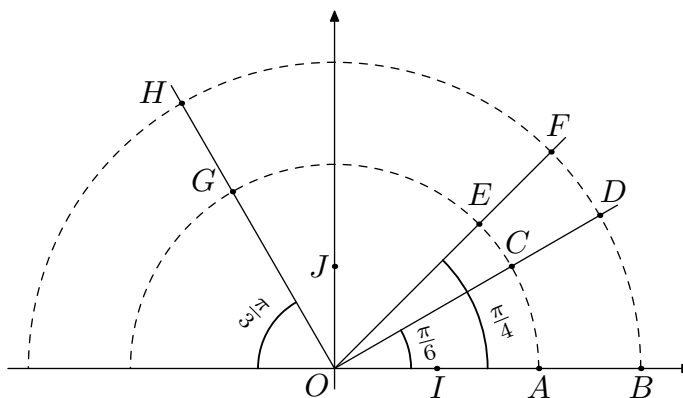


- Montrer que $E(2\sqrt{3}; 2)$
 - Déterminer les coordonnées des autres points de cette figure.
- Déterminer la valeur des produits scalaires ci-dessous :
 - $\vec{AB} \cdot \vec{AD}$
 - $\vec{AB} \cdot \vec{AE}$
 - $\vec{AC} \cdot \vec{AD}$
 - Comment s'appelle le point D relativement au point E ?
 Comment s'appelle le point B relativement au point C ?

Exercice 2573



On considère le repère orthonormal $(O; I; J)$ ci-dessous :



Deux demi-cercles sont tracés : $OA = 2 \text{ cm}$ et $OB = 3 \text{ cm}$

- Déterminer les coordonnées des points figurants sur cette figure.
- Déterminer la valeur des produits scalaires suivants :

- $\vec{OA} \cdot \vec{OC}$
- $\vec{OB} \cdot \vec{OD}$

- $\vec{OB} \cdot \vec{OE}$
- $\vec{OD} \cdot \vec{OF}$

3. Produit scalaire et manipulations algébriques :

Exercice 3011

1. Pour tout vecteur \vec{u} et \vec{v} , établir l'égalité suivante :

$$\|\vec{u} + \vec{v}\|^2 - \|\vec{u} - \vec{v}\|^2 = 4 \times \vec{u} \cdot \vec{v}$$

2. On considère le parallélogramme $ABCD$ dans le plan.

On note : $\vec{u} = \vec{AB}$; $\vec{v} = \vec{BC}$

- a. Que représentent les vecteurs $\vec{u} + \vec{v}$ et $\vec{u} - \vec{v}$ pour le parallélogramme $ABCD$?
- b. A l'aide des questions précédentes, établir la proposition suivante :

“Dans un parallélogramme, les diagonales sont de même longueur si, et seulement si, les côtés adjacents sont perpendiculaires.”

Exercice 3016

On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé et les trois points suivants :

$A(2; 3)$; $B(6; 5)$; $C(0; 6)$

On note : $\vec{u} = \vec{AB}$; $\vec{v} = \vec{AC}$

1. a. Déterminer les normes $\|\vec{u}\|$ et $\|\vec{v}\|$.
- b. Déterminer la valeur de $\vec{u} \cdot \vec{v}$
2. a. Développer l'expression : $(3 \times \vec{u} - 2 \times \vec{v})^2$.
- b. En déduire la norme : $\|3 \times \vec{u} - 2 \times \vec{v}\|$.

Exercice 3038

On considère le triangle ABC équilatéral dont les côtés mesurent 6 cm ; on note I, J, K les milieux respectifs des milieux $[BC], [AC], [AB]$; M est le centre de gravité du triangle ABC .

1. Déterminer la longueur du segment $[BJ]$ et $[BM]$.
2. Déterminer la valeur des différents produits scalaires suivants :
- a. $\vec{AC} \cdot \vec{AB}$ b. $\vec{AC} \cdot \vec{IC}$
- c. $\vec{MC} \cdot \vec{MA}$ d. $\vec{CM} \cdot \vec{MI}$

Exercice 2661

Soit ABC un triangle quelconque.

1. Démontrer que pour tout point M du plan, on a la relation :
- $$\vec{AM} \cdot \vec{BC} + \vec{BM} \cdot \vec{CA} + \vec{CM} \cdot \vec{AB} = 0$$
2. En déduire que les hauteurs du triangle ABC sont concourantes en un point H .

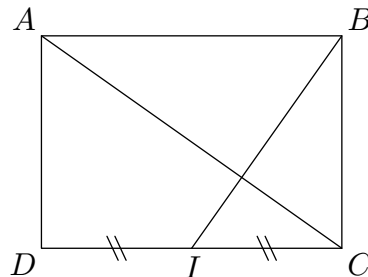
Exercice 2665

Soit a un nombre réel positif.

On considère le rectangle $ABCD$ tel que :

$AB = a$; $AD = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot a$

On note I le milieu de $[CD]$

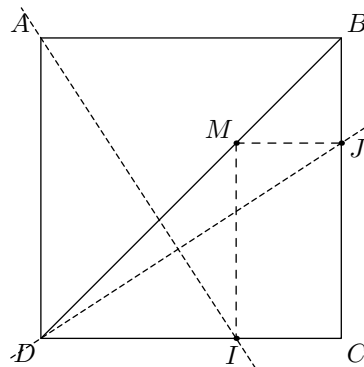


En se servant uniquement des propriétés algébriques, démontrer que les droites (AC) et (BI) sont perpendiculaires.

Exercice 2673

On considère le carré $ABCD$ ci-dessous. M est un point appartenant à la diagonale $[BD]$.

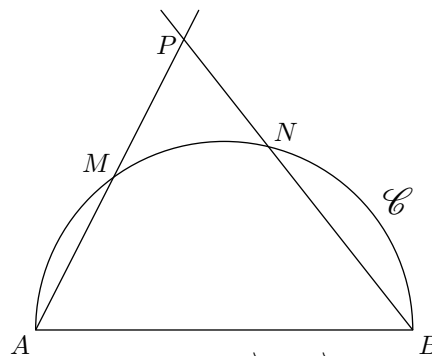
On note I le projeté orthogonal de M sur (DC) et J le projeté orthogonal de M sur $[BC]$.



1. Etablir la relation suivante : $\vec{DI} \cdot \vec{DC} = \vec{BC} \cdot \vec{JC}$
2. En déduire que les droites (AI) et (DJ) sont orthogonales.

Exercice 3037

Dans le plan, on considère un demi-cercle \mathcal{C} de diamètre $[AB]$; soit M et N deux points de \mathcal{C} tels que les demi-droites (AM) et (BN) s'intersectent au point P :



1. Déterminer la valeur de $\vec{AM} \cdot \vec{BM}$.
2. Etablir l'égalité suivante :
- $$AB^2 = AP \times AM + PB \times NB$$

4. Produit scalaire et projection :

Exercice 2593



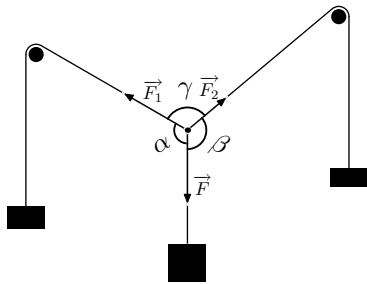
On considère le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$:

1. Soit A, B, C trois points du plan de coordonnées respectives $(-2; 3)$, $(1; -4)$ et $(0; -2)$
 - a. Déterminer les valeurs de $\vec{BA} \cdot \vec{BC}$, $\|\vec{BA}\|$ et $\|\vec{BC}\|$.
 - b. En déduire la mesure de l'angle géométrique \widehat{ABC} au centième près de degrés.
 - c. A l'aide d'un dessin à main levée, donner une mesure de l'angle orienté $(\vec{BA}; \vec{BC})$.
2. Déterminer une mesure de l'angle orienté $(\vec{DE}; \vec{DF})$ où $D(3; 5)$, $E(-1; 0)$, $F(2; 4)$ au centième de degré près.

Exercice 3034



Le schéma ci-dessous représente un système de poulies à l'équilibre. Chacun des poids exerce sur le noeud proportionnellement à son poids.



On donne les informations suivantes :

$$\|\vec{F}_1\| = 8 \text{ N} \quad ; \quad \|\vec{F}_2\| = 6 \text{ N} \quad ; \quad \|\vec{F}\| = 12 \text{ N}$$

On note R la résultante de toutes ces forces :

$$R = \vec{F} + \vec{F}_1 + \vec{F}_2$$

1. Déterminer en fonction de α , β et γ les trois produits scalaires suivants :

$$\vec{R} \cdot \vec{F}_1 \quad ; \quad \vec{R} \cdot \vec{F}_2 \quad ; \quad \vec{R} \cdot \vec{F}$$
2. On suppose maintenant que ce système est en position d'équilibre, ainsi on a $\vec{R} = \vec{0}$
 - a. Montrer que les mesures des angles vérifient le système suivant :

$$\begin{cases} 4 \cdot \cos \alpha + 3 \cdot \cos \beta + 6 = 0 \\ 6 \cdot \cos \alpha + 3 \cdot \cos \gamma + 4 = 0 \\ 6 \cdot \cos \beta + 4 \cdot \cos \gamma + 3 = 0 \end{cases}$$
 - b. En déduire les valeurs de α , β , γ pour la position d'équilibre.

5. Formule d'Al-Kashi :

Exercice 2590



On considère le triangle ABC dont les mesures sont :
 $AB = 5,3 \text{ cm}$; $AC = 3,7 \text{ cm}$; $BC = 7 \text{ cm}$

Les formules d'Al-Kashi appliquées à ce triangle donne :

- $AB^2 = AC^2 + BC^2 - 2 \times AC \times BC \times \cos \widehat{ACB}$
- $AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2 \times AB \times BC \times \cos \widehat{ABC}$

- $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2 \times AB \times AC \times \cos \widehat{BAC}$

Déterminer la mesure, au dixième de degrés près, des angles du triangle ABC .

Exercice 6706



Déterminer la mesure, au dixième de degrés près, des angles du triangle ABC ayant les mesures suivantes :

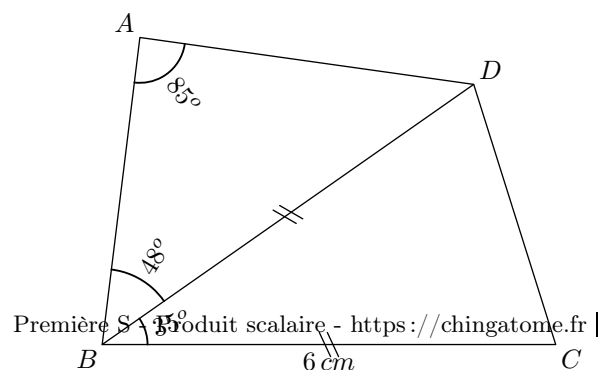
$$AB = 6,4 \text{ cm} \quad ; \quad AC = 4,8 \text{ cm} \quad ; \quad BC = 8 \text{ cm}$$

6. Formule des sinus :

Exercice 2674



On considère le quadrilatère $ABCD$ représenté ci-dessous :



1. Les formules d'Al-Kashi donne la formule :

$$DC^2 = BD^2 + BC^2 - 2 \times BD \times BC \times \cos \widehat{DBC}$$

En déduire la mesure de la longueur DC arrondie au millimètre près.

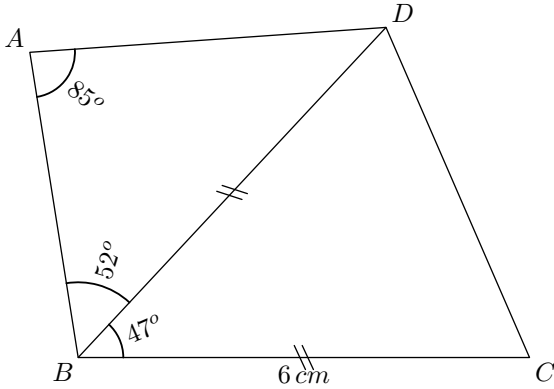
2. La formule des sinus exprimés dans le triangle ABD s'exprime par :

$$\frac{\sin \widehat{DBA}}{AD} = \frac{\sin \widehat{ADB}}{AB} = \frac{\sin \widehat{DAB}}{DB}$$

En déduire les mesures des longueurs AB et AD arrondie au millimètre près.

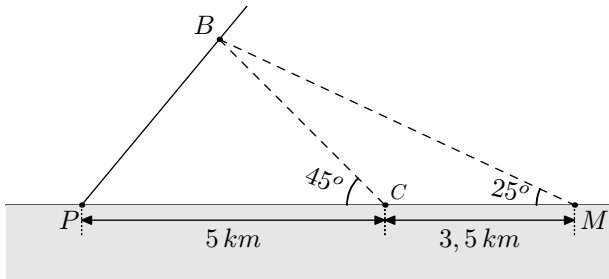
Exercice 6707

Déterminer les mesures des quatre côtés du quadrilatère $ABCD$ au millimètre près.



Exercice 2664

Un bateau B rejoint le port P en ligne droite ; sur le bord de la rive, Marc et Cléa regarde le bateau rentré au port.



1. a. Déterminer les mesures des angles du triangle

7. Formule de la médiane :

Exercice 6807

On rappelle la formule de la médiane :

Soient A et B deux points du plan et I le milieu du segment $[AB]$. Pour tout point M du plan, on a la relation :

$$AM^2 + BM^2 = \frac{1}{2} \cdot AB^2 + 2 \cdot MI^2$$

On considère le plan muni d'un repère orthonormal $(O; I; J)$ et les trois points A, B et C de coordonnées respectives :

$$A(-2; -3) ; B(-1; 2) ; C(3; 1)$$

1. Déterminer les mesures AB, AC et BC .
2. a. On note I le milieu du segment $[AB]$. Déterminer

BCM .

- b. La formule des sinus s'exprime dans le triangle MBC par :

$$\frac{\sin \widehat{BCM}}{BM} = \frac{\sin \widehat{CMB}}{CB} = \frac{\sin \widehat{MCB}}{MC}$$

En déduire la longueur BC arrondie à l'hectomètre près.

2. Dans le triangle CBP , les formules d'Al-Kashi s'exprime par :

$$\bullet PC^2 = PB^2 + BC^2 - 2 \times PB \times BC \times \cos \widehat{PBC}$$

$$\bullet PB^2 = PC^2 + BC^2 - 2 \times PC \times BC \times \cos \widehat{PCB}$$

$$\bullet CB^2 = CP^2 + PB^2 - 2 \times CP \times PB \times \cos \widehat{CPB}$$

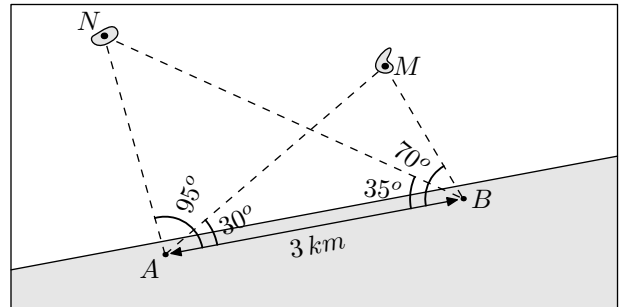
En déduire la distance séparant le bateau du port arrondie à l'hectomètre près.

Exercice 3084

Deux observateurs souhaitent mesurer la distance séparant les deux phares présents près de leur côte. Pour cela, ils se séparent de 3 km et effectuent les mesures d'angles suivants :

$$\widehat{MAB} = 30^\circ ; \widehat{MBA} = 70^\circ ; \widehat{NAB} = 95^\circ ; \widehat{ABN} = 35^\circ$$

Le schéma ci-dessous représente cette situation :



1. a. Déterminer la longueur du segment $[AN]$ (au mètre près).
b. Déterminer la longueur du segment $[AM]$ (au mètre près).
2. Déterminer la longueur du segment $[MN]$ (à l'hectomètre près).

la mesure de la médiane dans le triangle ABC issue du sommet C .

- b. On note J le milieu du segment $[AC]$. Déterminer la mesure de la médiane dans le triangle ABC issue du sommet B .

Exercice 2663

On considère un triangle ABC rectangle en A ayant les mesures suivantes : $AB = 6$; $AC = 3$

On note I le milieu du segment $[AB]$ et J le milieu de $[IC]$.

On s'intéresse à l'ensemble \mathcal{E} des points M vérifiant la relation : $MA^2 + MB^2 + 2 \cdot MC^2 = 72$

1^{er} méthode :

1. Montrer que tous points M vérifient la relation :

$$MA^2 + MB^2 + 2 \times MC^2 = 4 \cdot MJ^2 + JA^2 + JB^2 + 2 \times JC^2$$

2. En utilisant par deux fois le théorème de la médiane, démontrer la relation suivante :

$$M \in \mathcal{E} \iff 4 \times MJ^2 + \frac{AB^2}{2} + IC^2 = 72$$

3. En déduire la nature de l'ensemble \mathcal{E} .

2^{ème} méthode :

On munit le plan du repère $(A; \frac{1}{6} \cdot \overrightarrow{AB}; \frac{1}{3} \cdot \overrightarrow{AC})$

1. Déterminer les coordonnées des points A, B, C dans ce repère.

2. En notant $(x; y)$ les coordonnées du point M , déterminer une équation de \mathcal{E} dans ce repère.

3. En déduire la nature de l'ensemble \mathcal{E} .

Exercice 2609 

On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé et les deux points du plan suivants :

$$A(-3; 2) \quad ; \quad B(3; -6)$$

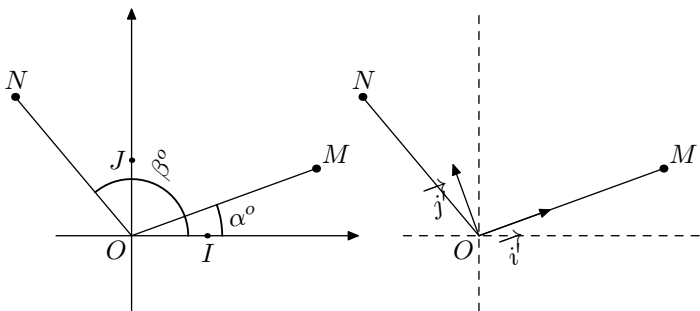
8. Formules d'addition :

Exercice 2575 

On considère deux points M et N dans le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$; on repère ces points par leurs coordonnées polaires :

$$\begin{cases} OM = \rho \\ (\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM}) = \alpha \end{cases} \quad \begin{cases} ON' = \rho' \\ (\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{ON'}) = \beta \end{cases}$$

La figure de gauche représente cette situation.



La figure de droite représente les mêmes points M et N dans le repère orthonormé $(O; i'; j')$.

Dans cet exercice, nous allons exprimer le produit scalaire $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{ON}$ dans ces deux repères :

1. Dans le repère $(O; I; J)$:

- a. Donner les coordonnées cartésiennes associées.
- b. En déduire la valeur du produit scalaire $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{ON}$.

2. Dans le repère $(O; i'; j')$:

- a. Déterminer les coordonnées polaires des points M et N en fonction de α, β, ρ et ρ' dans le repère

1. On désignera par M le point de coordonnées $(x; y)$:

- a. Déterminer les coordonnées du point I milieu de $[AB]$.
- b. Déterminer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{IM} et \overrightarrow{AB} .
- c. Déterminer la longueur AB .

2. a. Déterminer l'équation cartésienne de l'ensemble des points vérifiant la relation :

$$MA^2 - MB^2 = 40$$

- b. Donner la nature et les éléments caractéristiques des points M vérifiant cette relation.

3. a. Déterminer l'équation de l'ensemble des points vérifiant la relation :

$$\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 34$$

- b. Donner la nature et les éléments caractéristiques des points M vérifiant cette relation.

4. a. Déterminer l'équation de l'ensemble des points vérifiant la relation :

$$MA^2 + MB^2 = 150$$

- b. Donner la nature et les éléments caractéristiques des points M vérifiant cette relation.

$$(O; \vec{i}; \vec{j}) .$$

- b. Donner les coordonnées cartésiennes des points M et N dans ce repère.
- c. En déduire la valeur du produit scalaire $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{ON}$.

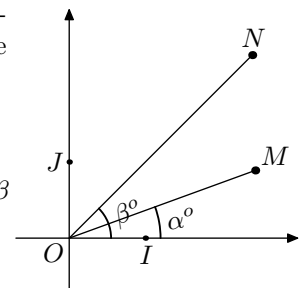
3. Justifier l'égalité suivante :

$$\cos(\beta - \alpha) = \cos \beta \cdot \cos \alpha + \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Exercice 6808 

Dans le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$, on considère les points M et N tel que :

$$\begin{aligned} \|\overrightarrow{OM}\| &= a \quad ; \quad \|\overrightarrow{ON}\| = b \\ (\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM}) &= \alpha \quad ; \quad (\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{ON}) = \beta \end{aligned}$$



1. a. Déterminer les coordonnées des points M et N .


- b. Donner une expression du produit scalaire $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{ON}$

2. a. Donner la mesure de l'angle orienté : $(\overrightarrow{OM}; \overrightarrow{ON})$

- b. Donner une autre expression de $\overrightarrow{OM} \cdot \overrightarrow{ON}$.

3. En déduire l'égalité :

$$\cos(\beta - \alpha) = \cos \beta \cdot \cos \alpha + \sin \beta \cdot \sin \alpha$$

Exercice 2616 

Déterminer une simplification des expressions suivantes :

1. $\cos 2x \cdot \cos x - \sin 2x \cdot \sin x$

2. $\sin 3x \cdot \cos 2x - \sin 2x \cdot \cos 3x$

Exercice 2614 

9. Formules de duplication :

Exercice 2613 

1. Etablir la relation suivante: $\left(\cos \frac{\pi}{8}\right)^2 = \frac{1}{4} \cdot (\sqrt{2} + 2)$

10. Equations cartésiennes des droites :

Exercice 2591 

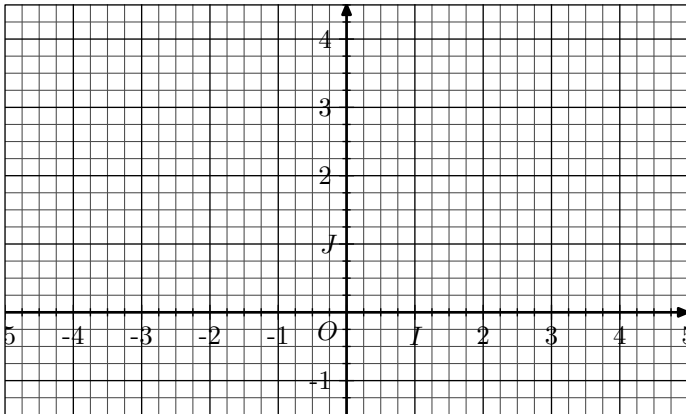
On considère le plan munit d'un repère $(O; I; J)$ orthonormé.

1. Dans chaque cas, déterminer une équation cartésienne de la droite perpendiculaire au vecteur \vec{u} et passant par le point A :


a. $\vec{u} = (2; 3)$ et $A(1; 0)$

b. $\vec{u} = (-1; 1)$ et $A(-2; 1)$

2. Tracer la représentation de chacune de ces droites dans le repère ci-dessous ainsi qu'un représentant de chaque vecteur \vec{u} au point A correspondant :



11. Equations cartésiennes des cercles :

Exercice 3083 

On considère les trois équations cartésiennes suivantes :

a. $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 9 = 0$

b. $x^2 + y^2 - 2x + 6y + 10 = 0$

c. $x^2 + y^2 + 4x - 4y + 9 = 0$

1. En remarquant l'égalité $\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4}$, déterminer les valeurs de $\cos \frac{\pi}{12}$ et $\sin \frac{\pi}{12}$.

2. Déterminer les valeurs de : $\cos \frac{7\pi}{12}$; $\sin \frac{7\pi}{12}$

2. En déduire la valeur de $\cos \frac{\pi}{8}$.

3. Etablir la relation : $\sin \frac{\pi}{8} = \frac{1}{2} \sqrt{2 - \sqrt{2}}$

Exercice 3036 

Dans le plan $(O; I; J)$, on considère les points A, B, C, D de coordonnées :

$A(-1; -1)$; $B(2; -4)$; $C\left(\frac{22}{5}; \frac{4}{5}\right)$; $D\left(\frac{1}{5}; \frac{7}{5}\right)$

1. a. Soit K le milieu du segment [AB]. On considère l'ensemble des points $M(x; y)$ du plan qui vérifie la relation : $\vec{AB} \cdot \vec{KM} = 0$

Déterminer une équation vérifiée par les coordonnées $(x; y)$ du point M.

b. En déduire une équation cartésienne de la médiatrice (d) du segment [AB].

2. a. Déterminer les coordonnées d'un vecteur orthogonal à la droite (CD).

b. En déduire l'équation de la droite (CD).


3. Déterminer les coordonnées du point d'intersection des droites (d) et (d').

1. Ecrire chacune des équations ci-dessus sous la forme :

$(x - a)^2 + (y - b)^2 = c$

où a, b, c sont des nombres réels à déterminer.

2. Pour chaque équation, en déduire la nature de l'ensemble des points défini par cette équation et en préciser les éléments caractéristiques

Exercice 2592 

Le plan est muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$ dont l'unité est le centimètre.

- On considère le cercle \mathcal{C} de centre I et de rayon r . Dans chaque cas présenté ci-dessous, déterminer l'équation du cercle :
 - $I(1; 2)$ et $r=3\text{ cm}$
 - $I(-3; 1)$ et $r=5\text{ cm}$

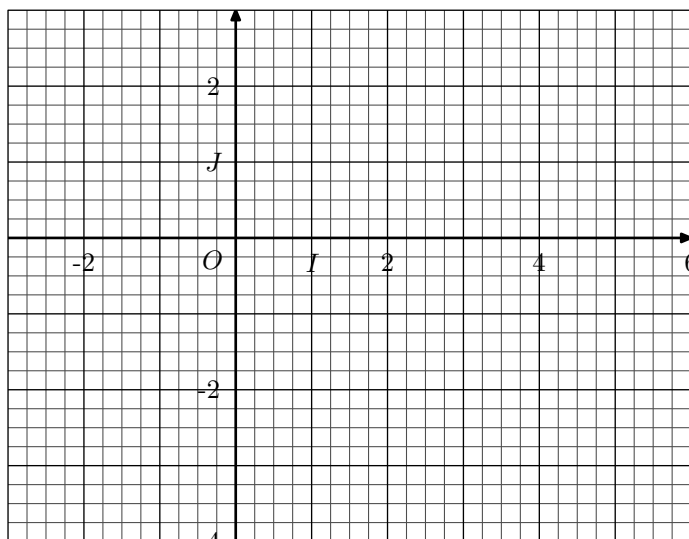
12. Equations cartésiennes :

Exercice 2660

On considère le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$ et l'ensemble des points \mathcal{E} défini par l'équation cartésienne :

$$(E) : x^2 + y^2 - 4x + 6y + 3 = 0$$

- Ecrire l'équation (E) sous la forme : $(x - a)^2 + (y - b)^2 = c$
 - Justifier que l'ensemble \mathcal{E} est un cercle \mathcal{C} dont on précisera les caractéristiques.
- Montrer que le point $A(3; 0)$ est un point du cercle \mathcal{C} .
 - Déterminer une équation cartésienne de la tangente (d) au cercle \mathcal{C} passant par le point A .
- Après avoir montré que le point $B(-1; -2)$ est un point du cercle, donner une équation cartésienne de la droite (d') tangente au cercle \mathcal{C} au point B .
- Déterminer les coordonnées du point M intersection des droites (d) et (d') .
- Tracer dans le repère ci-dessous le cercle \mathcal{C} (ou une partie) et ses deux tangentes.



255. Exercices non-classés :

- On considère le cercle \mathcal{C}' dont les points A et B sont diamétralement opposés. Déterminer l'équation du cercle dans chacun des cas suivants :
 - $A(-2; 0)$ et $B(4; 0)$
 - $A(2; -3)$ et $B(-1; 2)$

Exercice 2597

On considère le plan muni d'un repère orthonormé $(O; I; J)$.

- Soit (d) la droite ayant pour vecteur directeur $(1; 2)$ et passant par le point $A(0; -1)$. Déterminer l'équation cartésienne de cette droite.
 - Soit \mathcal{C} le cercle de centre $A(1; 1)$ et de rayon 3. Déterminer l'équation cartésienne de ce cercle.
- Dans cette question, on s'intéresse au point d'intersection de (d) et de \mathcal{C} .
 - Justifier que si $M(x; y)$ est un point d'intersection de la droite et du cercle alors ses coordonnées vérifient le système d'équation :

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2x - 2y - 7 = 0 \\ -2x + y + 1 = 0 \end{cases}$$
 - Par substitution, résoudre ce système d'équation.

Exercice 3040

On considère le plan muni d'un repère $(O; I; J)$; les points A et B ont pour coordonnées respectives $(2; -3)$ et $(-1; 1)$; on note I le milieu du segment $[AB]$; M représente un point quelconque du plan et ses coordonnées sont notées $(x; y)$:

- On s'intéresse au lieu géométrique \mathcal{E} défini par la relation : $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 2$
 - Déterminer une relation entre x et y caractérisant l'ensemble \mathcal{E} .
 - Vérifier que le point de coordonnée $(2; \sqrt{6}-1)$ appartient à l'ensemble \mathcal{E} .
 - Quel est la nature géométrique de \mathcal{E} ? Donner ses éléments caractéristiques.
- On s'intéresse au lieu géométrique \mathcal{F} défini par la relation : $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{IM} = -7,5$
 - Déterminer une relation sur les coordonnées des points M appartenant à l'ensemble \mathcal{F} .
 - Quel est la nature géométrique de \mathcal{F} ? Donner les éléments caractéristiques de \mathcal{F} .

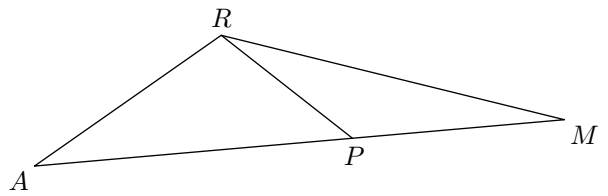
Exercice 2662

Soit ABC un triangle rectangle en A . On note H le pied de la hauteur issue de A . I, J, K sont les milieux respectifs des segments $[AB], [AC], [BC]$.

1. Etablir la relation suivante: $HA^2 = HB \times HC$
2. a. Etablir la relation vectorielle suivante: $\vec{AI} + \vec{AJ} = \vec{AK}$
- b. Démontrer que les droites (HI) et (HJ) sont perpendiculaires.

Exercice 6687

On considère la configuration ci-dessous :



1. Ecrire les trois formules d'Al-Kashi dans le triangle ARP .
2. Ecrire la formule de l'égalité des sinus dans le triangle RPM